

WYPEŁNIA ZESPÓŁ NADZORUJĄCY

KOD

--	--	--

PESEL

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

*Miejsce na naklejkę.*  
Sprawdź, czy kod na naklejce to  
**M-400.**

**Egzamin maturalny**

**Formuła 2023**

# MATEMATYKA

## Poziom podstawowy

**TEST DIAGNOSTYCZNY**

Symbol arkusza

**M**MAP-P0-**400**-2212

DATA: **14 grudnia 2022 r.**

GODZINA ROZPOCZĘCIA: **9:00**

CZAS TRWANIA: **do 270 minut**

LICZBA PUNKTÓW DO UZYSKANIA: **46**

WYPEŁNIA ZESPÓŁ NADZORUJĄCY

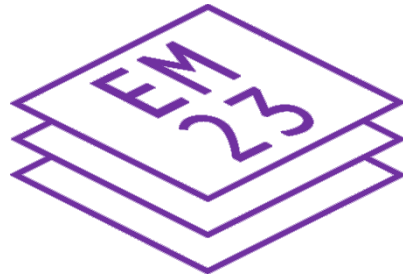
Uprawnienia zdającego do:

- dostosowania zasad oceniania
- dostosowania w zw. z dyskalkulią
- nieprzenoszenia zaznaczeń na kartę.

**Przed rozpoczęciem pracy z arkuszem egzaminacyjnym**

1. Sprawdź, czy nauczyciel przekazał Ci **właściwy arkusz egzaminacyjny**, tj. arkusz we **właściwej formule**, z **właściwego przedmiotu na właściwym poziomie**.
2. Jeżeli przekazano Ci **niewłaściwy** arkusz – natychmiast zgłoś to nauczycielowi. Nie rozrywaj banderol.
3. Jeżeli przekazano Ci **właściwy** arkusz – rozerwij banderole po otrzymaniu takiego polecenia od nauczyciela. Zapoznaj się z instrukcją na stronie 2.





## Instrukcja dla zdającego

1. Sprawdź, czy arkusz egzaminacyjny zawiera 63 strony (zadania 1–33). Ewentualny brak zgłoś przewodniczącemu zespołu nadzorującego egzamin.
2. Pamiętaj, że istotnych obliczeń w rozwiązaniu zadania otwartego może spowodować, że za to rozwiązanie nie otrzymasz pełnej liczby punktów.
3. Rozwiązania zadań i odpowiedzi wpisuj w miejscu na to przeznaczonym przy każdym zadaniu.
4. Nie wypełniaj karty odpowiedzi dołączonej do arkusza.
5. W zadaniach zamkniętych zaznacz swój wybór znakiem **X**,  
np.:  
A.  
 B.  
C.  
D.



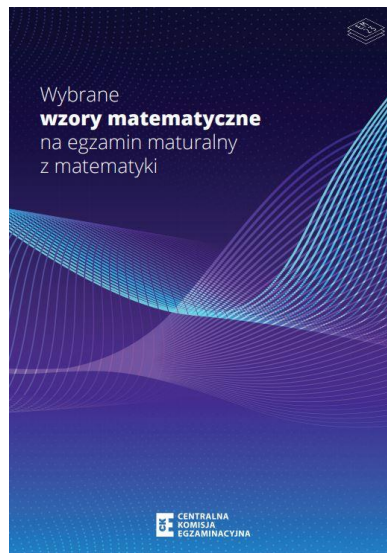
Jeśli się pomylisz, otocz znak **X** kółkiem i zaznacz inną odpowiedź, np.:

A.



D.

6. Pisz czytelnie i używaj tylko długopisu lub pióra z czarnym tuszem lub atramentem.
7. Nie używaj korektora, a błędne zapisy wyraźnie przekreśl.
8. Pamiętaj, że zapisy w brudnopisie nie będą oceniane.
9. Możesz korzystać z *Wybranych wzorów matematycznych*, cyrkla i linijki oraz kalkulatora prostego. Upewnij się, czy przekazano Ci broszurę z taką okładką, jak poniżej.



### Zadanie 1. (0–1)

Dokończ zdanie. Zaznacz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Liczba  $\left(5 \cdot 5^{\frac{1}{2}}\right)^{\frac{1}{3}}$  jest równa

A.  $\sqrt[6]{5}$

B.  $\sqrt[3]{25}$

C.  $\sqrt{5}$

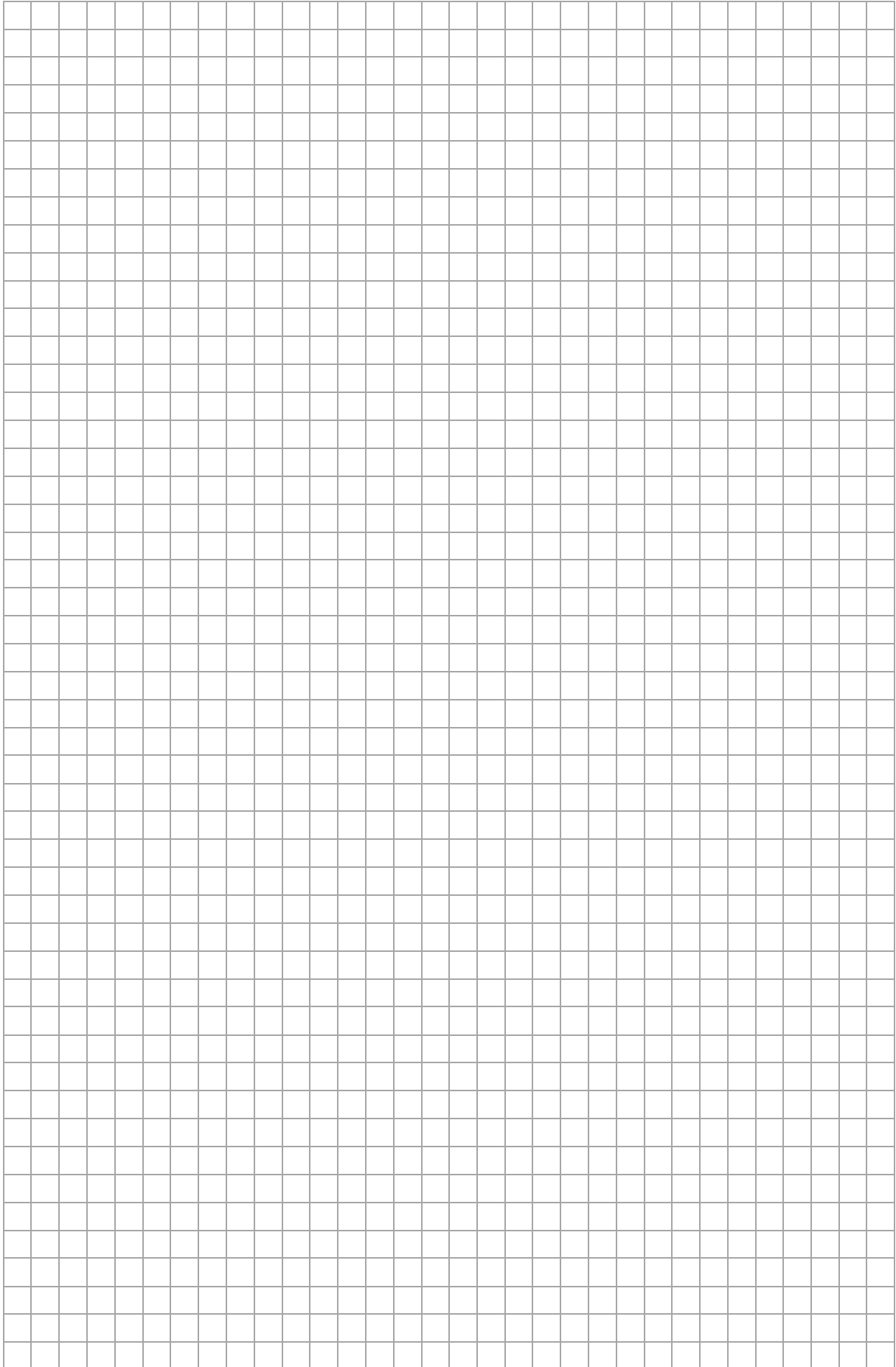
D.  $\sqrt[3]{5}$

BRUDNOPIS



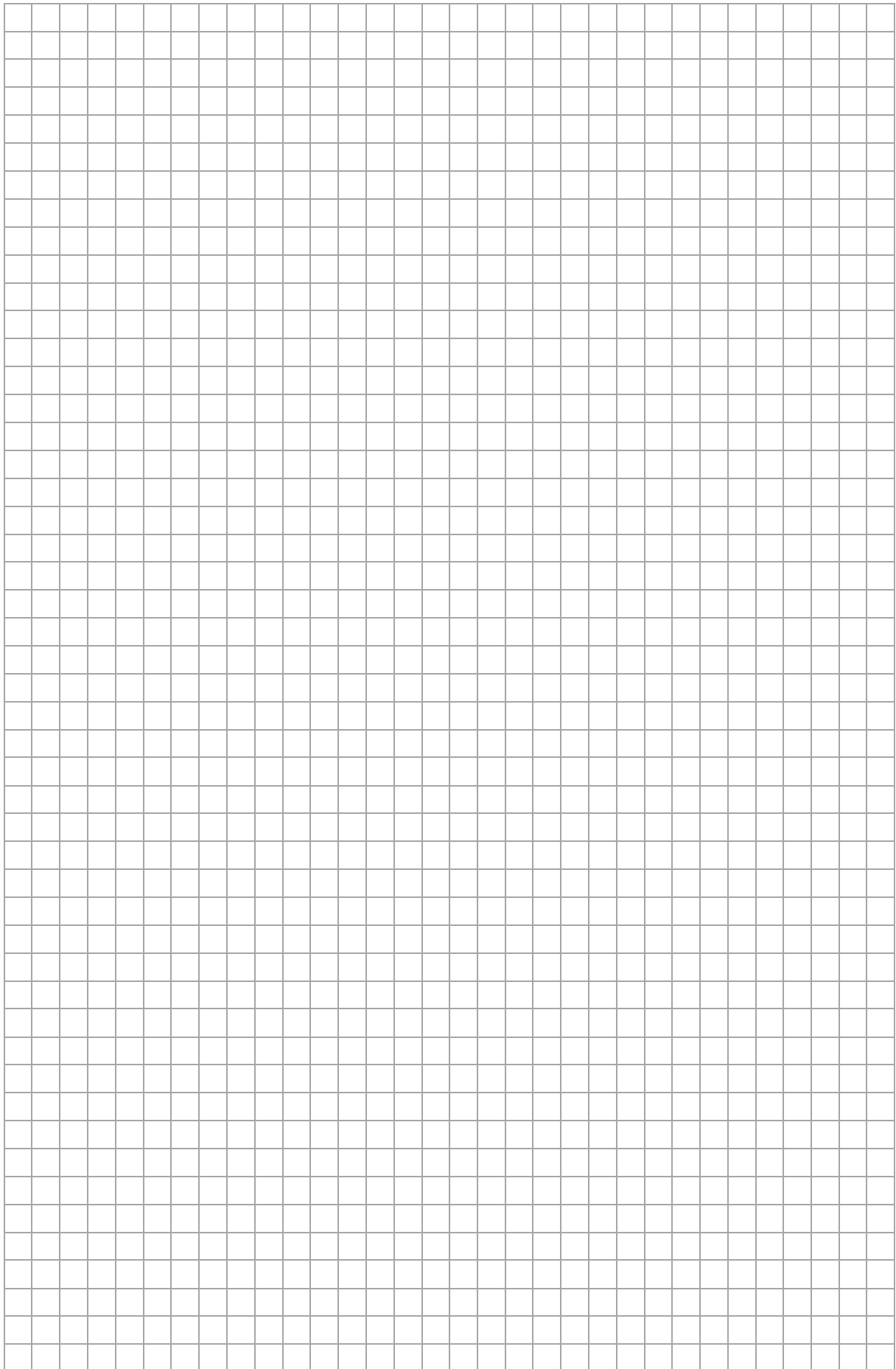












### Zadanie 5. (0–1)

Dokończ zdanie. Zaznacz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Wszystkich różnych liczb naturalnych czterocyfrowych, w których zapisie dziesiętnym wszystkie cyfry są różne, jest

- A.  $9 \cdot 8 \cdot 7 \cdot 6$
- B.  $9 \cdot 9 \cdot 8 \cdot 7$
- C.  $10 \cdot 9 \cdot 8 \cdot 7$
- D.  $9 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10$

