

WYPEŁNIA ZDAJĄCY

KOD

--	--	--

PESEL

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

**Miejsce na naklejkę.**

Sprawdź, czy kod na naklejce to  
**M-300.**

Jeżeli tak – przyklej naklejkę.  
Jeżeli nie – zgłoś to nauczycielowi.

**Egzamin maturalny**

**Formuła 2023**

**MATEMATYKA**

**Poziom podstawowy**

**TEST DIAGNOSTYCZNY**

Symbol arkusza

**MMAP-P0-300-2212**

DATA: **14 grudnia 2022 r.**

GODZINA ROZPOCZĘCIA: **9:00**

CZAS TRWANIA: **do 210 minut**

LICZBA PUNKTÓW DO UZYSKANIA: **46**

WYPEŁNIA ZESPÓŁ NADZORUJĄCY

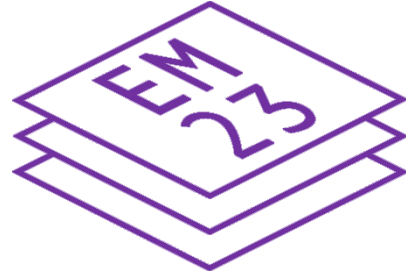
Uprawnienia zdającego do:

- dostosowania zasad oceniania
- dostosowania w zw. z dyskalkulią
- nieprzenoszenia zaznaczeń na kartę.




**Przed rozpoczęciem pracy z arkuszem egzaminacyjnym**

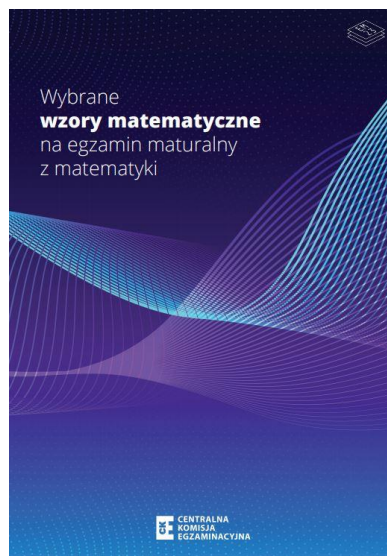
1. Sprawdź, czy nauczyciel przekazał Ci **właściwy arkusz egzaminacyjny**, tj. arkusz we **właściwej formule**, z **właściwego przedmiotu** na **właściwym poziomie**.
2. Jeżeli przekazano Ci **niewłaściwy** arkusz – natychmiast zgłoś to nauczycielowi. Nie rozrywaj banderol.
3. Jeżeli przekazano Ci **właściwy** arkusz – rozerwij banderole po otrzymaniu takiego polecenia od nauczyciela. Zapoznaj się z instrukcją na stronie 2.






## Instrukcja dla zdającego

1. Sprawdź, czy arkusz egzaminacyjny zawiera 32 strony (zadania 1–33).  
Ewentualny brak zgłoś przewodniczącemu zespołu nadzorującego egzamin.
2. Na pierwszej stronie arkusza oraz na karcie odpowiedzi wpisz swój numer PESEL i przyklej naklejkę z kodem.
3. Pamiętaj, że pominięcie argumentacji lub istotnych obliczeń w rozwiązaniu zadania otwartego może spowodować, że za to rozwiązanie nie otrzymasz pełnej liczby punktów.
4. Rozwiązania zadań i odpowiedzi wpisuj w miejscu na to przeznaczonym.
5. Symbol  zamieszczony w nagłówku zadania oznacza, że rozwiązanie zadania zamkniętego musisz przenieść na kartę odpowiedzi.
6. Odpowiedzi do zadań zamkniętych zaznacz na karcie odpowiedzi w części karty przeznaczonej dla zdającego. Zamaluj  pola do tego przeznaczone. Błędne zaznaczenie otocz kółkiem  i zaznacz właściwe.
7. Pisz czytelnie i używaj tylko długopisu lub pióra z czarnym tuszem lub atramentem.
8. Nie używaj korektora, a błędne zapisy wyraźnie przekreśl.
9. Pamiętaj, że zapisy w brudnopisie nie będą oceniane.
10. Możesz korzystać z *Wybranych wzorów matematycznych*, cyrkla i linijki oraz kalkulatora prostego. Upewnij się, czy przekazano Ci broszurę z taką okładką, jak poniżej.



**Zadania egzaminacyjne są wydrukowane  
na następnych stronach.**

**Zadanie 1. (0–1)** 

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Liczba  $\left(5 \cdot 5^{\frac{1}{2}}\right)^{\frac{1}{3}}$  jest równa


A.  $\sqrt[6]{5}$

B.  $\sqrt[3]{25}$

C.  $\sqrt{5}$

D.  $\sqrt[3]{5}$

*Brudnopis*


**Zadanie 2. (0–1)** 

Pan Nowak kupił obligacje Skarbu Państwa za 40 000 zł oprocentowane 7% w skali roku. Odsetki są naliczane i kapitalizowane co rok.

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Wartość obligacji kupionych przez pana Nowaka będzie po dwóch latach równa

A.  $40\,000 \cdot (1,07)^2$  zł

B.  $40\,000 \cdot (1,7)^2$  zł

C.  $40\,000 \cdot 1,14$  zł

D.  $40\,000 \cdot 1,49$  zł

*Brudnopis*

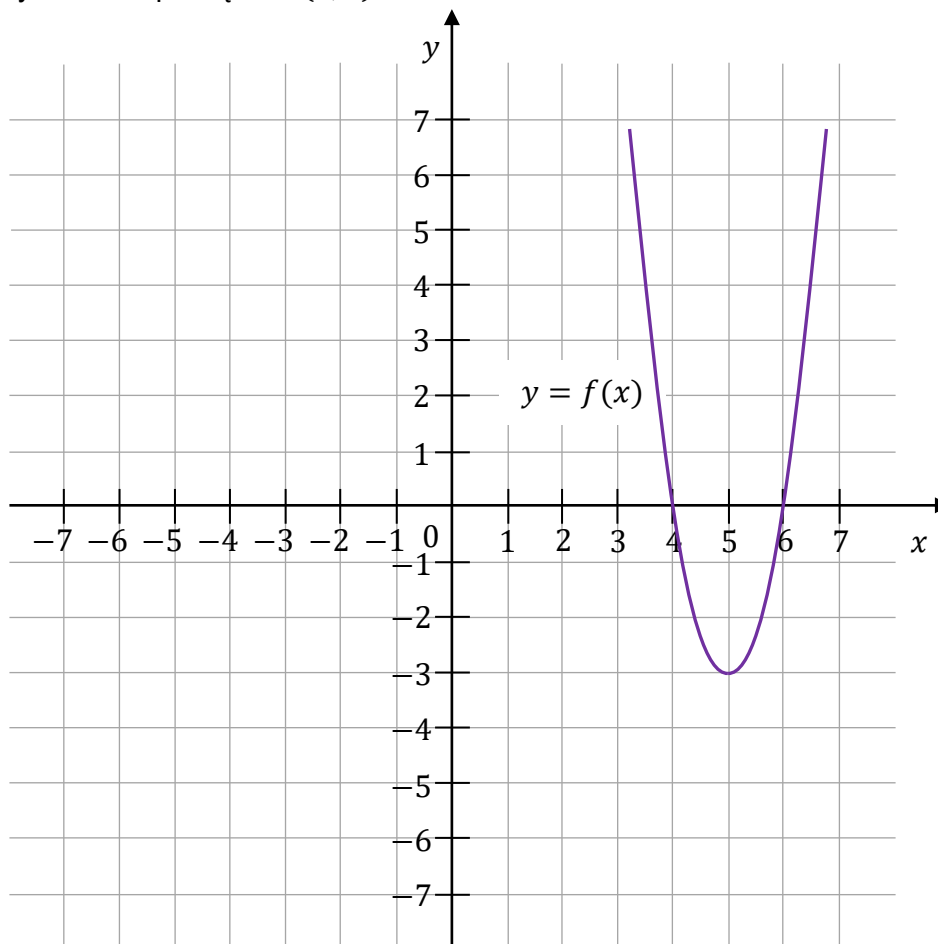







### Zadanie 7.

W kartezjańskim układzie współrzędnych  $(x, y)$  przedstawiono fragment wykresu funkcji kwadratowej  $f(x) = ax^2 + bx + c$ . Wierzchołek paraboli, która jest wykresem funkcji  $f$ , ma współrzędne  $(5, -3)$ . Jeden z punktów przecięcia paraboli z osią  $Ox$  układu współrzędnych ma współrzędne  $(4, 0)$ .