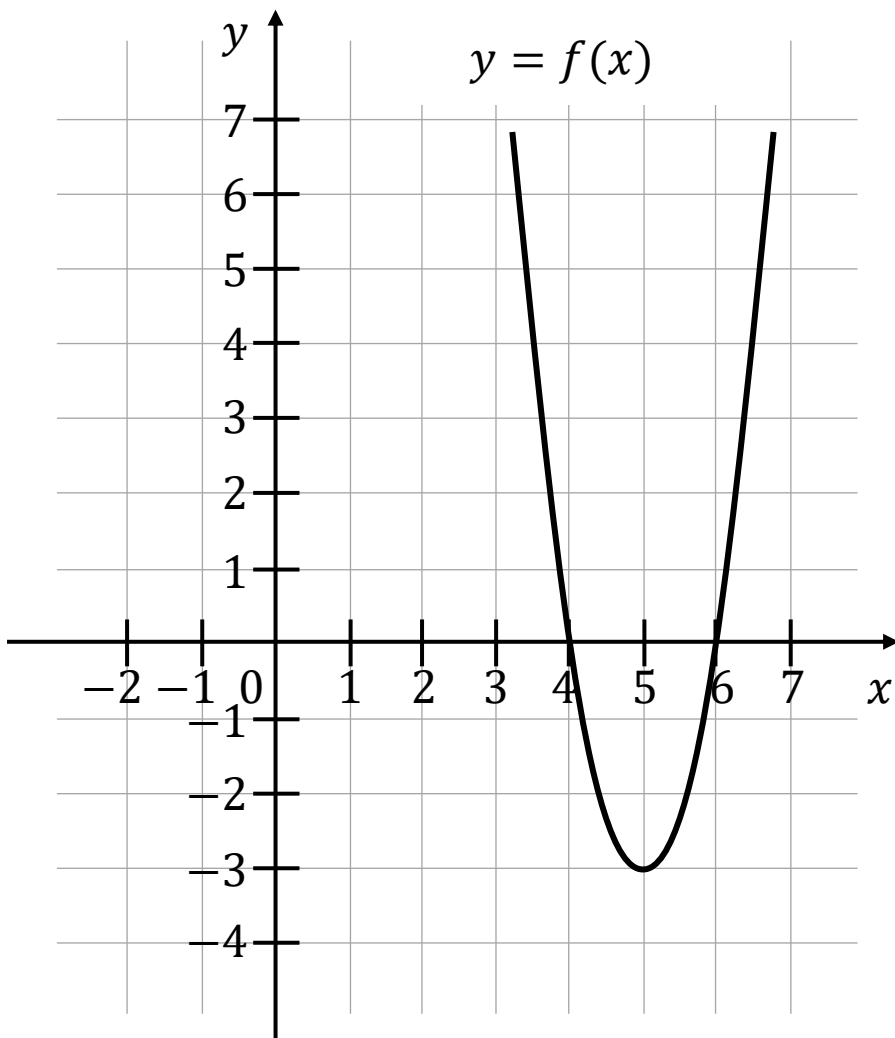
BRUDNOPIS																			



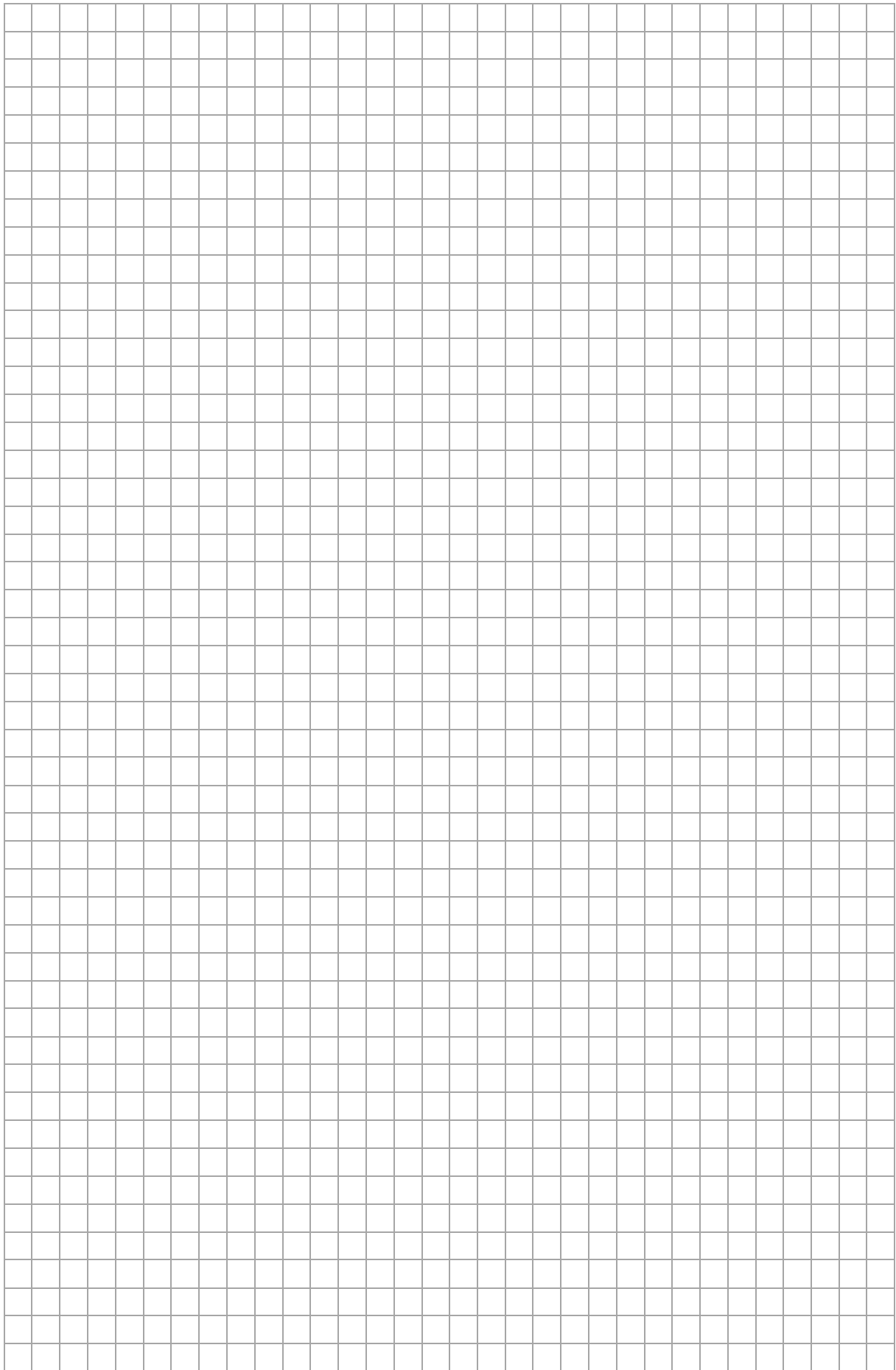


### Zadanie 7.

W kartezjańskim układzie współrzędnych  $(x, y)$  przedstawiono fragment wykresu funkcji kwadratowej  $f(x) = ax^2 + bx + c$ . Wierzchołek paraboli, która jest wykresem funkcji  $f$ , ma współrzędne  $(5, -3)$ . Jeden z punktów przecięcia paraboli z osią  $Ox$  układu współrzędnych ma współrzędne  $(4, 0)$ .







### Zadanie 8. (0–1)

Dana jest nierówność kwadratowa

$$(3x - 9)(x + k) < 0$$

z niewiadomą  $x$  i parametrem  $k \in \mathbb{R}$ . Rozwiązaniem tej nierówności jest przedział  $(-2, 3)$ .

Dokończ zdanie. Zaznacz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Liczba  $k$  jest równa

A.  $(-2)$

B.  $2$

C.  $(-3)$

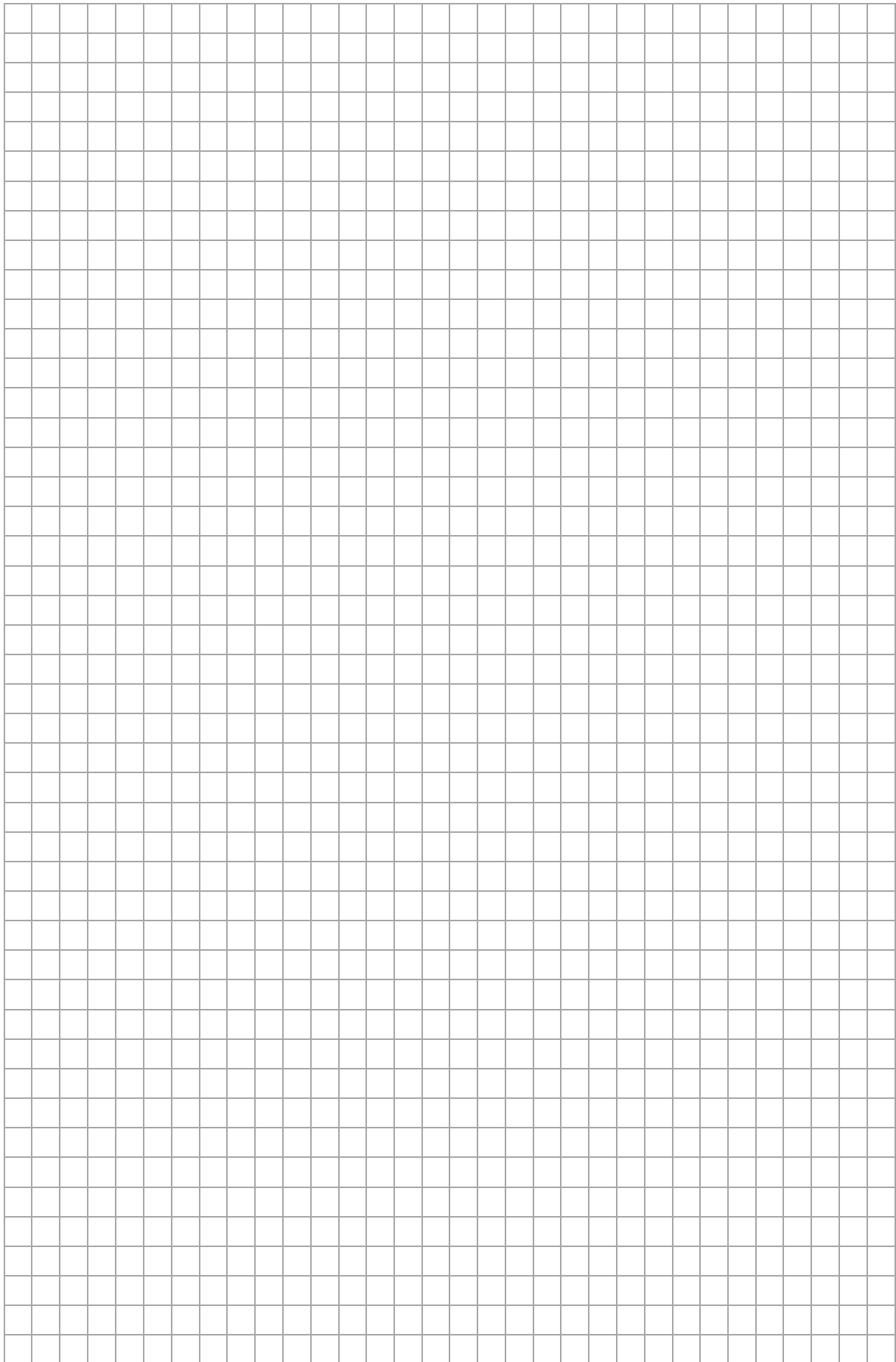
D.  $3$

BRUDNOPIS







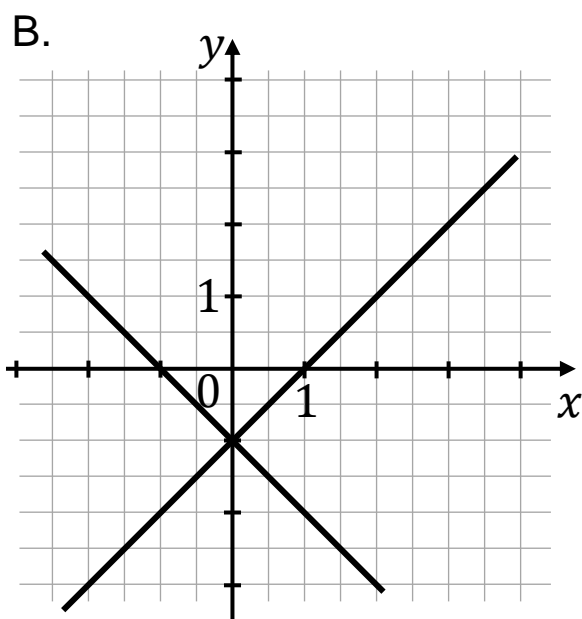
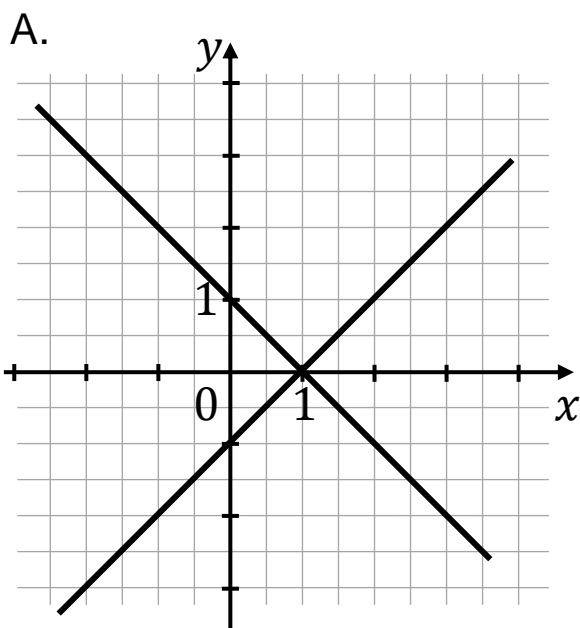


### Zadanie 10. (0–1)

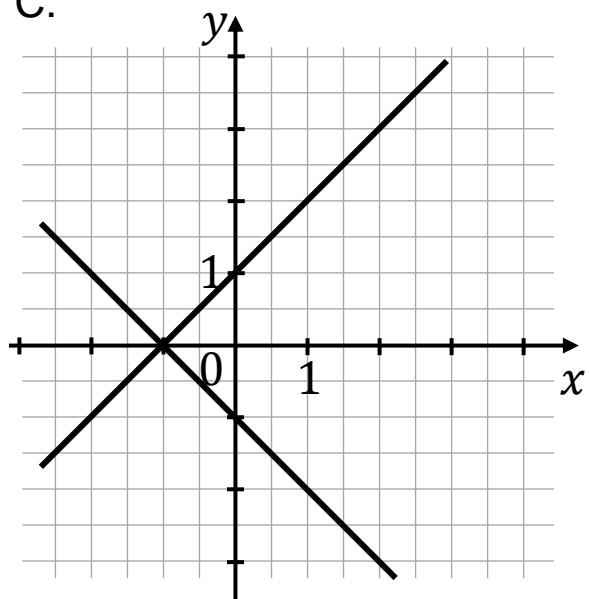
Dany jest układ równań

$$\begin{cases} y = x - 1 \\ y = -x + 1 \end{cases}$$

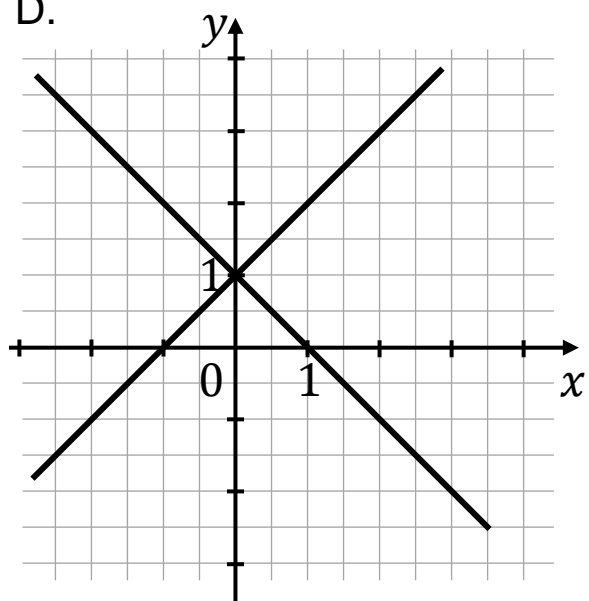
Na którym z rysunków A–D przedstawiona jest interpretacja geometryczna tego układu równań? Zaznacz właściwą odpowiedź spośród podanych.



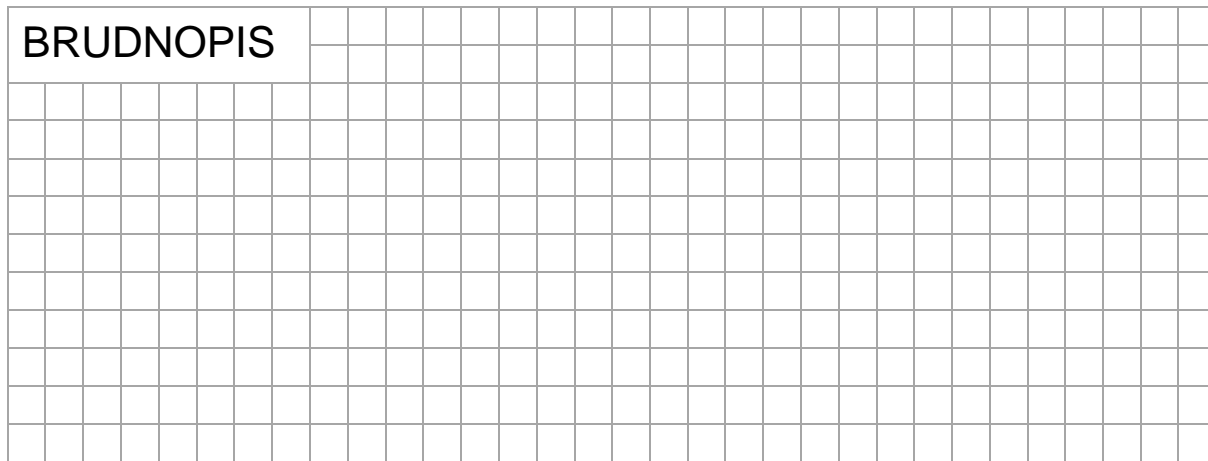
C.



D.



BRUDNOPIS



### Zadanie 11. (0–1)

Dany jest wielomian  $W$  określony wzorem

$$W(x) = x^3 - 2x^2 - 3x + 6$$

dla każdej liczby rzeczywistej  $x$ .

Dokończ zdanie. Zaznacz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Wielomian  $W$  przy rozkładzie na czynniki ma postać

A.  $W(x) = (x + 2)(x^2 - 3)$

B.  $W(x) = (x - 2)(x^2 - 3)$

C.  $W(x) = (x + 2)(x^2 + 3)$

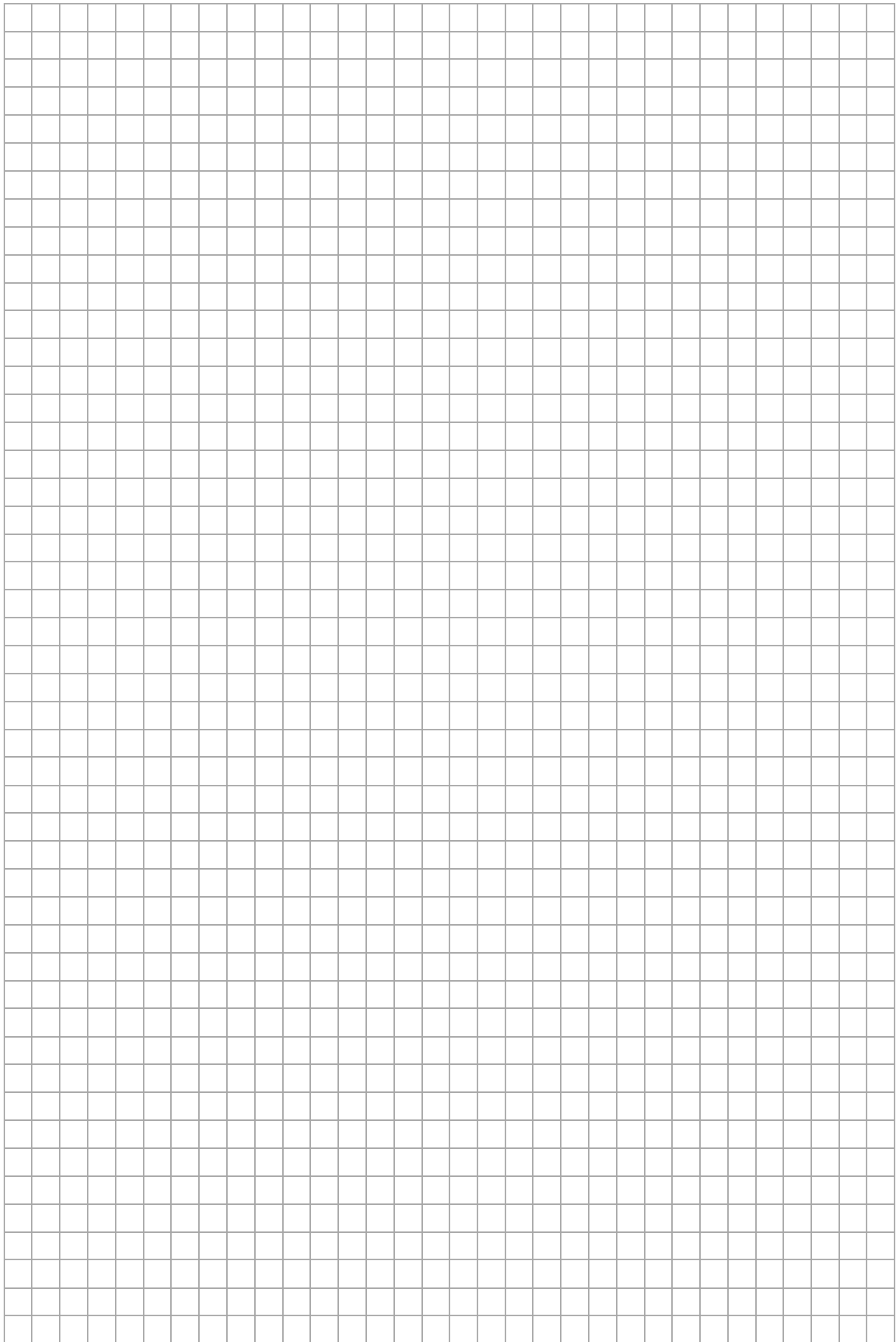
D.  $W(x) = (x - 2)(x^2 + 3)$

BRUDNOPIS														



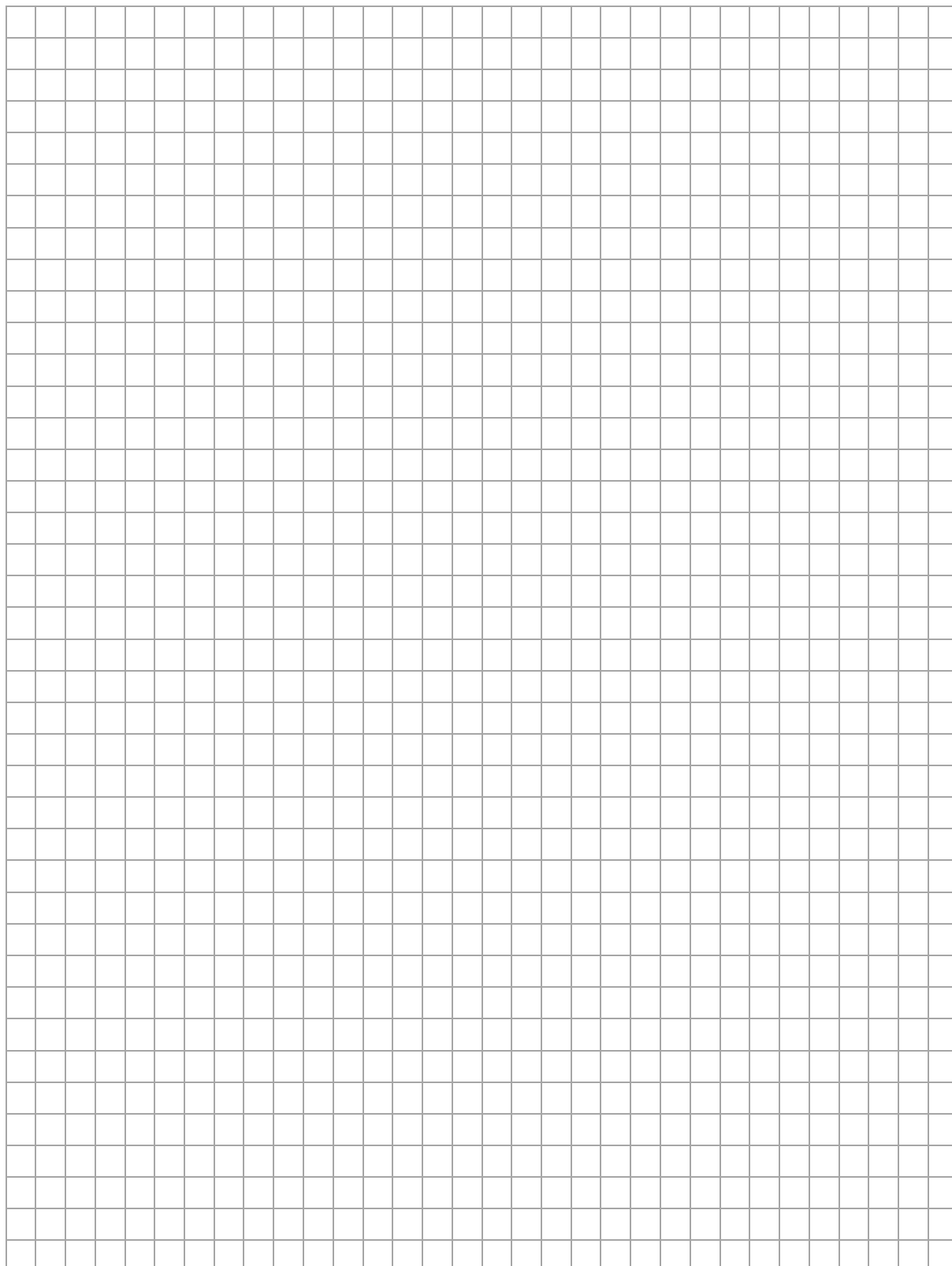




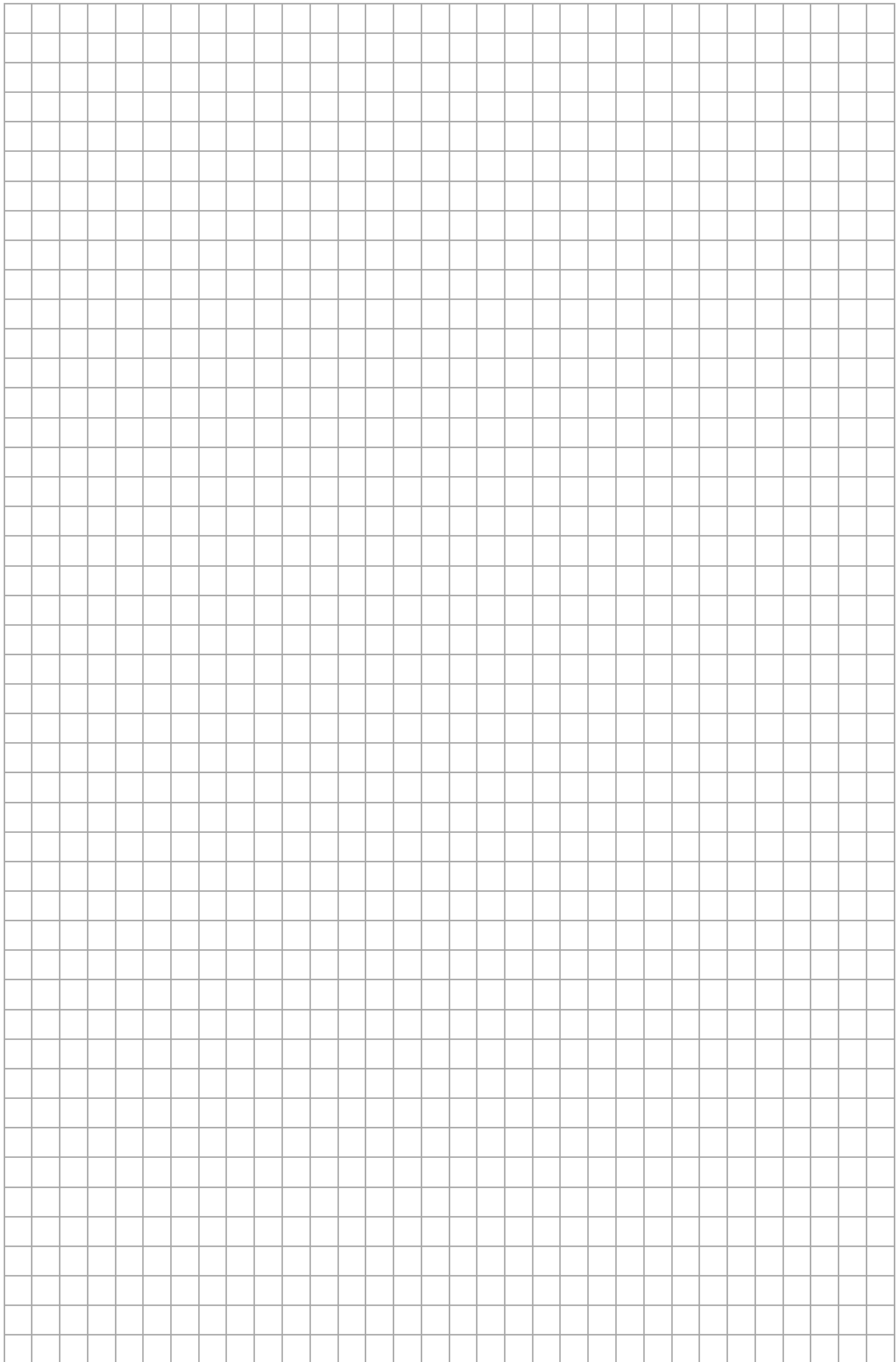


**Zadanie 14. (0–2)**

Wykaż, że dla każdej liczby naturalnej  $n$  liczba  $5n^2 + 15n$  jest podzielna przez 10.







**Zadanie 15. (0–1)**

Dany jest ciąg  $(a_n)$  określony wzorem  $a_n = 2n^2 + n$  dla każdej liczby naturalnej  $n \geq 1$ .

Oceń prawdziwość poniższych stwierdzeń. Zaznacz P, jeśli stwierdzenie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

Ciąg $(a_n)$ jest malejący.	P	F
Ósmy wyraz ciągu $(a_n)$ jest równy 136.	P	F

BRUDNOPIS



**Zadanie 16. (0–1)**

Pięciowyrazowy ciąg  $(-3, \frac{1}{2}, x, y, 11)$  jest arytmetyczny.

Dokończ zdanie. Zaznacz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Liczby  $x$  oraz  $y$  są równe

A.  $x = 4$  oraz  $y = \frac{15}{2}$ .

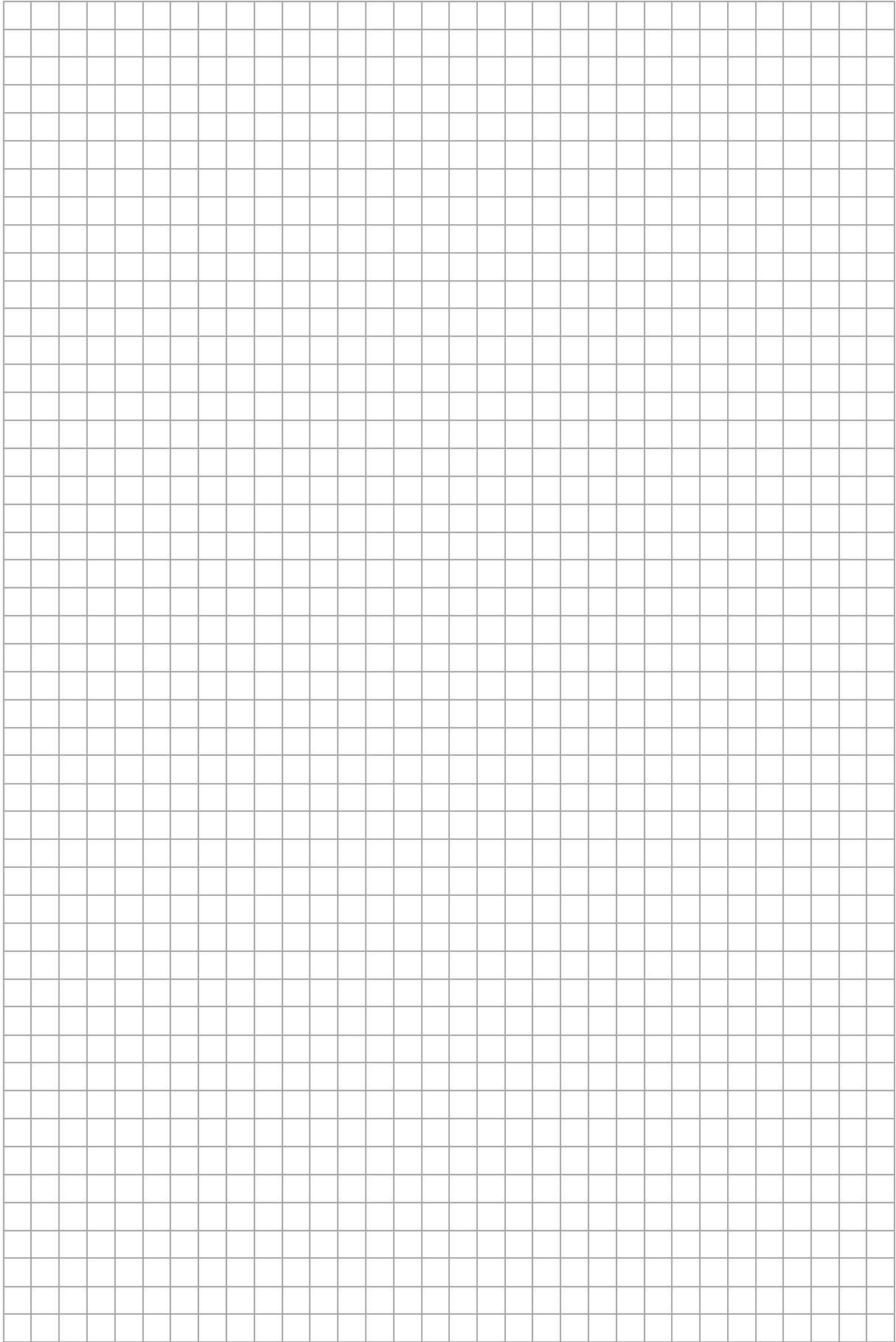
B.  $x = \frac{15}{2}$  oraz  $y = 4$ .

C.  $x = -4$  oraz  $y = \frac{15}{2}$ .

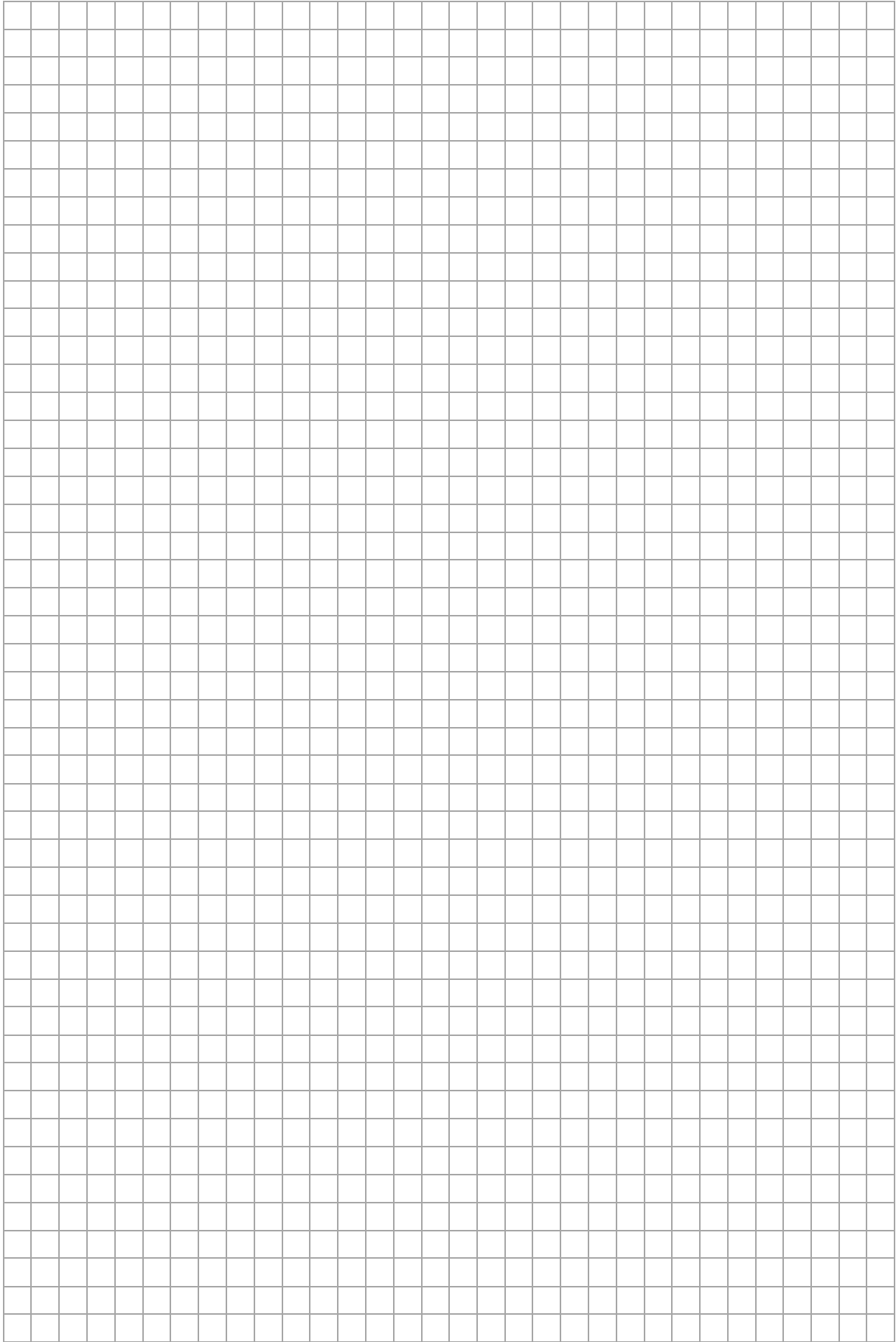
D.  $x = -\frac{15}{2}$  oraz  $y = 4$ .