### Zadanie 7.1. (0-1)

Zapisz poniżej zbiór wszystkich wartości funkcji  $f$ .

.....

Brudnopis																			

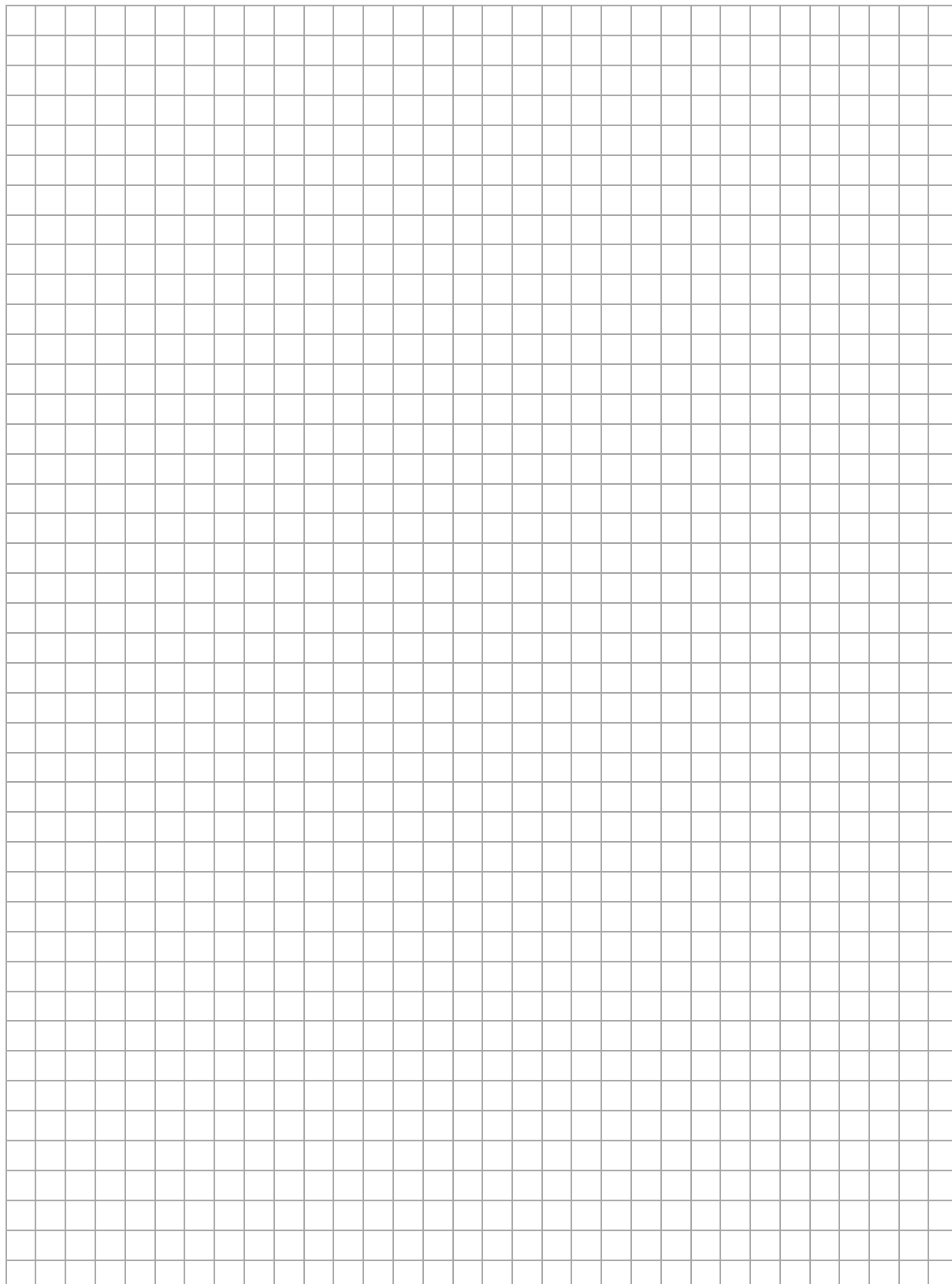





**Zadanie 7.2. (0–2)**

**Wyznacz wzór funkcji kwadratowej  $f$  w postaci kanonicznej.**

**Zapisz obliczenia.**



**Zadanie 8. (0–1)** 

Dana jest nierówność kwadratowa

$$(3x - 9)(x + k) < 0$$


z niewiadomą  $x$  i parametrem  $k \in \mathbb{R}$ . Rozwiązaniem tej nierówności jest przedział  $(-2, 3)$ .

**Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

Liczba  $k$  jest równa

- A.  $(-2)$                       B. 2                      C.  $(-3)$                       D. 3

Brdnopis																			

**Zadanie 9. (0–1)** 

Dana jest funkcja kwadratowa  $f(x) = ax^2 + bx + c$ , gdzie  $a, b$  i  $c$  są liczbami rzeczywistymi takimi, że  $a \neq 0$  oraz  $c < 0$ . Funkcja  $f$  nie ma miejsc zerowych.


**Dokończ zdanie tak, aby było prawdziwe. Wybierz odpowiedź A albo B oraz jej uzasadnienie 1., 2. albo 3.**

Wykres funkcji  $f$  leży w całości

A.	nad osią $Ox$ ,	ponieważ	1.	$a < 0$ i $b^2 - 4ac < 0$ .
	B.		pod osią $Ox$ ,	2.
				3.

Brdnopis																			



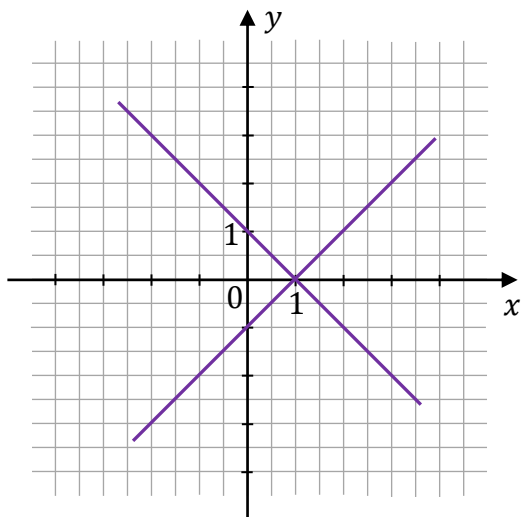
**Zadanie 10. (0–1)** 

Dany jest układ równań

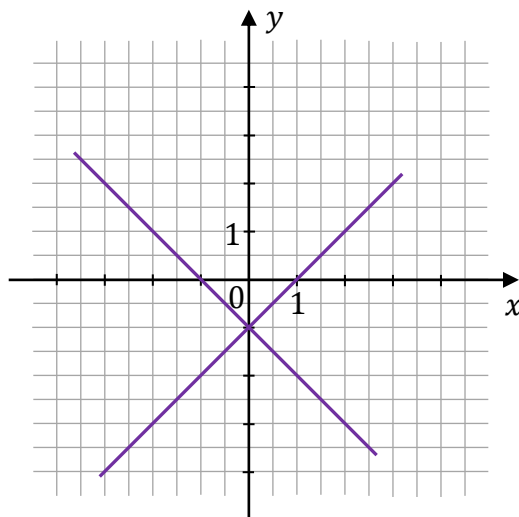
$$\begin{cases} y = x - 1 \\ y = -x + 1 \end{cases}$$

Na którym z rysunków A–D przedstawiona jest interpretacja geometryczna tego układu równań? Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

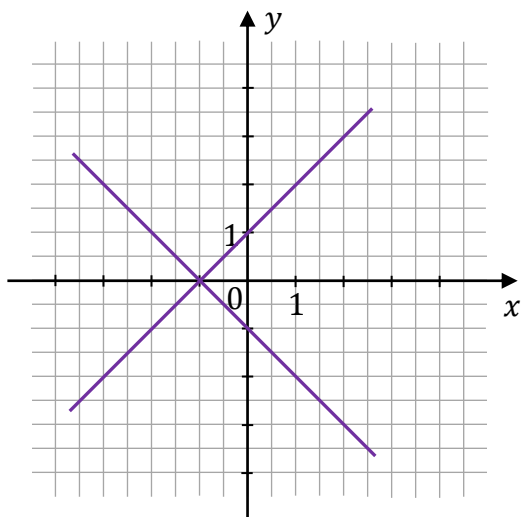
A.