BRUDNOPIS														



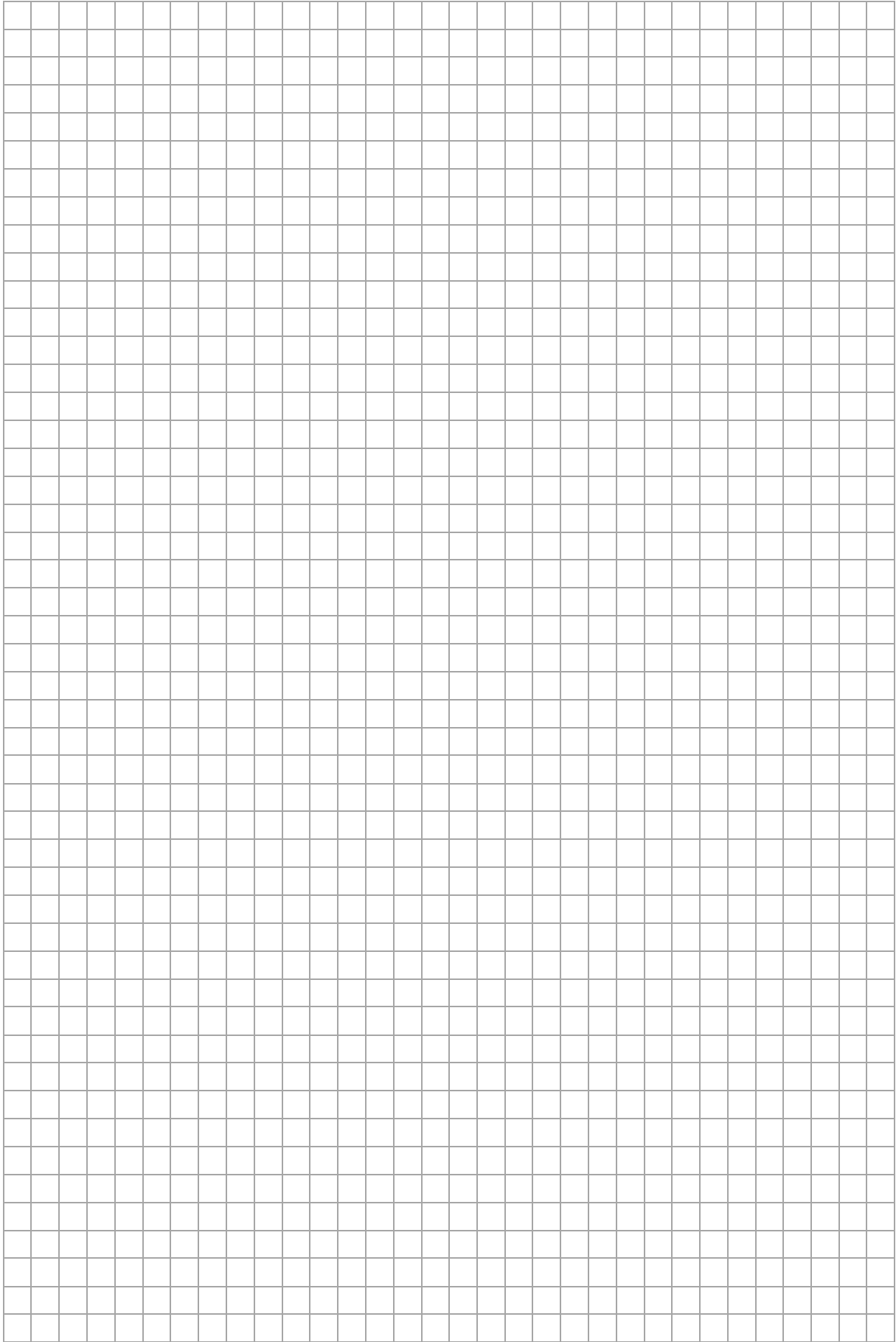






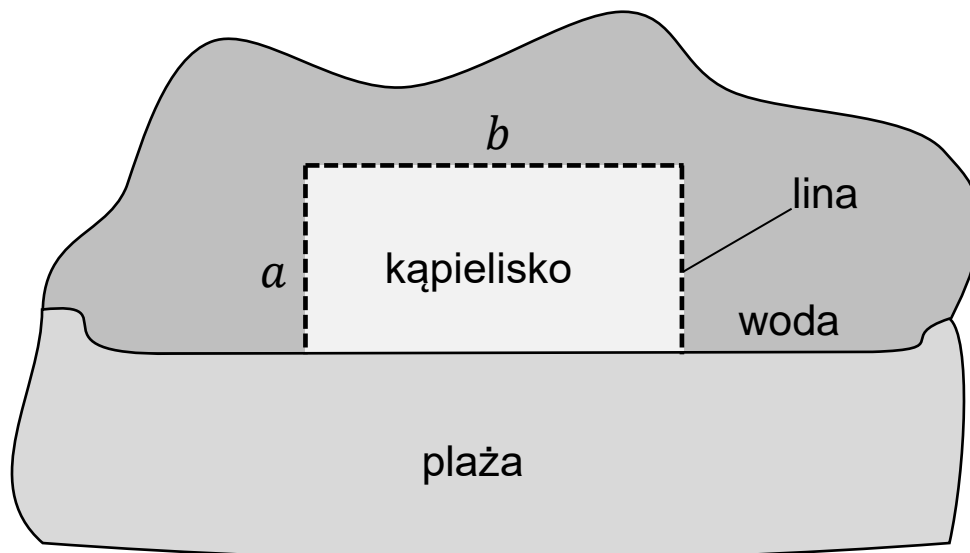






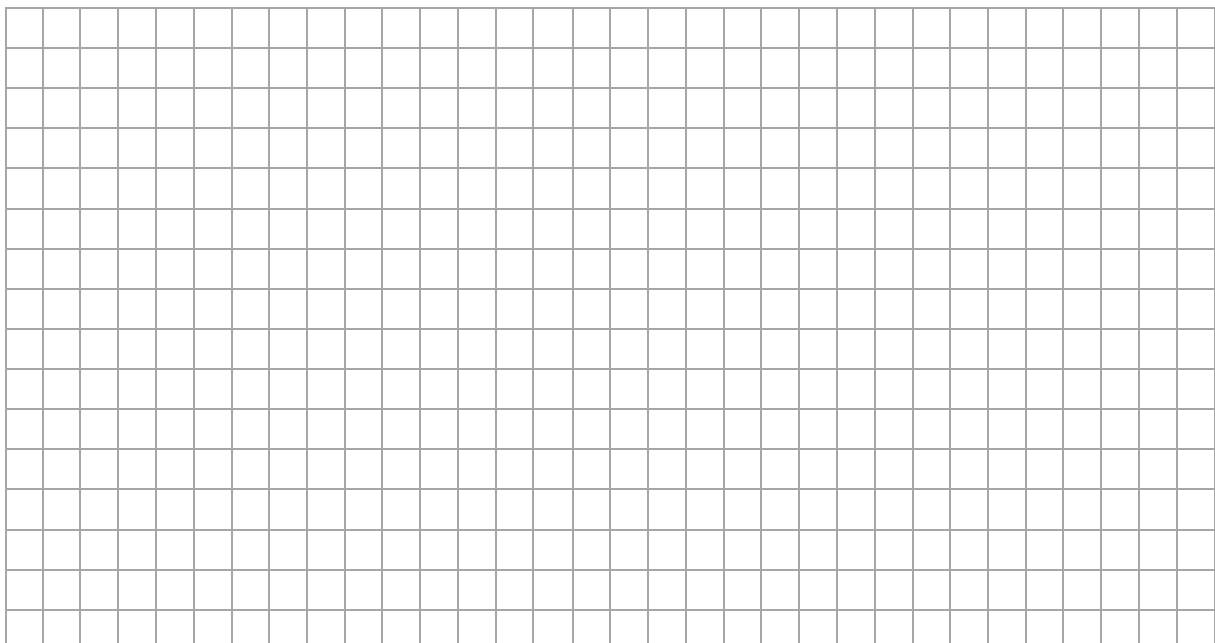
### Zadanie 20. (0–4)

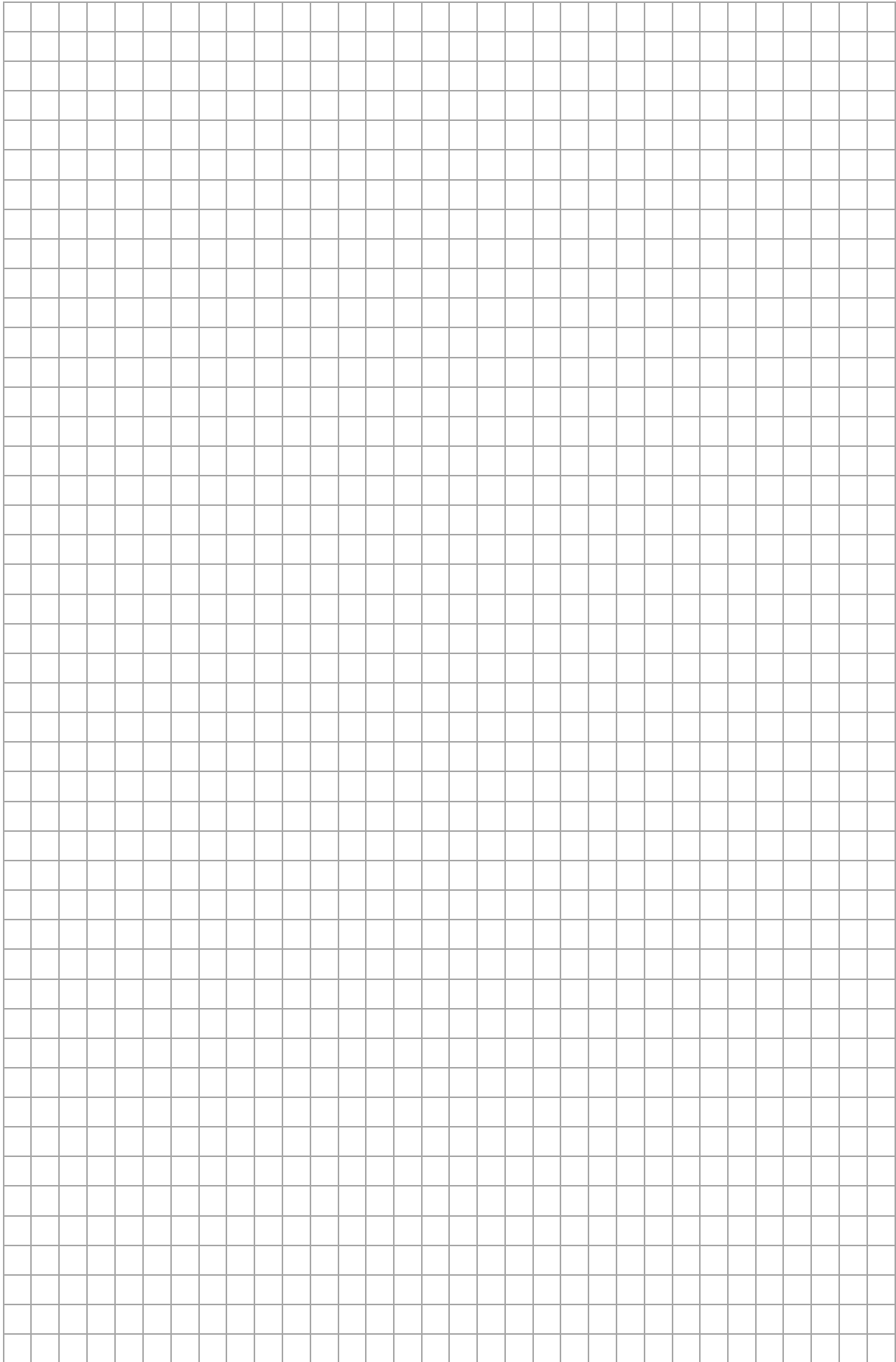
Do wyznaczenia trzech boków pewnego kąpieliska w kształcie prostokąta należy użyć liny o długości 200 m. Czwarty bok tego kąpieliska będzie pokrywał się z brzegiem plaży, który w tym miejscu jest linią prostą (zobacz rysunek).



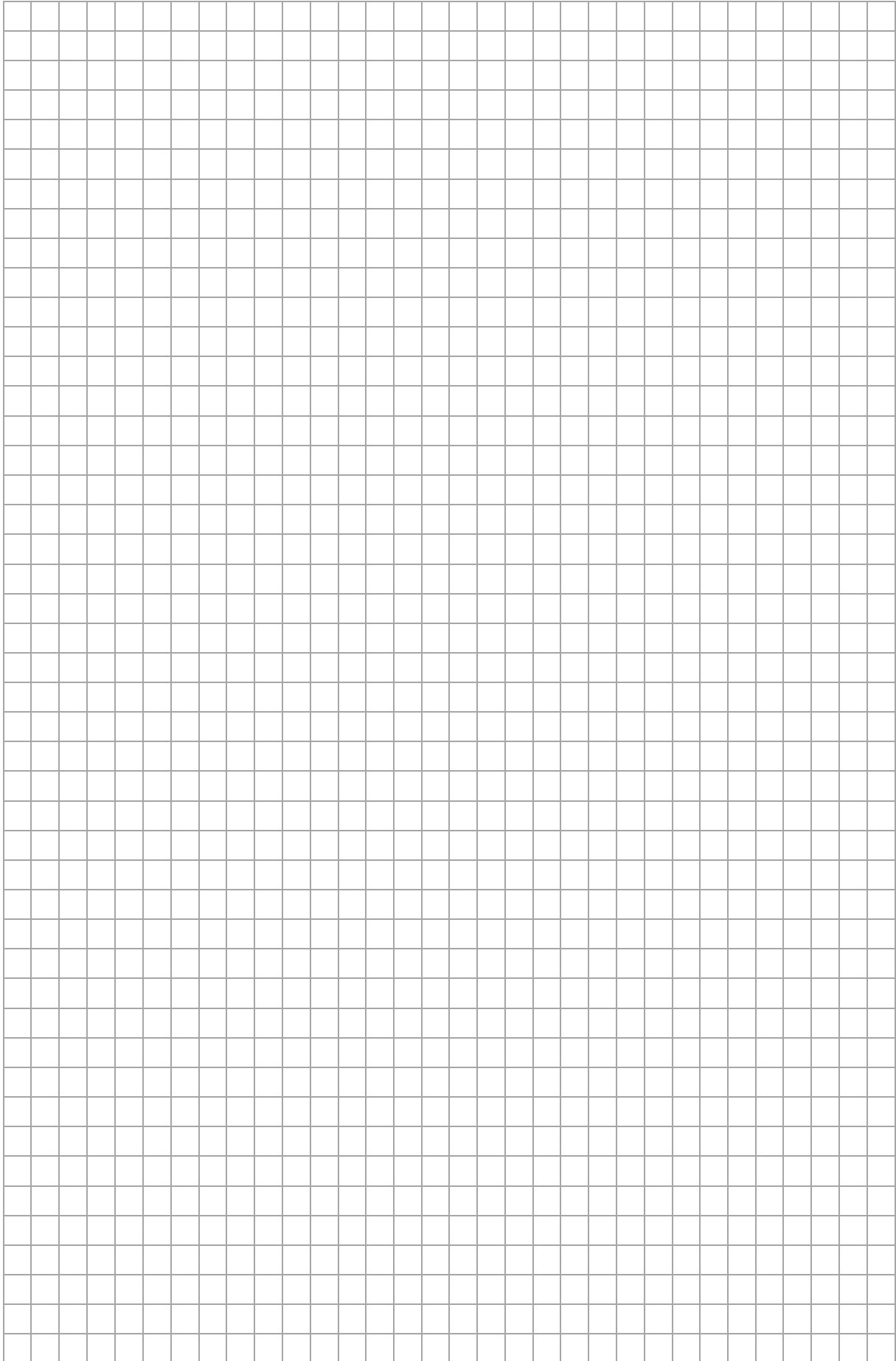
Oblicz wymiary  $a$  i  $b$  kąpieliska tak, aby jego powierzchnia była największa.

Zapisz obliczenia.



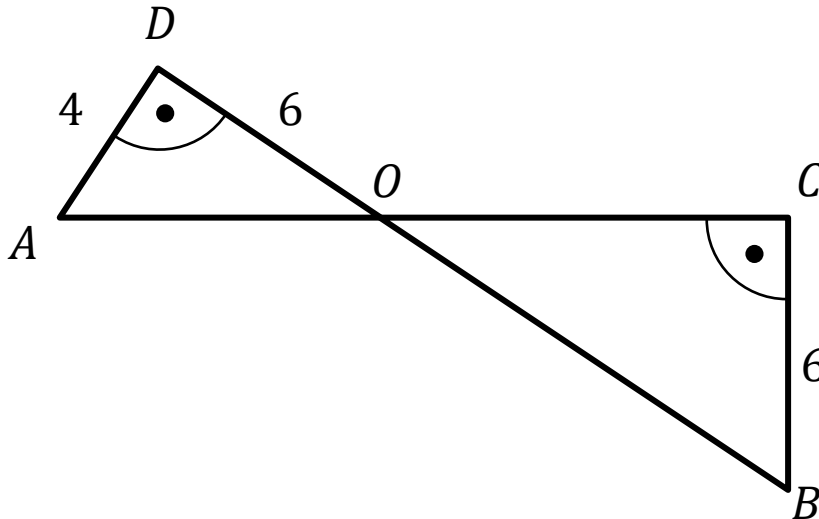






**Zadanie 22. (0–1)**

Odcinki  $AC$  i  $BD$  przecinają się w punkcie  $O$ . Ponadto  $|AD| = 4$  i  $|OD| = |BC| = 6$ . Kąty  $ODA$  i  $BCO$  są proste (zobacz rysunek).



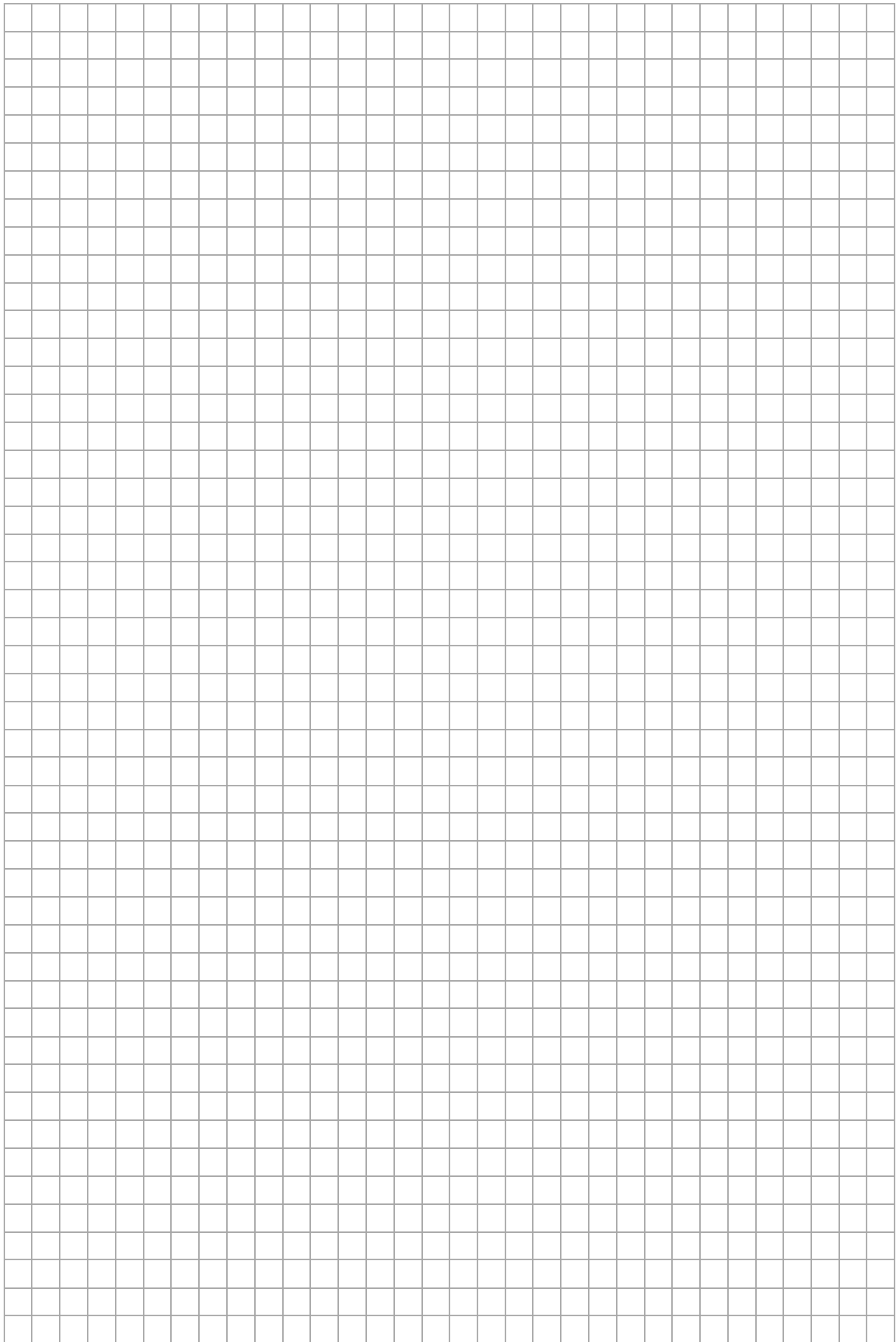
Dokończ zdanie. Zaznacz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Długość odcinka  $OC$  jest równa

- A. 9
- B. 8
- C.  $2\sqrt{13}$
- D.  $3\sqrt{13}$

BRUDNOPIS															

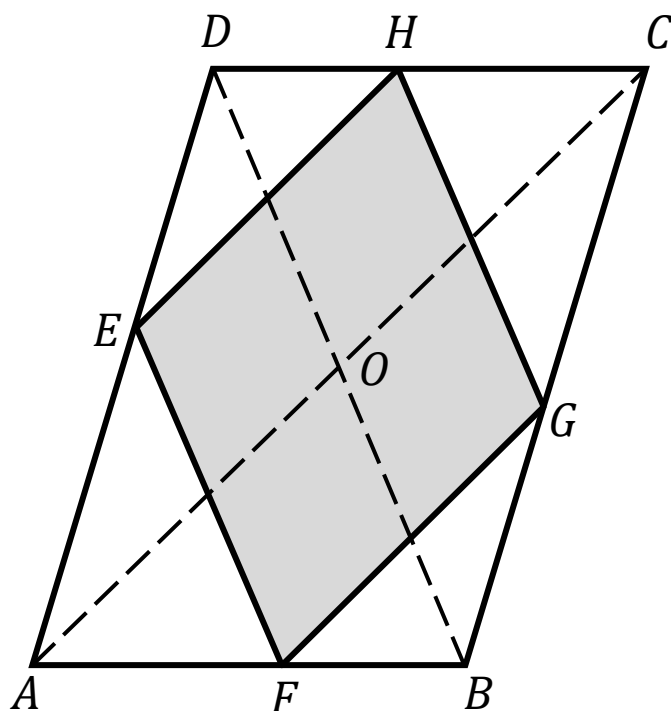




**Zadanie 23. (0–2)**

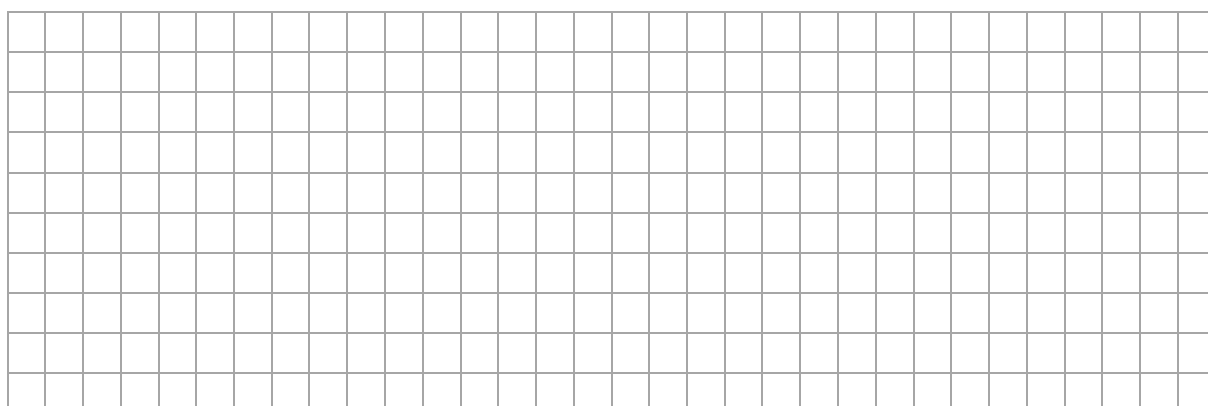
Przekątne równoległoboku  $ABCD$  mają długości:  $|AC| = 16$  oraz  $|BD| = 12$ .

Wierzchołki  $E, F, G$  oraz  $H$  rombu  $EFGH$  leżą na bokach równoległoboku  $ABCD$  (zobacz rysunek). Boki tego rombu są równoległe do przekątnych tego równoległoboku.

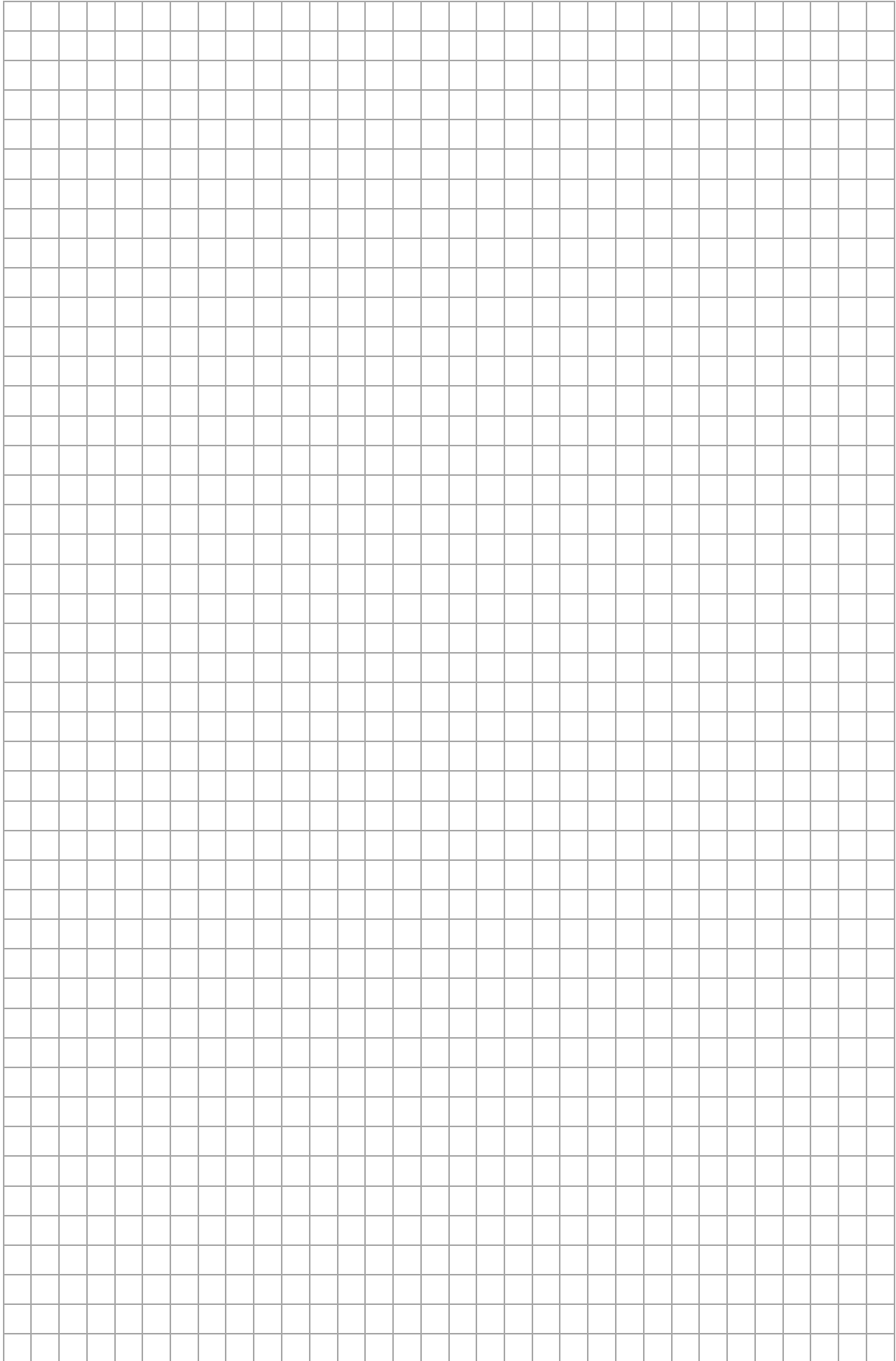


Oblicz długość boku rombu  $EFGH$ .

Zapisz obliczenia.