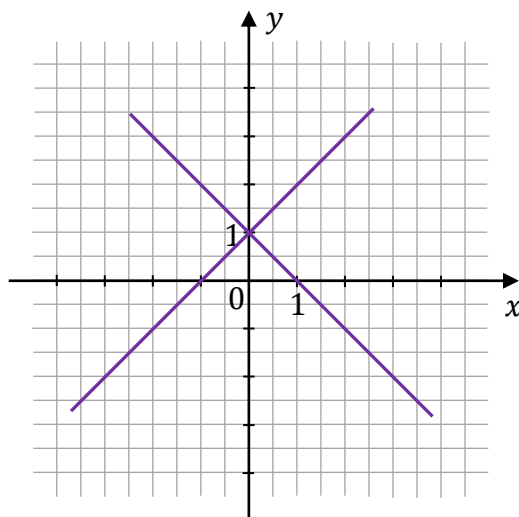
B.




C.



D.



**Zadanie 11. (0–1)** 


Dany jest wielomian  $W$  określony wzorem  $W(x) = x^3 - 2x^2 - 3x + 6$  dla każdej liczby rzeczywistej  $x$ .

**Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

Wielomian  $W$  przy rozkładzie na czynniki ma postać

- A.  $W(x) = (x + 2)(x^2 - 3)$
- B.  $W(x) = (x - 2)(x^2 - 3)$
- C.  $W(x) = (x + 2)(x^2 + 3)$
- D.  $W(x) = (x - 2)(x^2 + 3)$

Brudnopis																			

**Zadanie 12. (0–1)** 

**Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

Równanie  $\frac{(4-x)(2x-3)}{(3x-5)(3-2x)} = 0$  w zbiorze liczb rzeczywistych ma dokładnie

- A. jedno rozwiązanie.
- B. dwa rozwiązania.
- C. trzy rozwiązania.
- D. cztery rozwiązania.

Brudnopis																			







**Zadanie 17. (0–2)**

Dany jest ciąg geometryczny  $(a_n)$ , określony dla każdej liczby naturalnej  $n \geq 1$ .  
W tym ciągu  $a_1 = -5$ ,  $a_2 = 15$ ,  $a_3 = -45$ .

Dokończ zdanie. Zaznacz dwie odpowiedzi tak, aby dla każdej z nich dokończenie poniższego zdania było prawdziwe.