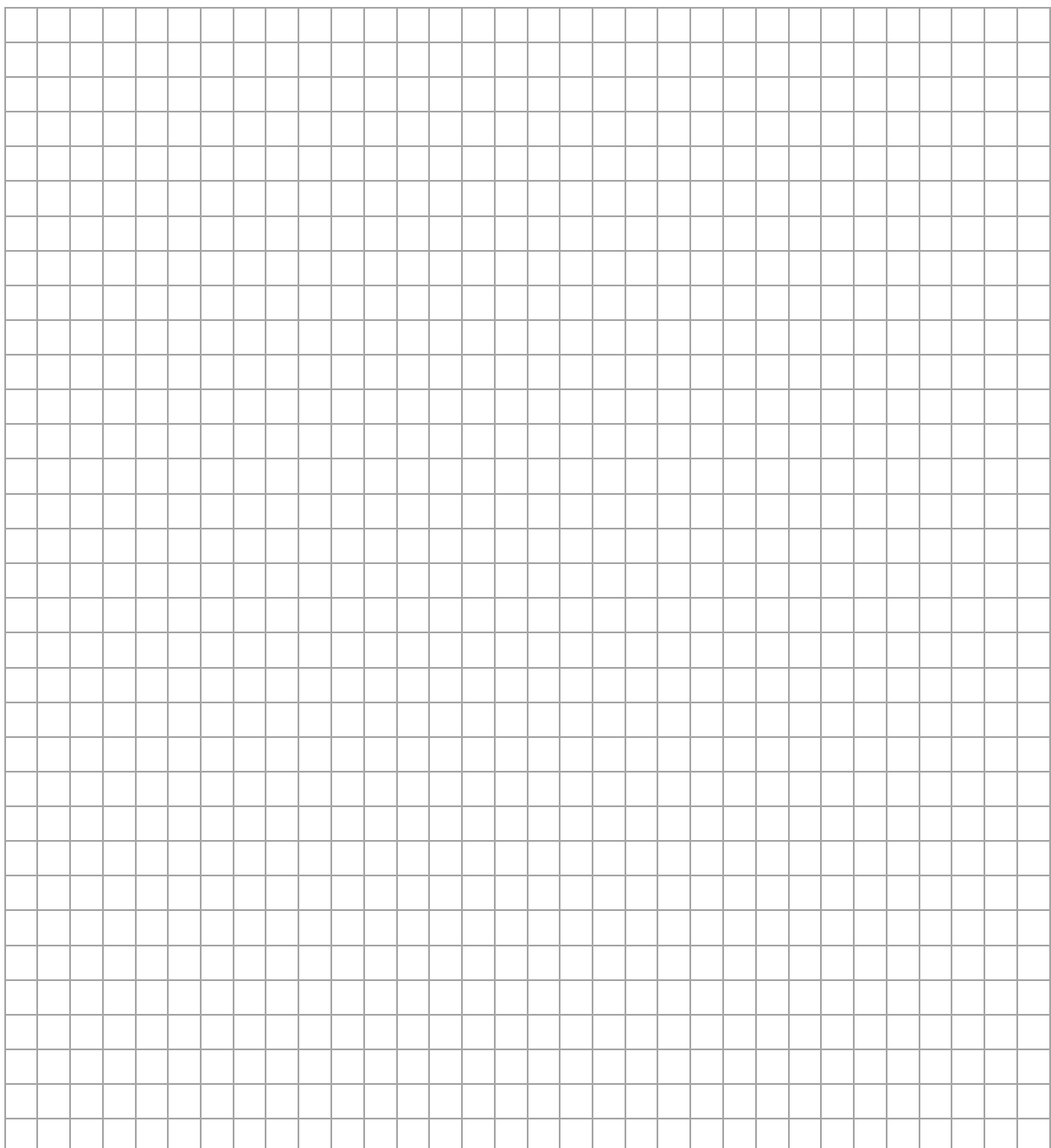
**Zadanie 24. (0–2)**

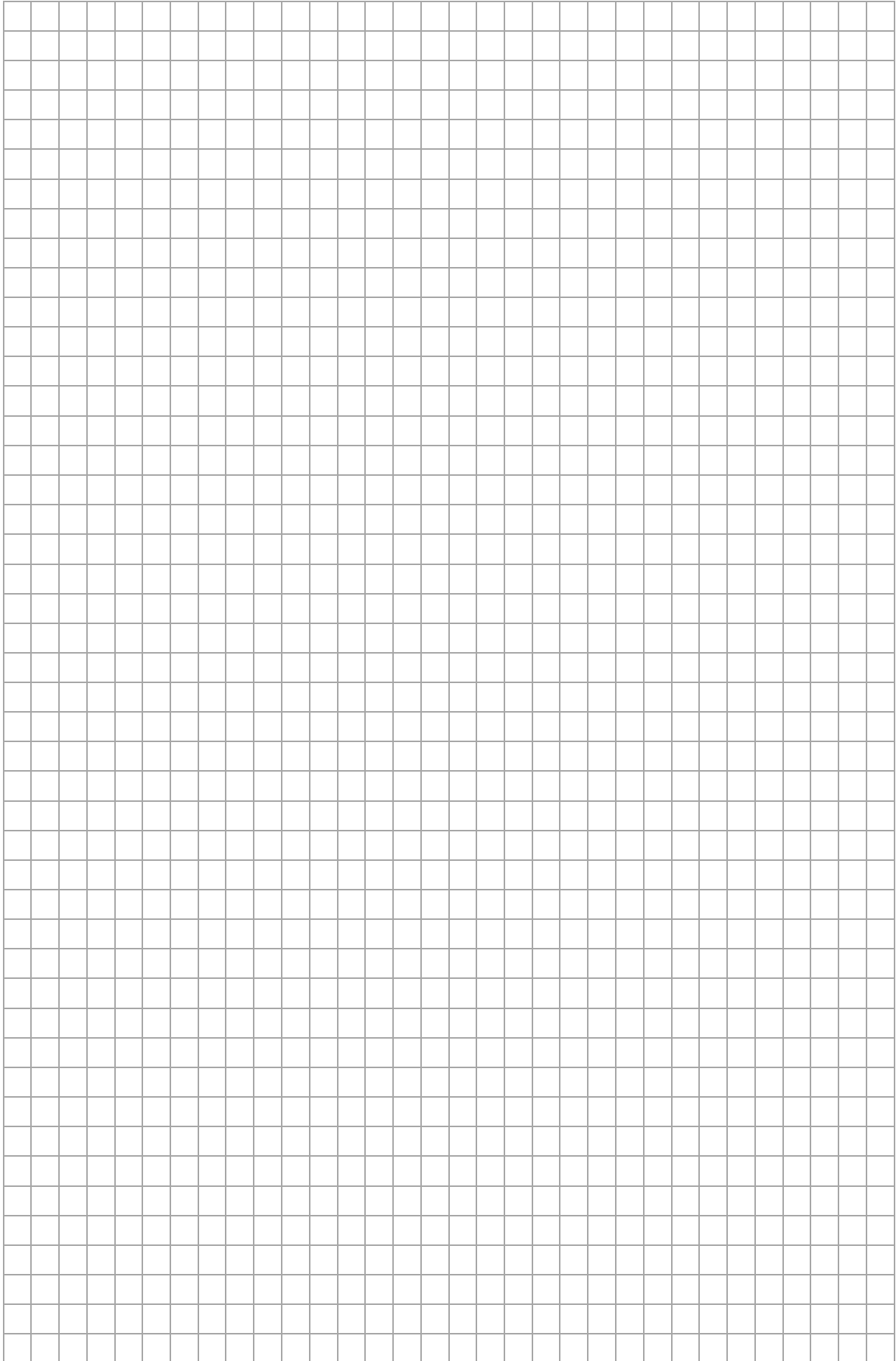
Dany jest trójkąt  $ABC$ , w którym  $|AC| = 4$ ,  $|AB| = 3$ ,

$$\cos \sphericalangle BAC = \frac{4}{5}.$$

Oblicz pole trójkąta  $ABC$ .

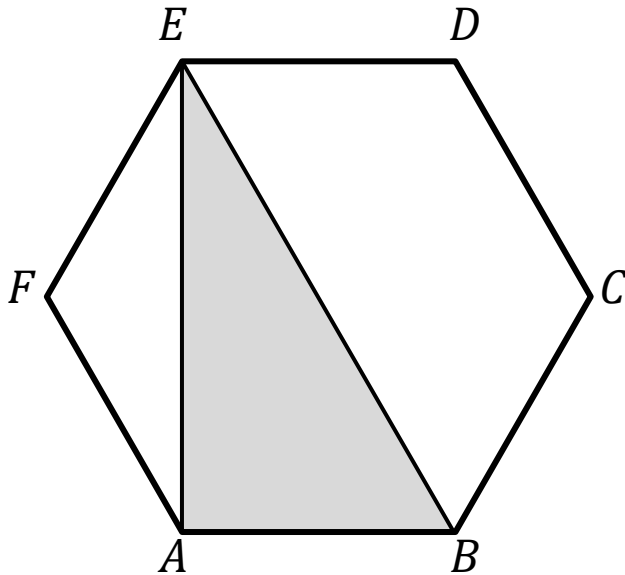
Zapisz obliczenia.





**Zadanie 25.**

Dany jest sześciokąt foremny  $ABCDEF$  o polu równym  $6\sqrt{3}$  (zobacz rysunek).



**Zadanie 25.1. (0–1)**

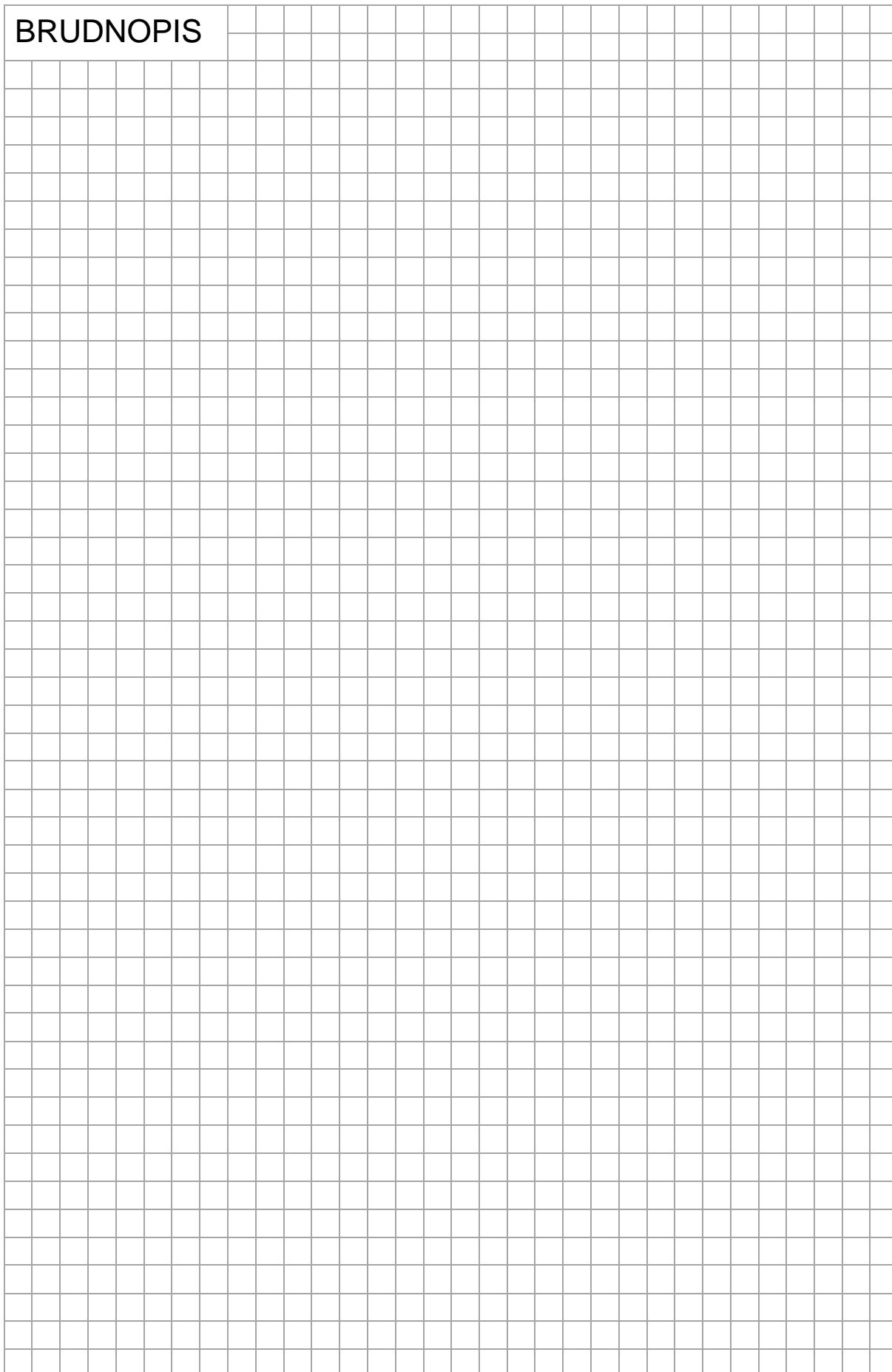
Dokończ zdanie. Zaznacz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Pole trójkąta  $ABE$  jest równe

- A. 6
- B.  $4\sqrt{3}$
- C.  $2\sqrt{3}$
- D. 4



BRUDNOPIS



**Zadanie 25.2. (0–1)**

Dokończ zdanie. Zaznacz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Długość odcinka  $AE$  jest równa

A. 2

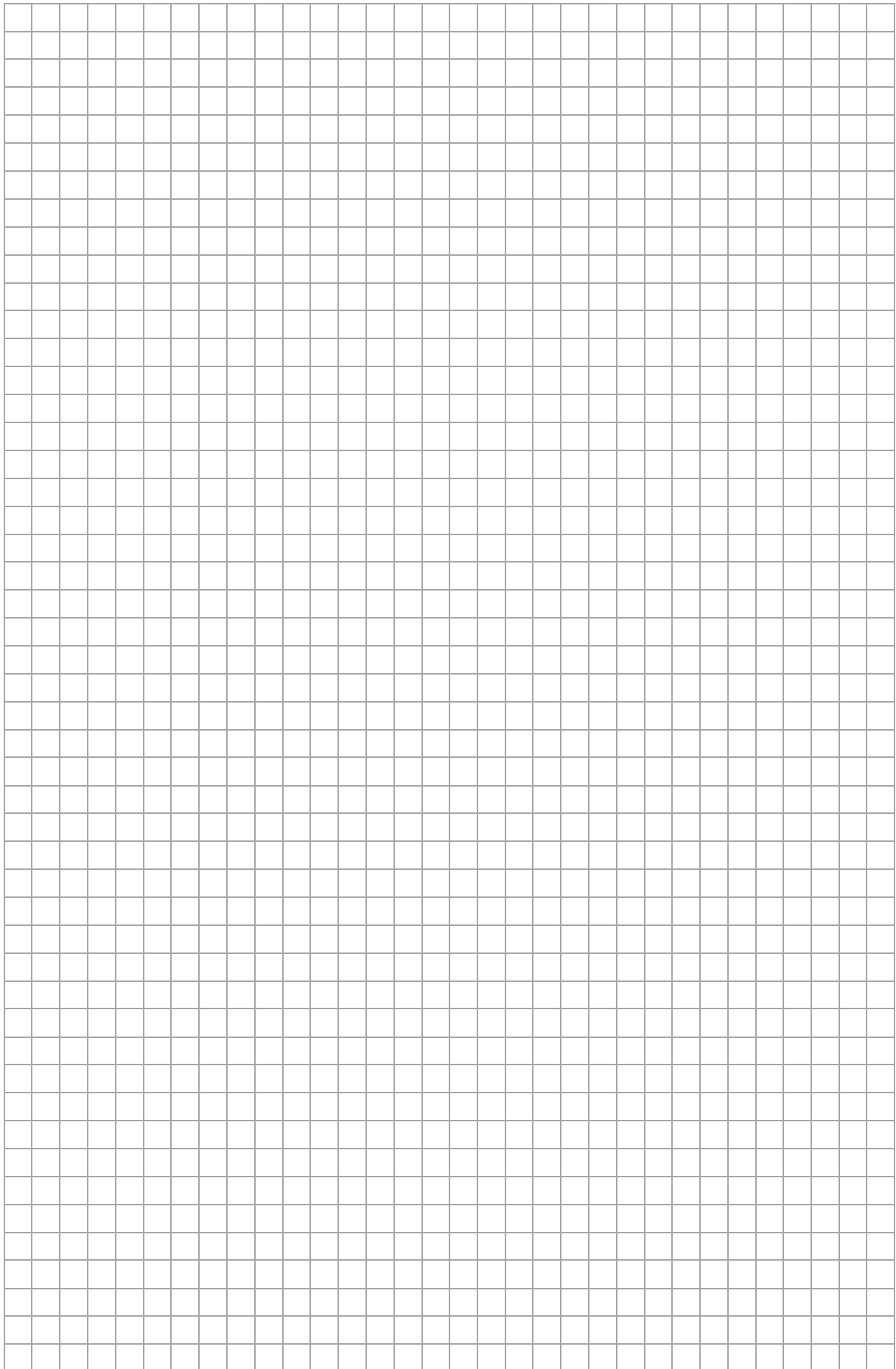
B.  $2\sqrt{3}$

C.  $4\sqrt{3}$

D. 4

BRUDNOPIS																							

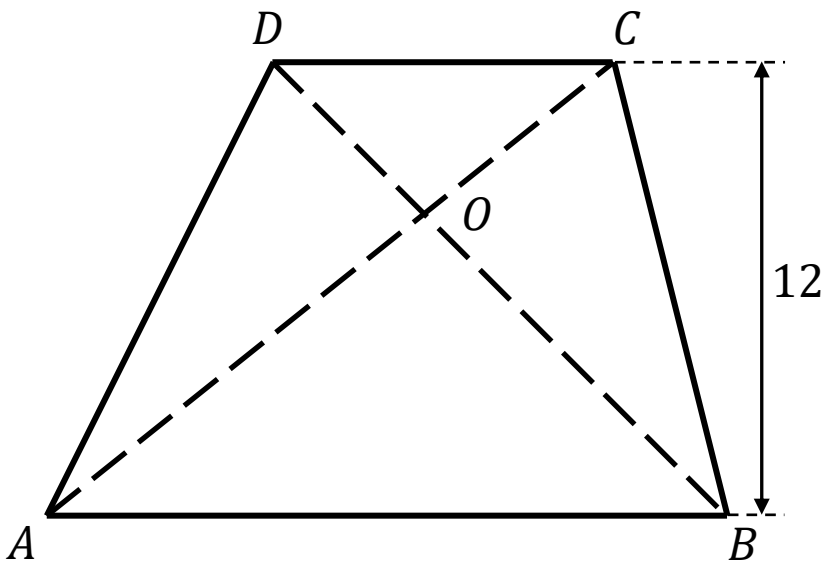




**Zadanie 26. (0–1)**

Dany jest trapez  $ABCD$ , w którym  $AB \parallel CD$  oraz przekątne  $AC$  i  $BD$  przecinają się w punkcie  $O$  (zobacz rysunek).

Wysokość tego trapezu jest równa 12. Obwód trójkąta  $ABO$  jest równy 39, a obwód trójkąta  $CDO$  jest równy 13.



Dokończ zdanie. Zaznacz właściwą odpowiedź spośród podanych.

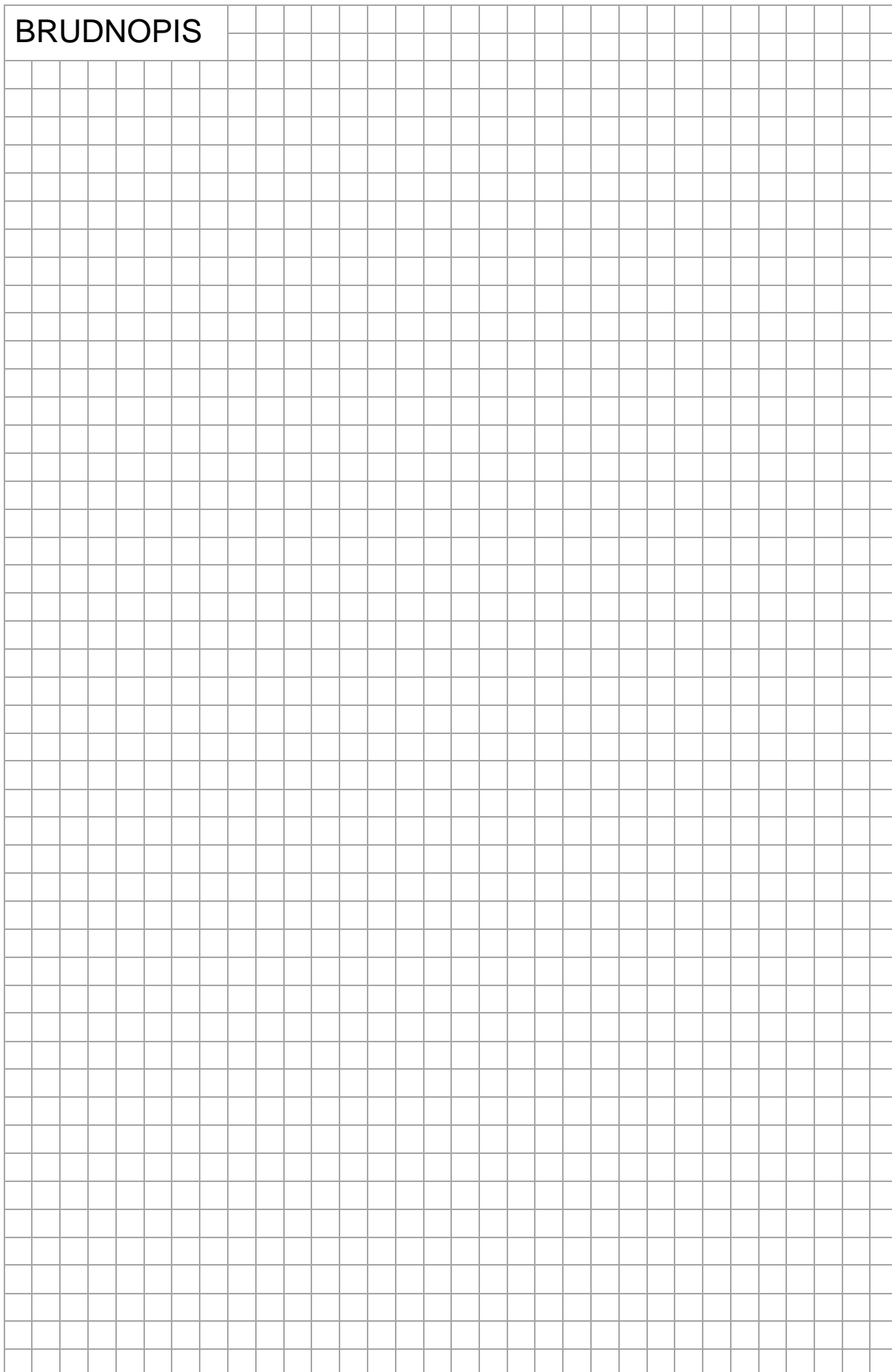
Wysokość trójkąta  $ABO$  poprowadzona z punktu  $O$  jest równa

- A. 3
- B. 4
- C. 9
- D. 6





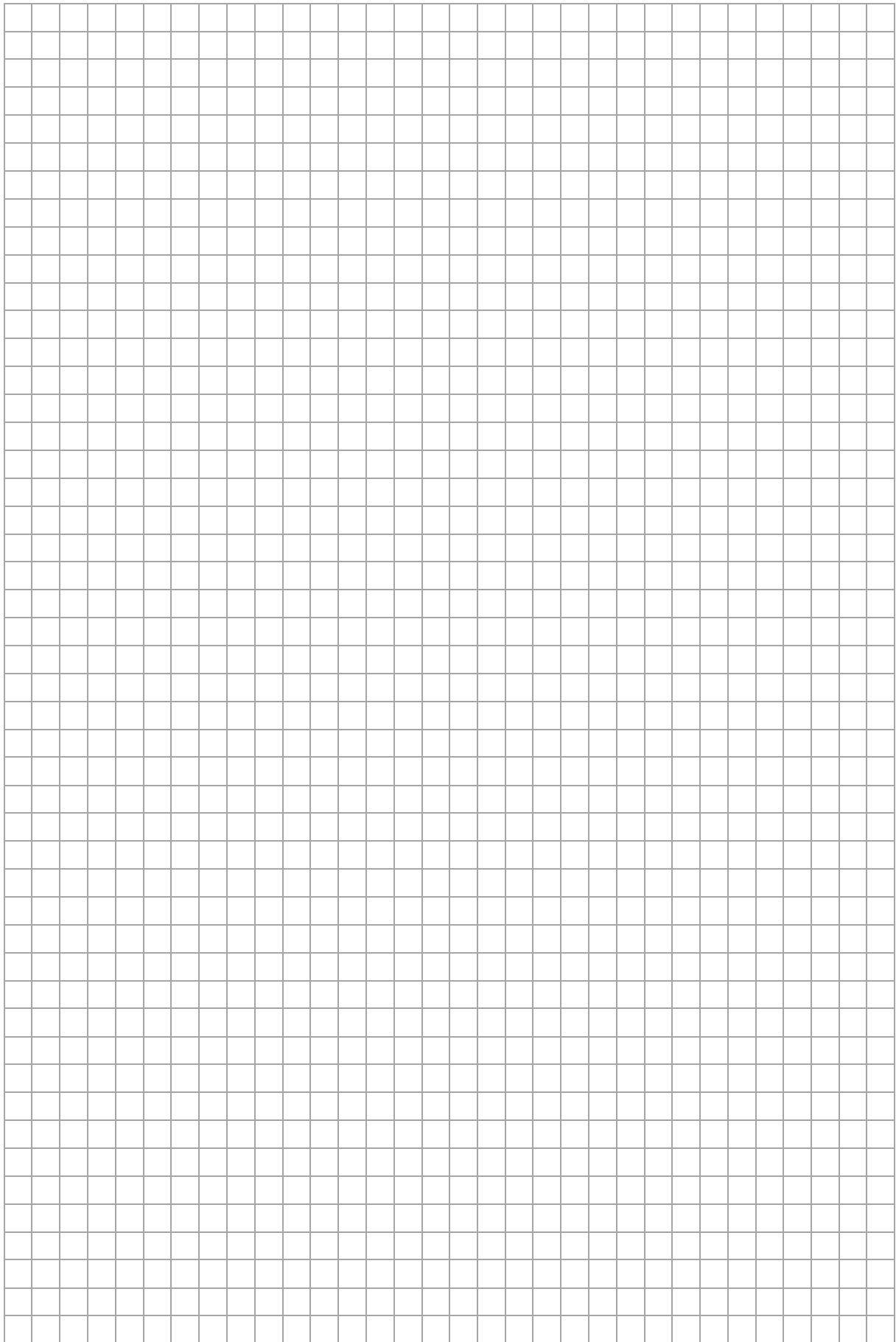
BRUDNOPIS







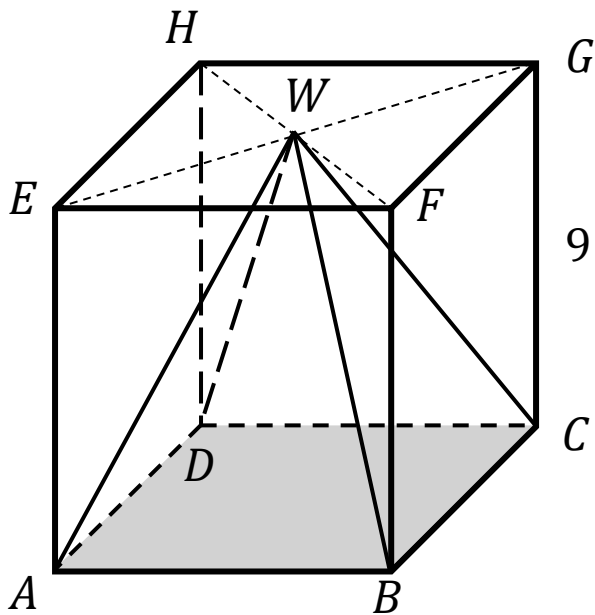




### Zadanie 30.

Dany jest sześcian  $ABCDEFGH$  o krawędzi długości 9.

Wierzchołki podstawy  $ABCD$  sześcianu połączono odcinkami z punktem  $W$ , który jest punktem przecięcia przekątnych podstawy  $EFGH$ . Otrzymano w ten sposób ostrosłup prawidłowy czworokątny  $ABCDW$  (zobacz rysunek).



#### Zadanie 30.1. (0–1)

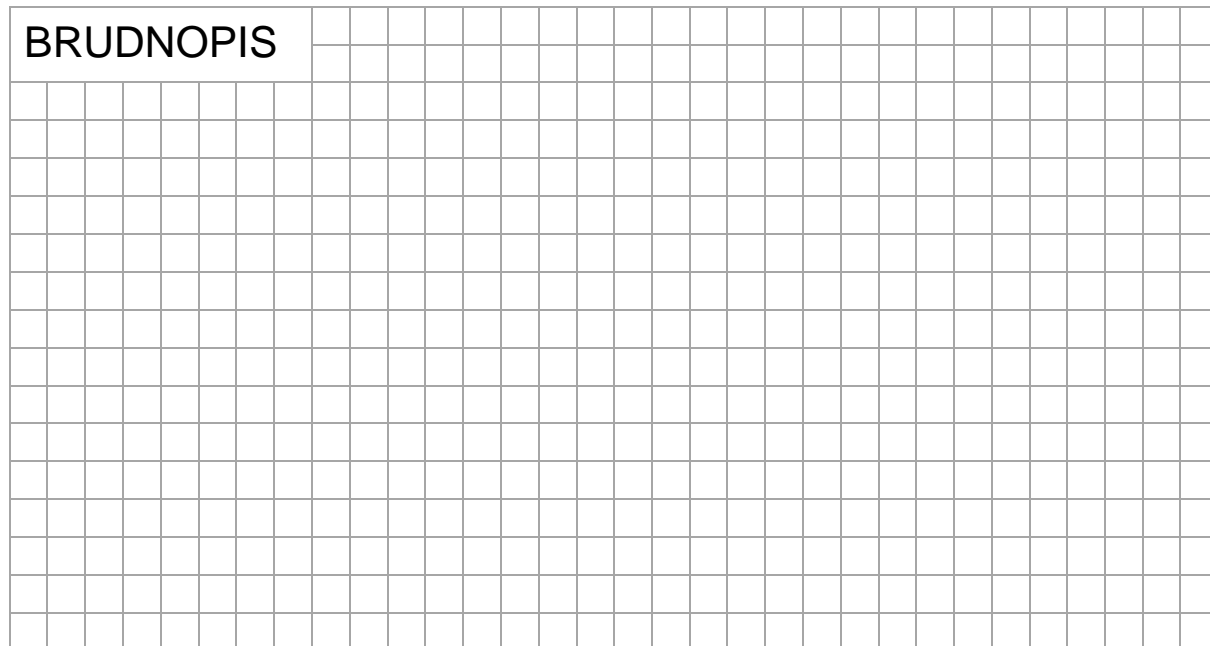
Dokończ zdanie. Zaznacz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Objętość  $V$  ostrosłupa  $ABCDW$  jest równa

- A. 243
- B. 364,5
- C. 489
- D. 729



BRUDNOPIS

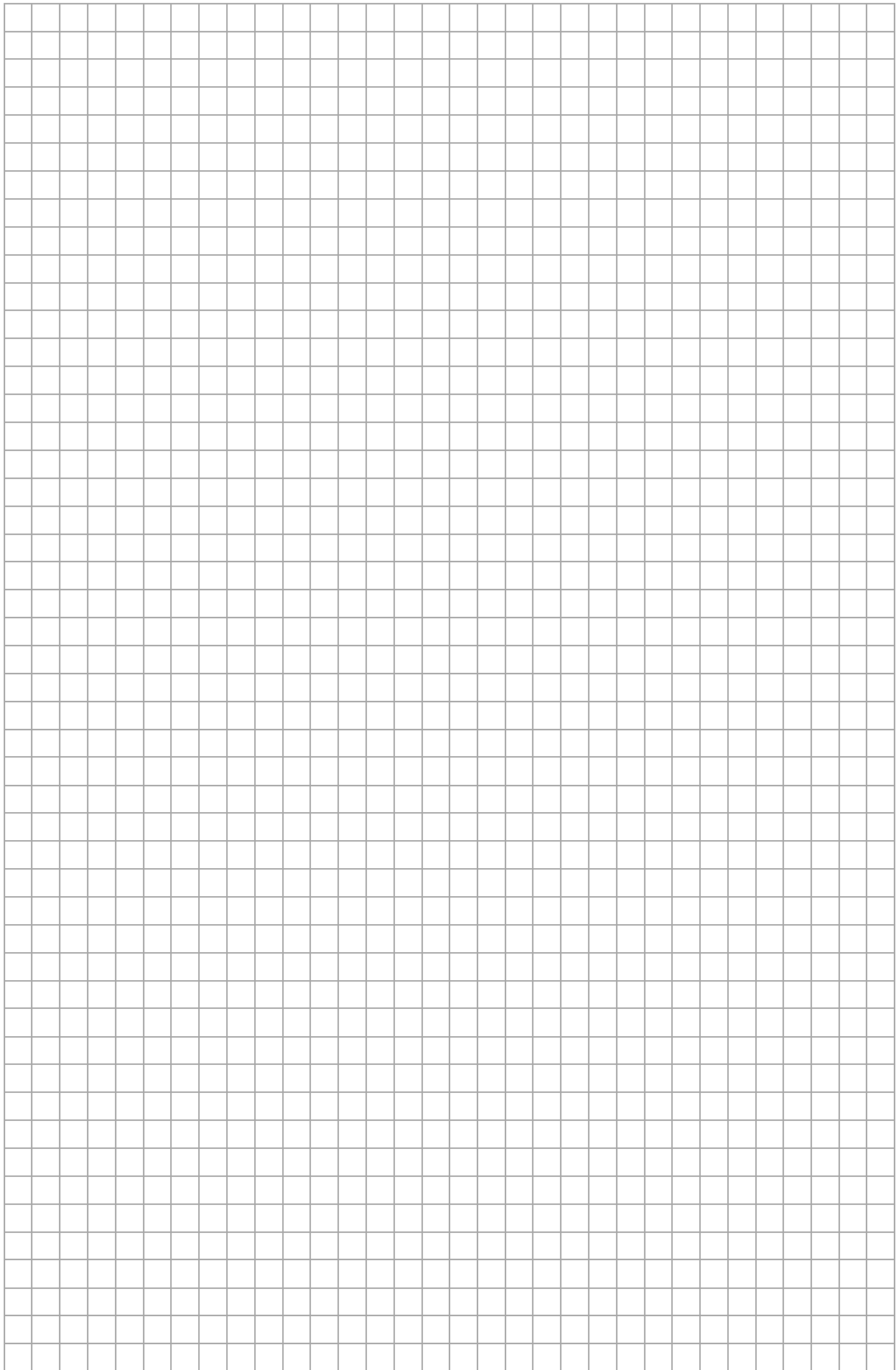


**Zadanie 30.2. (0–2)**

Oblicz cosinus kąta nachylenia krawędzi bocznej ostrosłupa do płaszczyzny podstawy.