Wzór ogólny ciągu  $(a_n)$  ma postać

A.  $a_n = -5 \cdot (-3)^{n-1}$

B.  $a_n = -5 \cdot (-3)^n$

C.  $a_n = -5 \cdot 3^{n-1}$

D.  $a_n = -5 \cdot \frac{(-3)^n}{3}$

E.  $a_n = 5 \cdot \frac{(-3)^n}{3}$

F.  $a_n = 5 \cdot (-3)^n \cdot 3$

*Brudnopis*



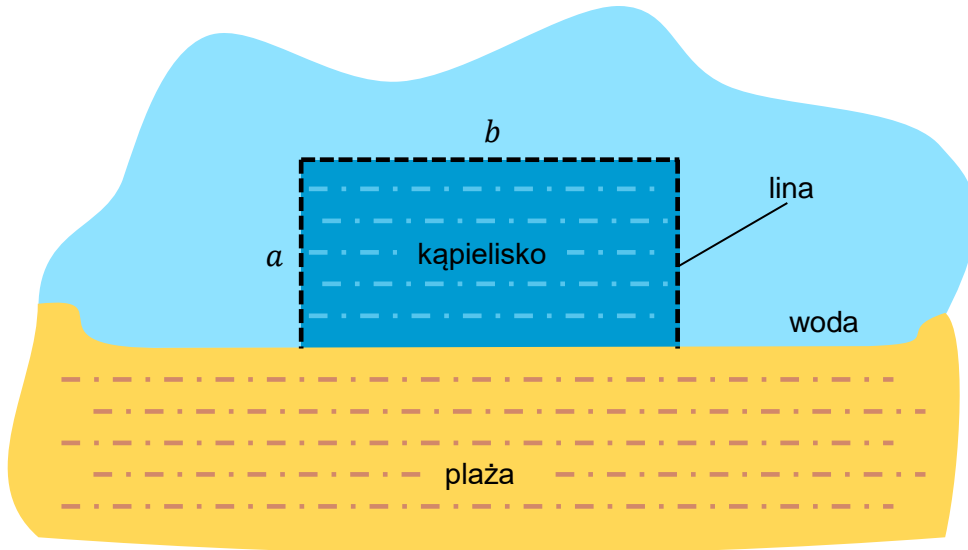




**Kolejne zadania egzaminacyjne są wydrukowane  
na następnych stronach.**

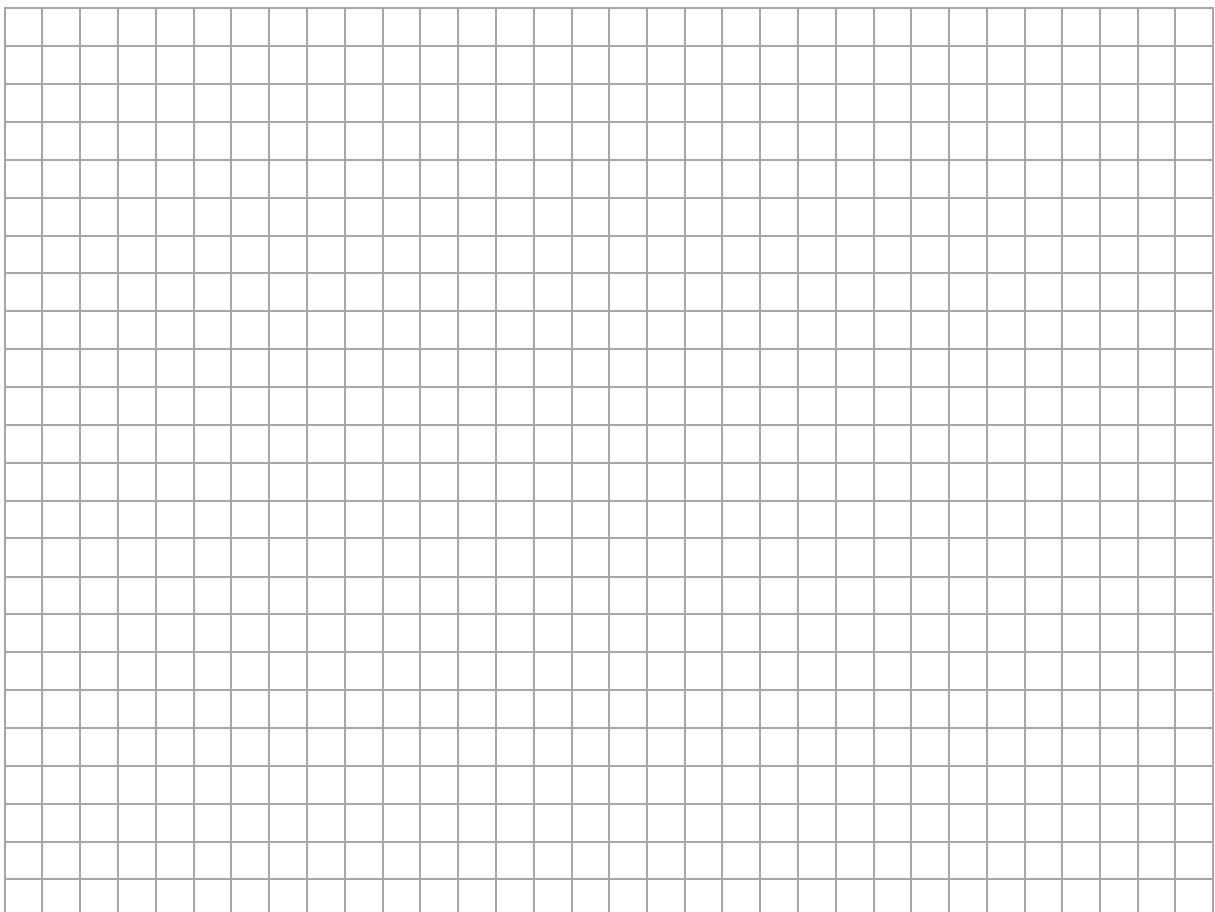
**Zadanie 20. (0–4)**

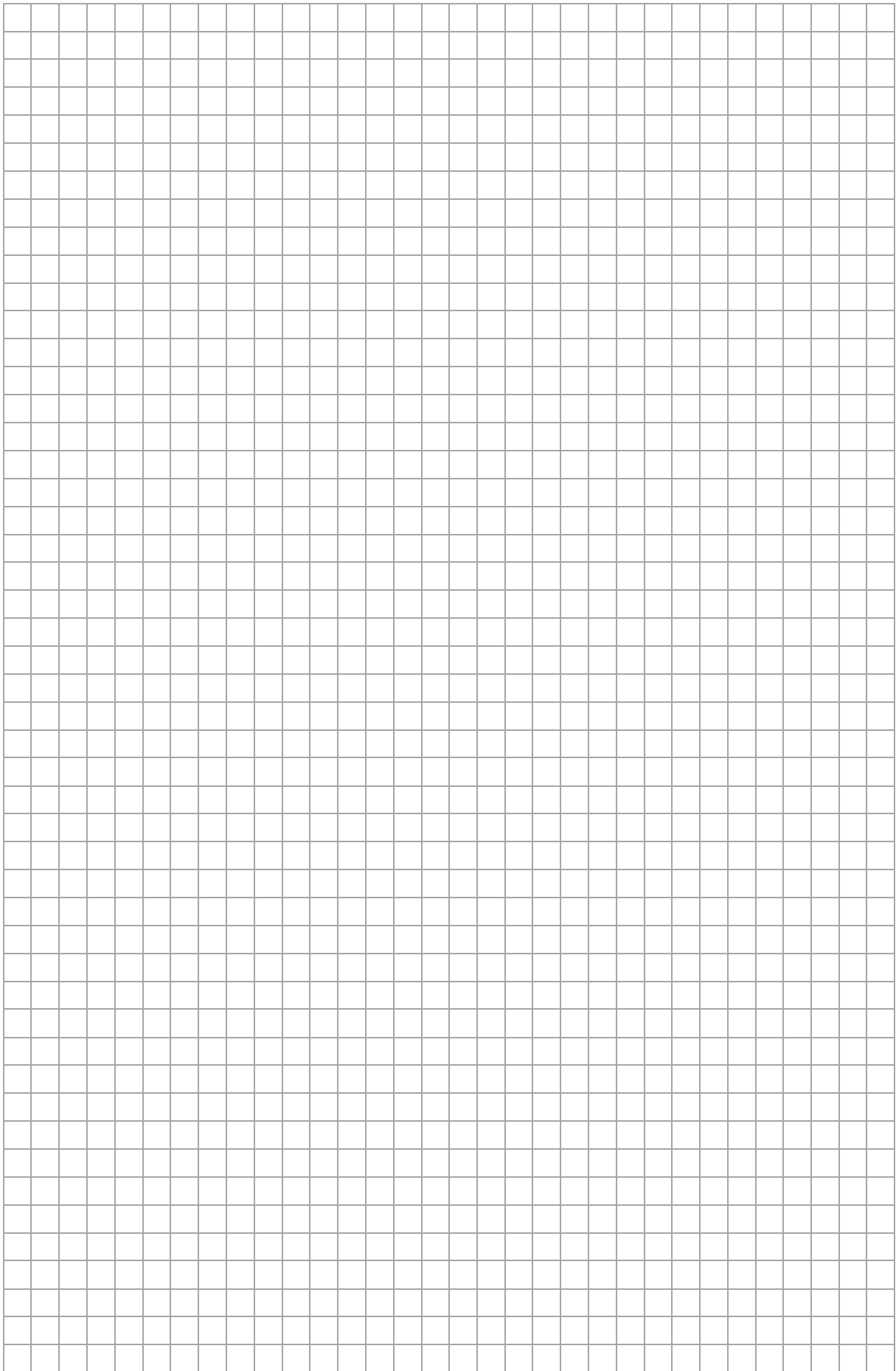
Do wyznaczenia trzech boków pewnego kąpieliska w kształcie prostokąta należy użyć liny o długości 200 m. Cztery bok tego kąpieliska będzie pokrywał się z brzegiem plaży, który w tym miejscu jest linią prostą (zobacz rysunek).




Oblicz wymiary  $a$  i  $b$  kąpieliska tak, aby jego powierzchnia była największa.

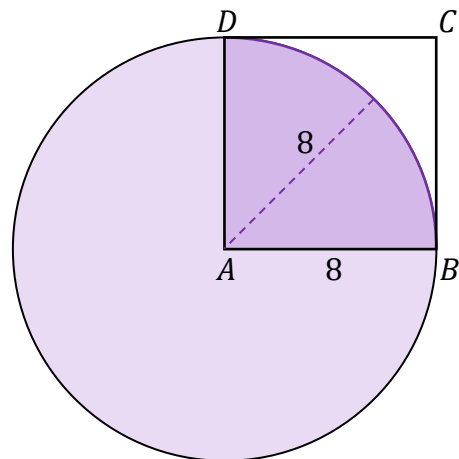
Zapisz obliczenia.





**Zadanie 21. (0–1)** 

Dany jest kwadrat  $ABCD$  o boku długości 8.  
Z wierzchołka  $A$  zakreślono koło o promieniu równym  
długości boku kwadratu (zobacz rysunek).



**Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

Pole powierzchni części wspólnej koła i kwadratu jest równe

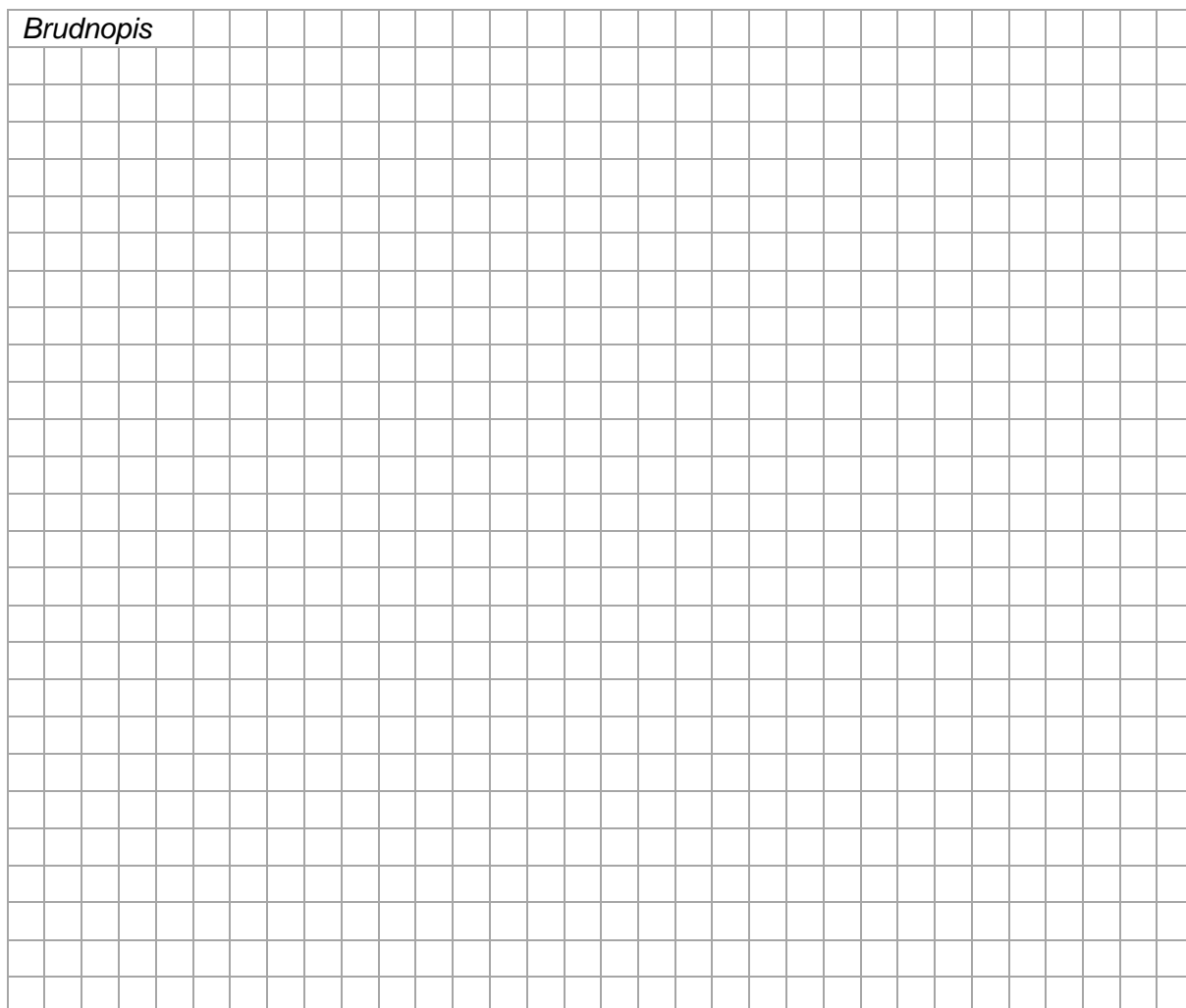
A.  $16\pi$


B.  $8\pi$

C.  $4\sqrt{2}\pi$

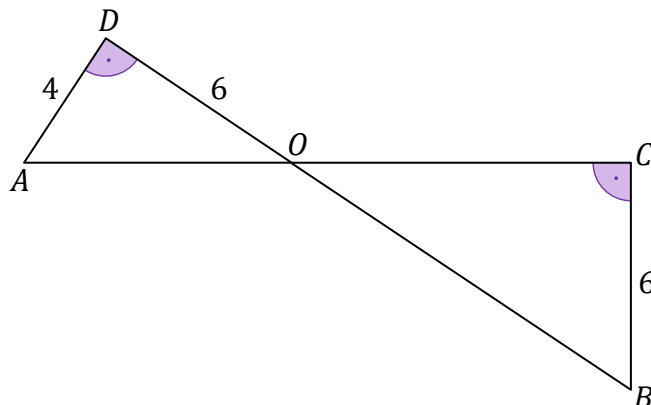
D.  $16\sqrt{2}\pi$

*Brudnopis*



**Zadanie 22. (0–1)** 

Odcinki  $AC$  i  $BD$  przecinają się w punkcie  $O$ . Ponadto  $|AD| = 4$  i  $|OD| = |BC| = 6$ . Kąty  $ODA$  i  $BCO$  są proste (zobacz rysunek).



**Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

Długość odcinka  $OC$  jest równa

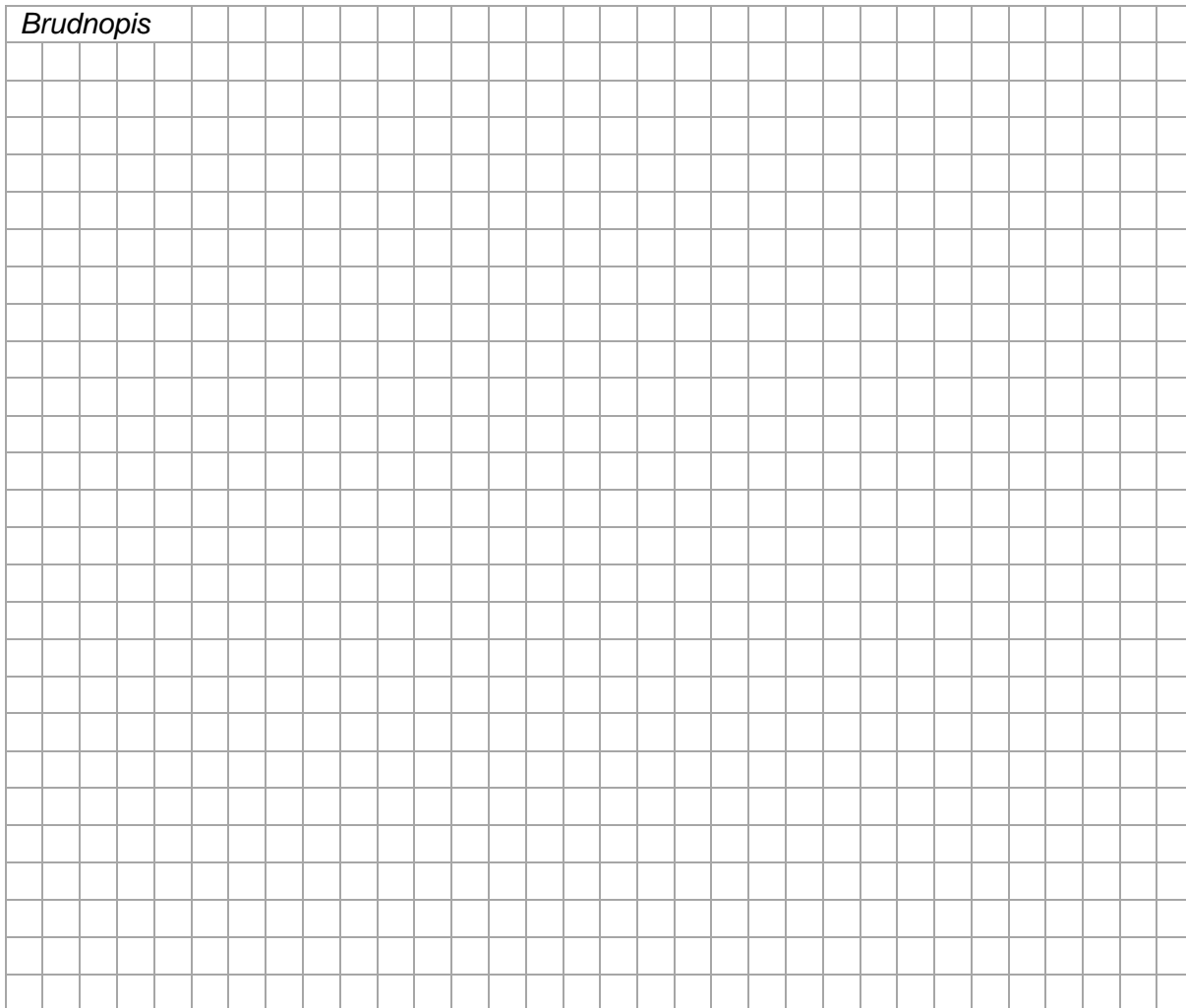
A. 9

B. 8

C.  $2\sqrt{13}$

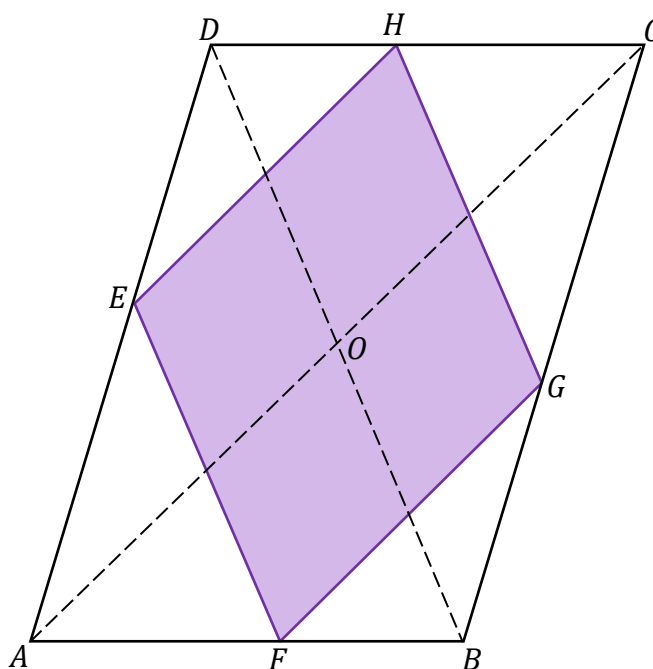
D.  $3\sqrt{13}$

*Brudnopis*



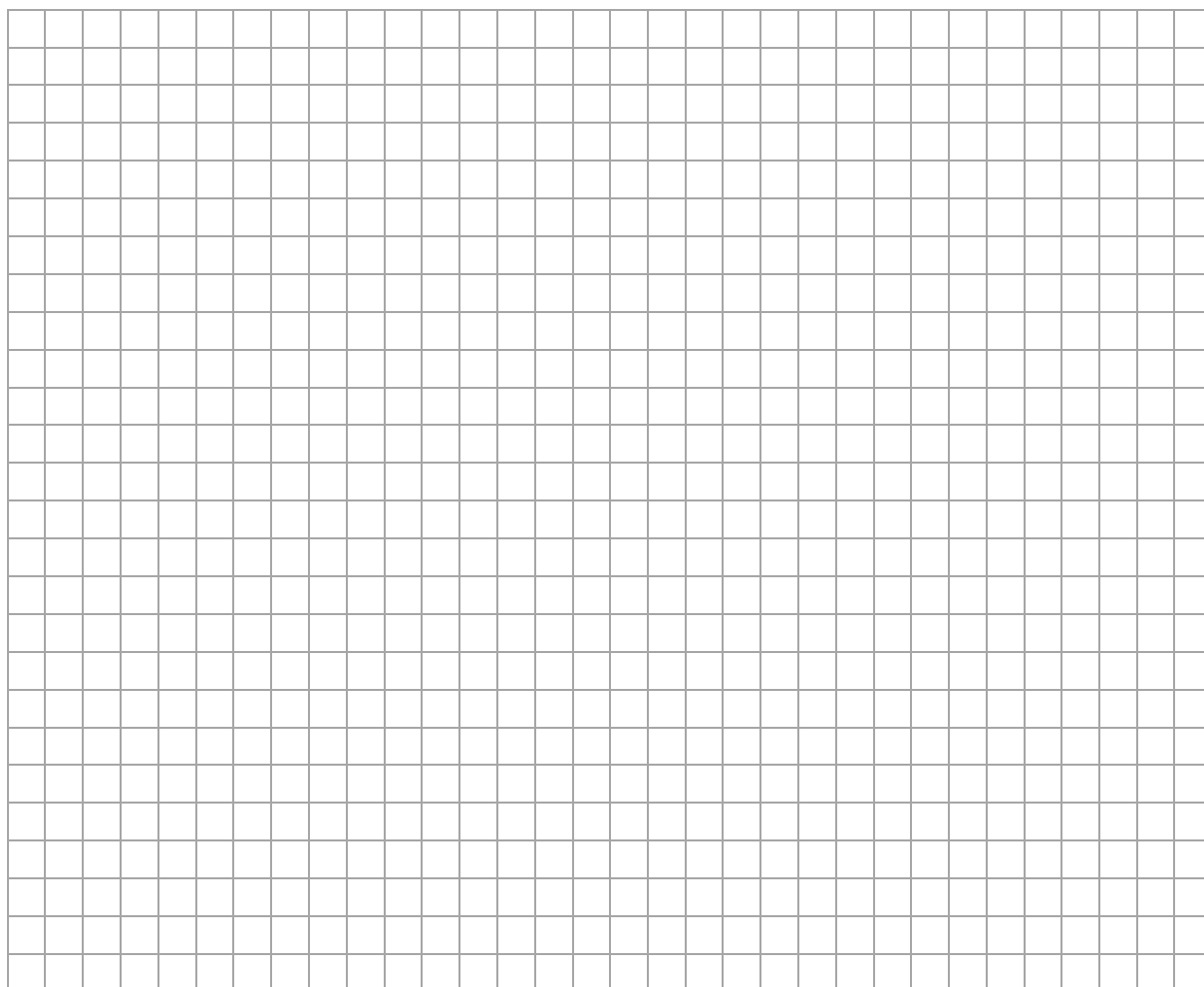
**Zadanie 23. (0–2)**

Przekątne równoległoboku  $ABCD$  mają długości:  $|AC| = 16$  oraz  $|BD| = 12$ . Wierzchołki  $E, F, G$  oraz  $H$  rombu  $EFGH$  leżą na bokach równoległoboku  $ABCD$  (zobacz rysunek). Boki tego rombu są równoległe do przekątnych równoległoboku.



Oblicz długość boku rombu  $EFGH$ .

Zapisz obliczenia.

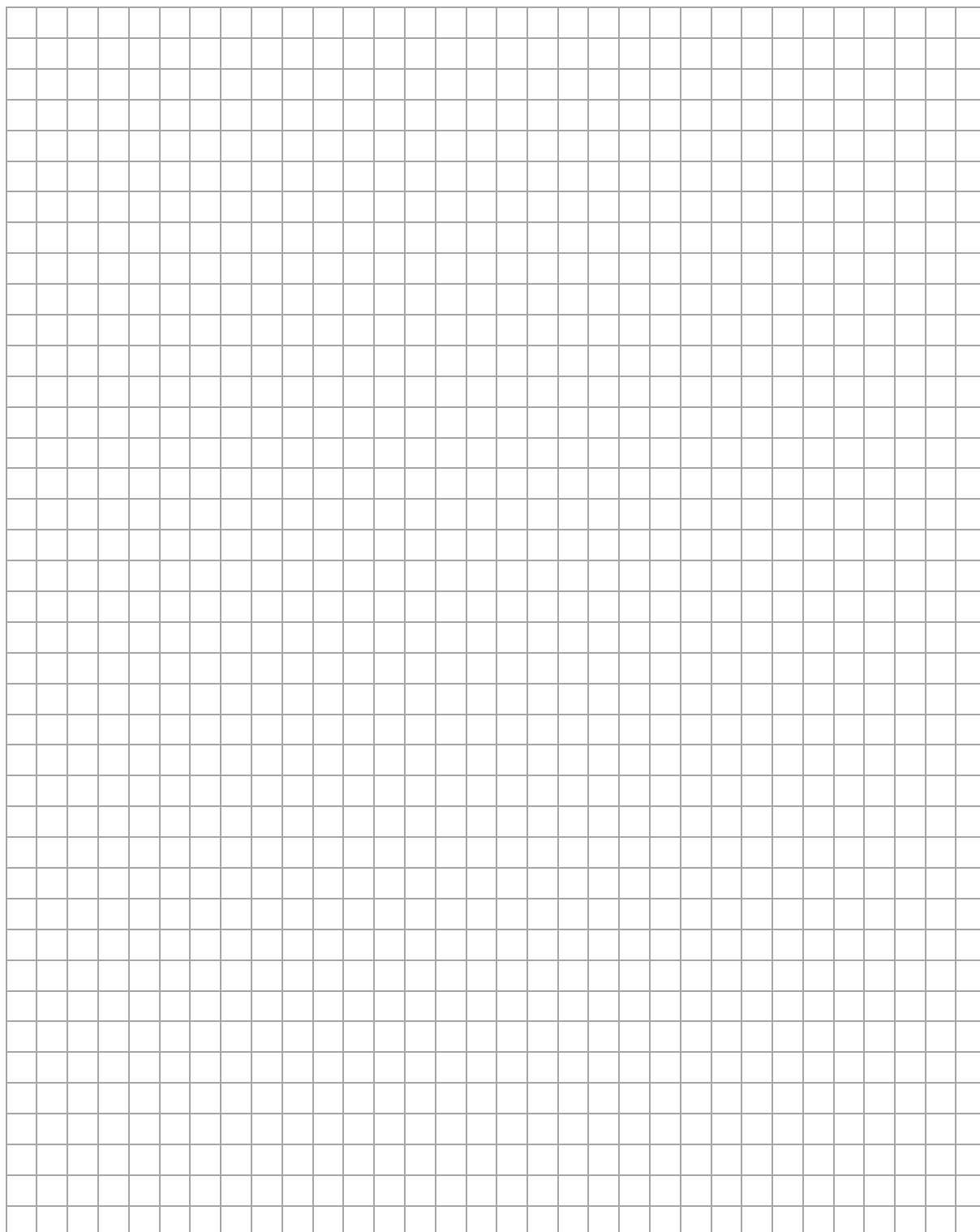


**Zadanie 24. (0–2)**

Dany jest trójkąt  $ABC$ , w którym  $|AC| = 4$ ,  $|AB| = 3$ ,  $\cos \sphericalangle BAC = \frac{4}{5}$ .


Oblicz pole trójkąta  $ABC$ .

Zapisz obliczenia.

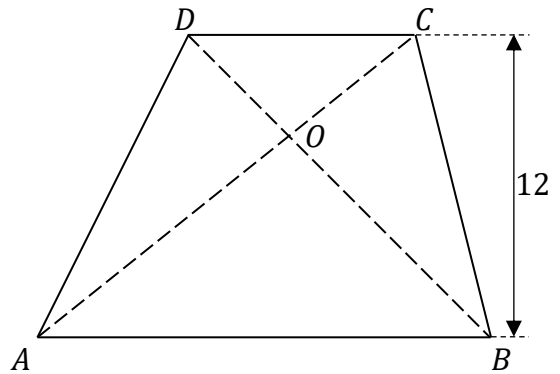






**Zadanie 26. (0–1)** 

Dany jest trapez  $ABCD$ , w którym  $AB \parallel CD$  oraz przekątne  $AC$  i  $BD$  przecinają się w punkcie  $O$  (zobacz rysunek). Wysokość tego trapezu jest równa 12. Obwód trójkąta  $ABO$  jest równy 39, a obwód trójkąta  $CDO$  jest równy 13.




**Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

Wysokość trójkąta  $ABO$  poprowadzona z punktu  $O$  jest równa

- A.** 3                                **B.** 4                                **C.** 9                                **D.** 6

*Brudnopis*

<i>Brudnopis</i>																			

**Zadanie 27. (0–1)** 

Na płaszczyźnie, w kartezjańskim układzie współrzędnych  $(x, y)$ , dany jest okrąg  $\mathcal{O}$  o równaniu

$$(x - 3)^2 + (y - 3)^2 = 13$$

**Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

Okrąg  $\mathcal{O}$  przecina oś  $Oy$  w punktach o współrzędnych

- A.**  $(0, 1)$  i  $(0, 5)$ .                                **B.**  $(0, 1)$  i  $(0, -5)$ .  
**C.**  $(1, 0)$  i  $(5, 0)$ .                                **D.**  $(0, -1)$  i  $(0, 5)$ .

*Brudnopis*

<i>Brudnopis</i>																			

**Zadanie 28. (0–1)**

Na płaszczyźnie, w kartezjańskim układzie współrzędnych  $(x, y)$ , dane są proste  $k$  oraz  $l$  o równaniach

$$k: y = \frac{1}{3}x - 1$$

$$l: y = -3x + 6$$

**Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

Proste  $k$  oraz  $l$

- A. nie mają punktów wspólnych.
- B. są prostopadłe.
- C. przecinają się w punkcie  $P = (0, -1)$ .
- D. się pokrywają.

<i>Brudnopis</i>																			

**Zadanie 29. (0–1)**

Na płaszczyźnie, w kartezjańskim układzie współrzędnych  $(x, y)$ , dane są punkty  $A = (1, 2)$  i  $B = (2m, m)$ , gdzie  $m$  jest liczbą rzeczywistą, oraz prosta  $k$  o równaniu  $y = -x - 1$ .

**Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

Prosta przechodząca przez punkty  $A$  i  $B$  jest równoległa do prostej  $k$ , gdy

- A.  $m = -1$
- B.  $m = 1$
- C.  $m = \frac{1}{2}$
- D.  $m = 2$

<i>Brudnopis</i>																			

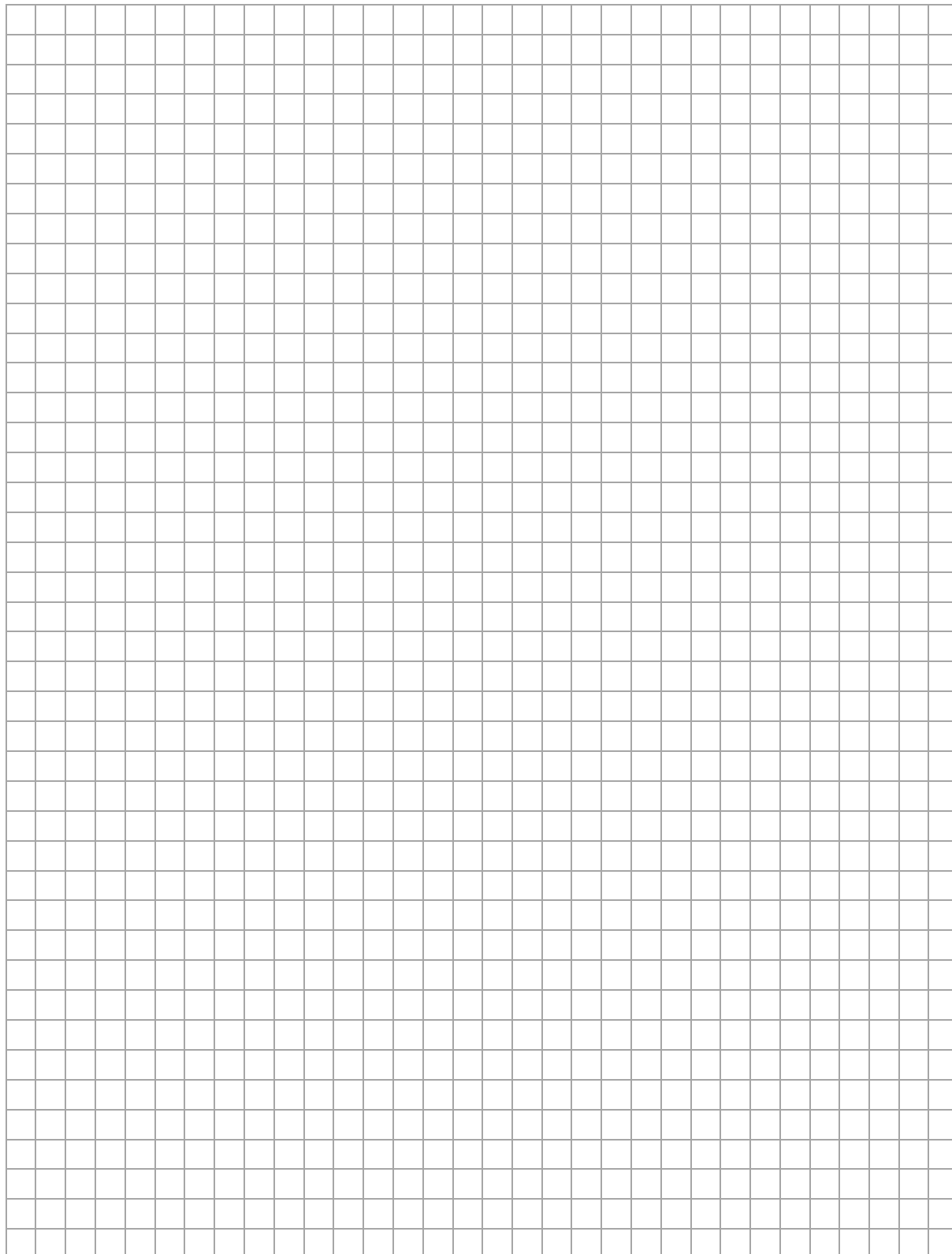




**Zadanie 30.2. (0–2)**

**Oblicz cosinus kąta nachylenia krawędzi bocznej ostrosłupa do płaszczyzny podstawy.**

**Zapisz obliczenia.**

A large grid of 20 columns and 30 rows, intended for the student to write their calculations.