Zapisz obliczenia.







### Zadanie 31. (0–1)

Dany jest sześcian  $\mathcal{F}$  o krawędzi długości  $a$  i objętości  $V$  oraz sześcian  $\mathcal{G}$  o krawędzi długości  $3a$ .

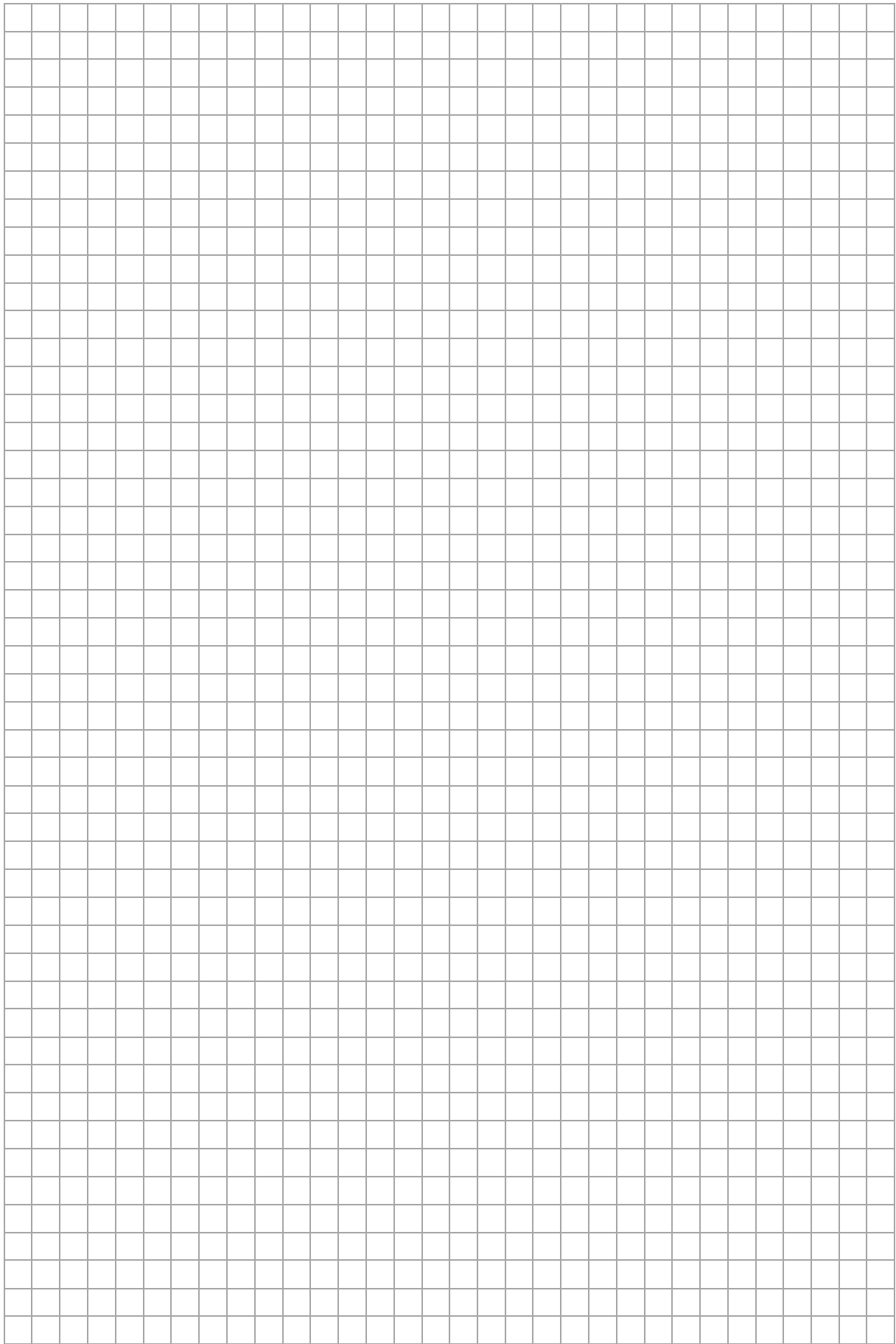
Dokończ zdanie. Zaznacz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Objętość sześcianu  $\mathcal{G}$  jest równa

- A.  $3V$
- B.  $9V$
- C.  $18V$
- D.  $27V$

BRUDNOPIS





**Zadanie 32. (0–1)**

Na loterii stosunek liczby losów wygrywających do liczby losów przegrywających jest równy  $2 : 7$ . Zakupiono jeden los z tej loterii.

Dokończ zdanie. Zaznacz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Prawdopodobieństwo zdarzenia polegającego na tym, że zakupiony los jest wygrywający, jest równe

A.  $\frac{1}{9}$

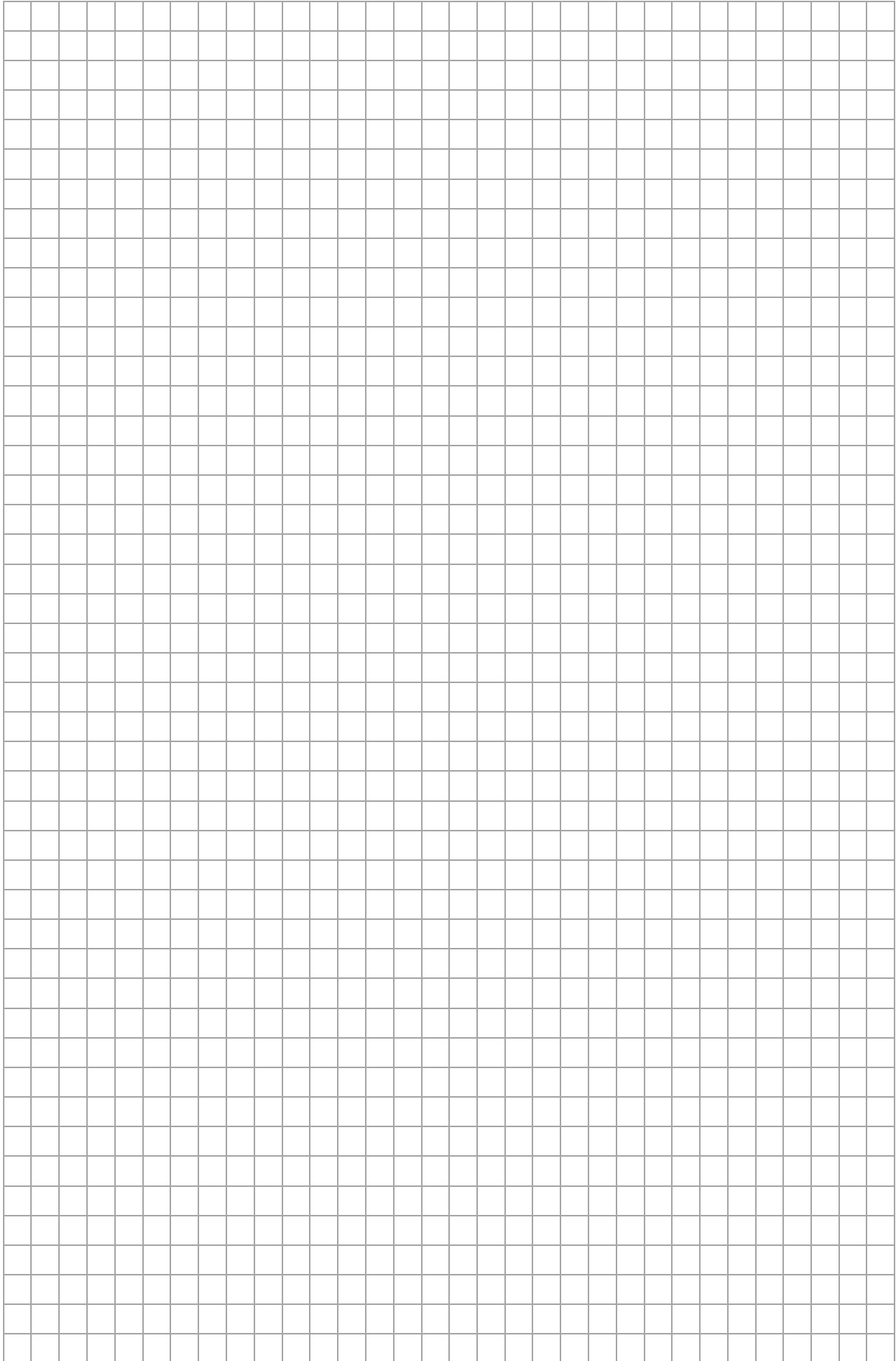
B.  $\frac{1}{2}$

C.  $\frac{2}{9}$

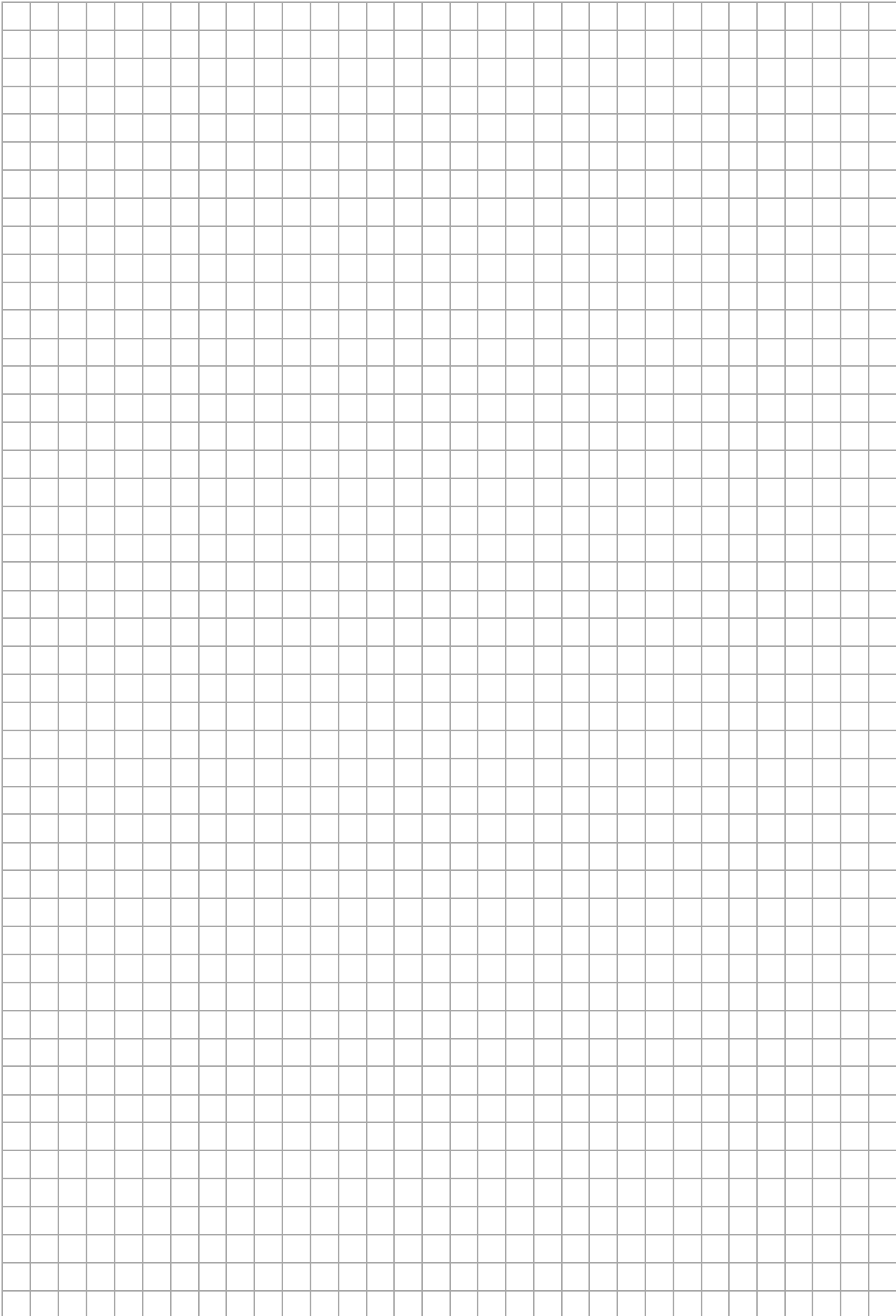
D.  $\frac{2}{7}$

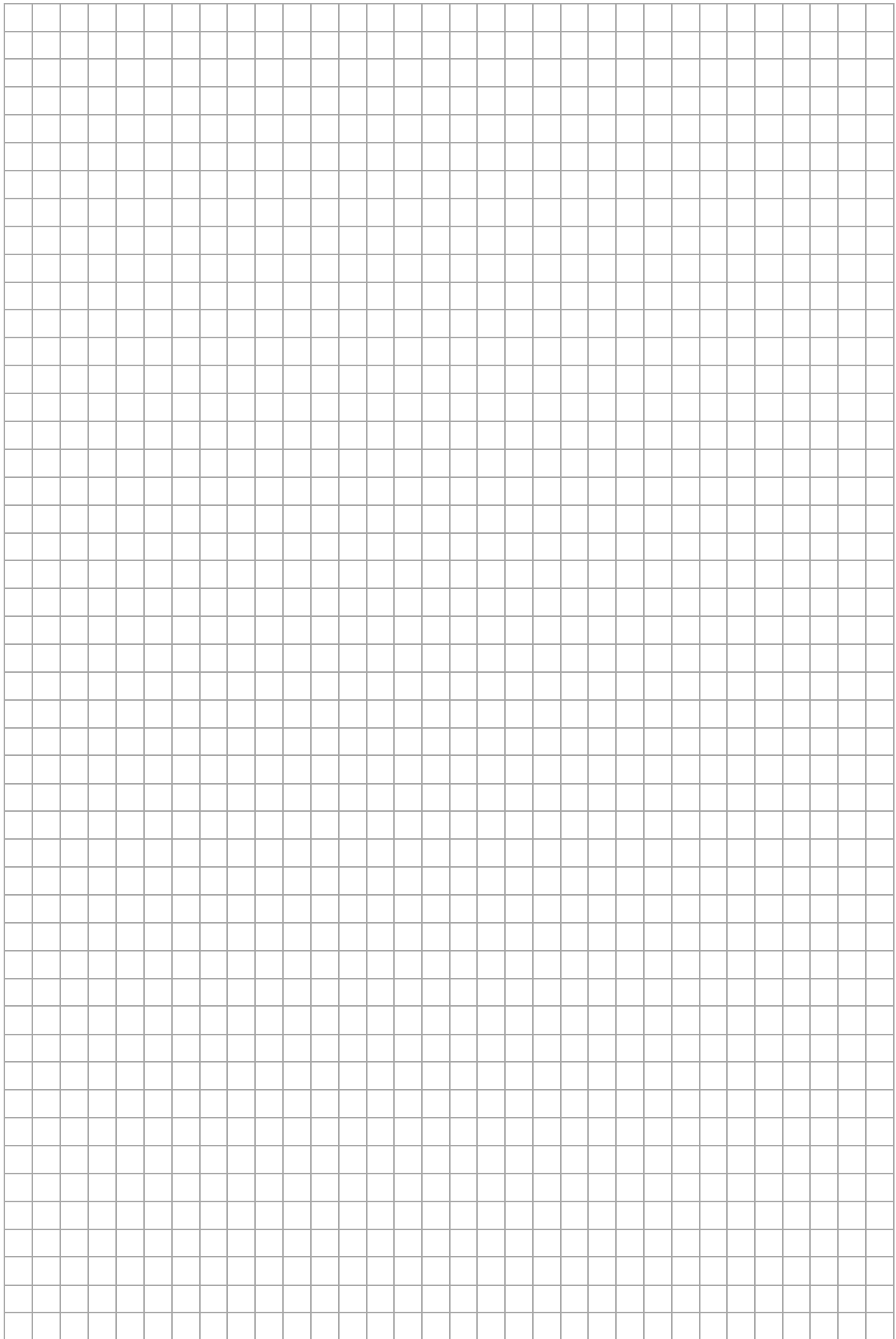
BRUDNOPSIS																				





BRUDNOPIS (nie podlega ocenie)

A large rectangular grid consisting of small squares, intended for a rough draft. The grid is empty.



# MATEMATYKA

Poziom podstawowy

*Formuła 2023*



# MATEMATYKA

Poziom podstawowy

*Formuła 2023*



# MATEMATYKA

Poziom podstawowy

*Formuła 2023*