### Zadanie 33. (0–2)

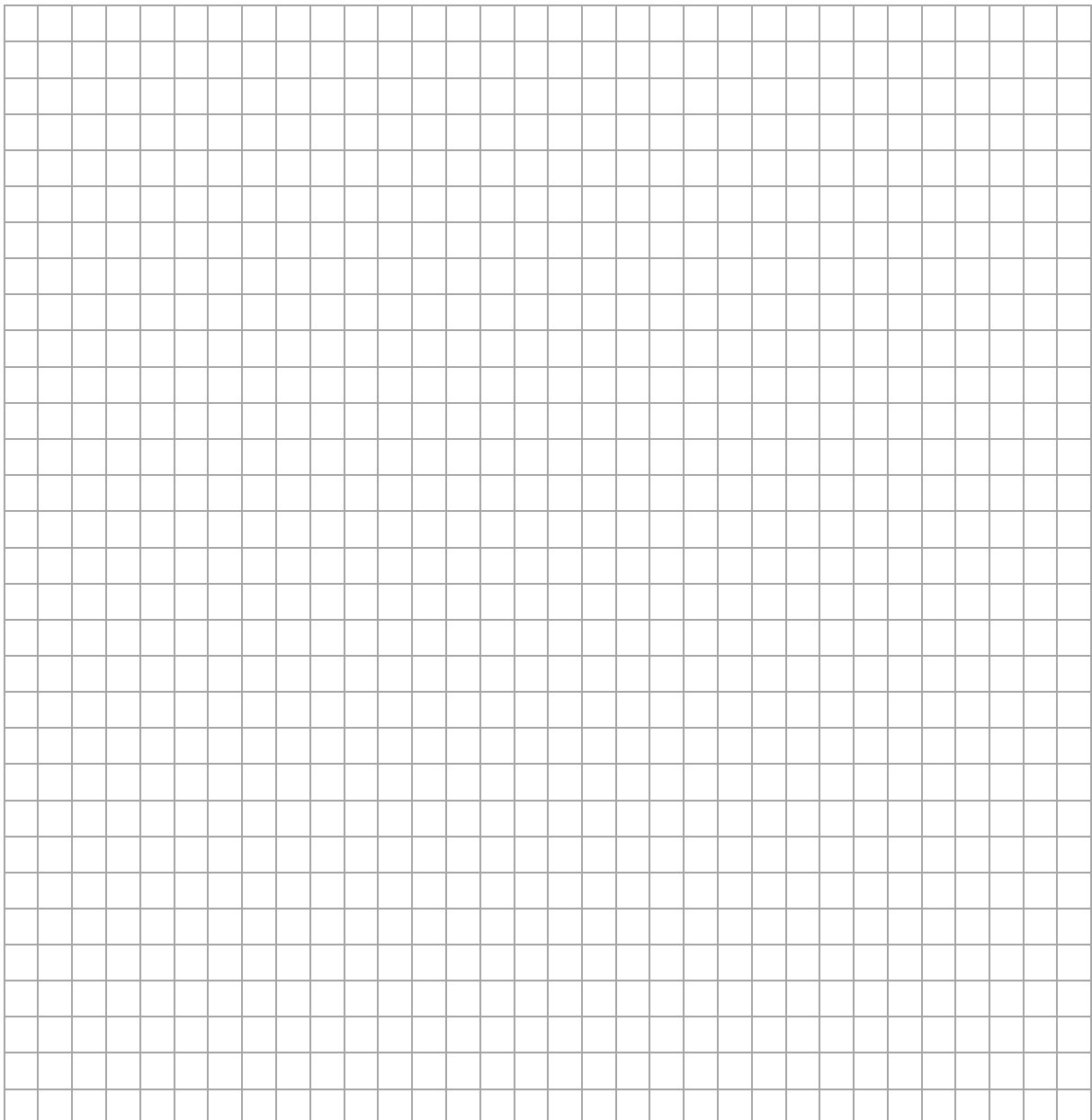
W eksperymencie badano kiełkowanie nasion w pięciu donicach. Na koniec eksperymentu policzono wykiełkowane nasiona w każdej z donic:

- w I donicy – 133 nasiona
- w II donicy – 140 nasion
- w III donicy – 119 nasion
- w IV donicy – 147 nasion
- w V donicy – 161 nasion.

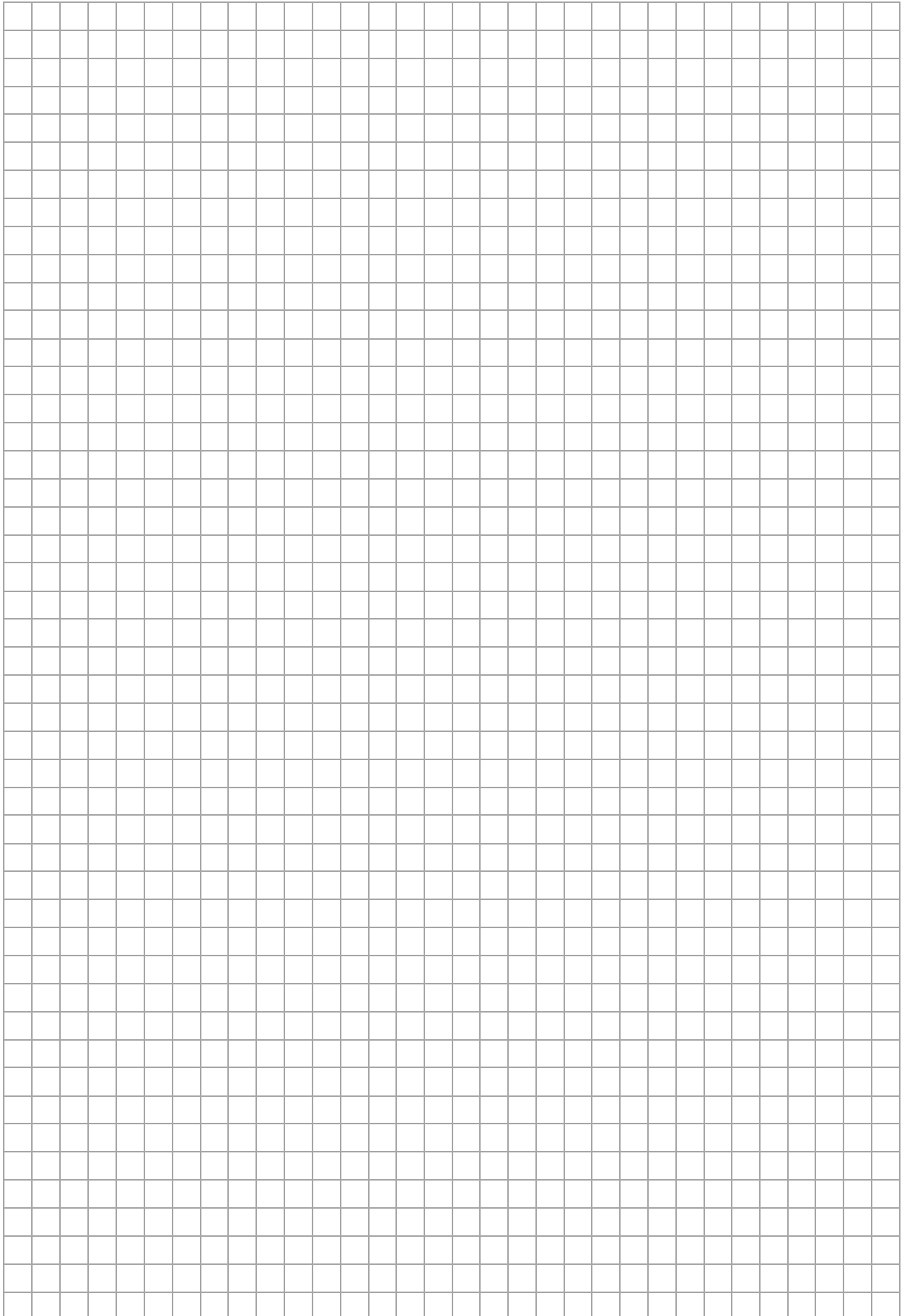
Odchylenie standardowe liczby wykiełkowanych nasion jest równe  $\sigma = 14$ .

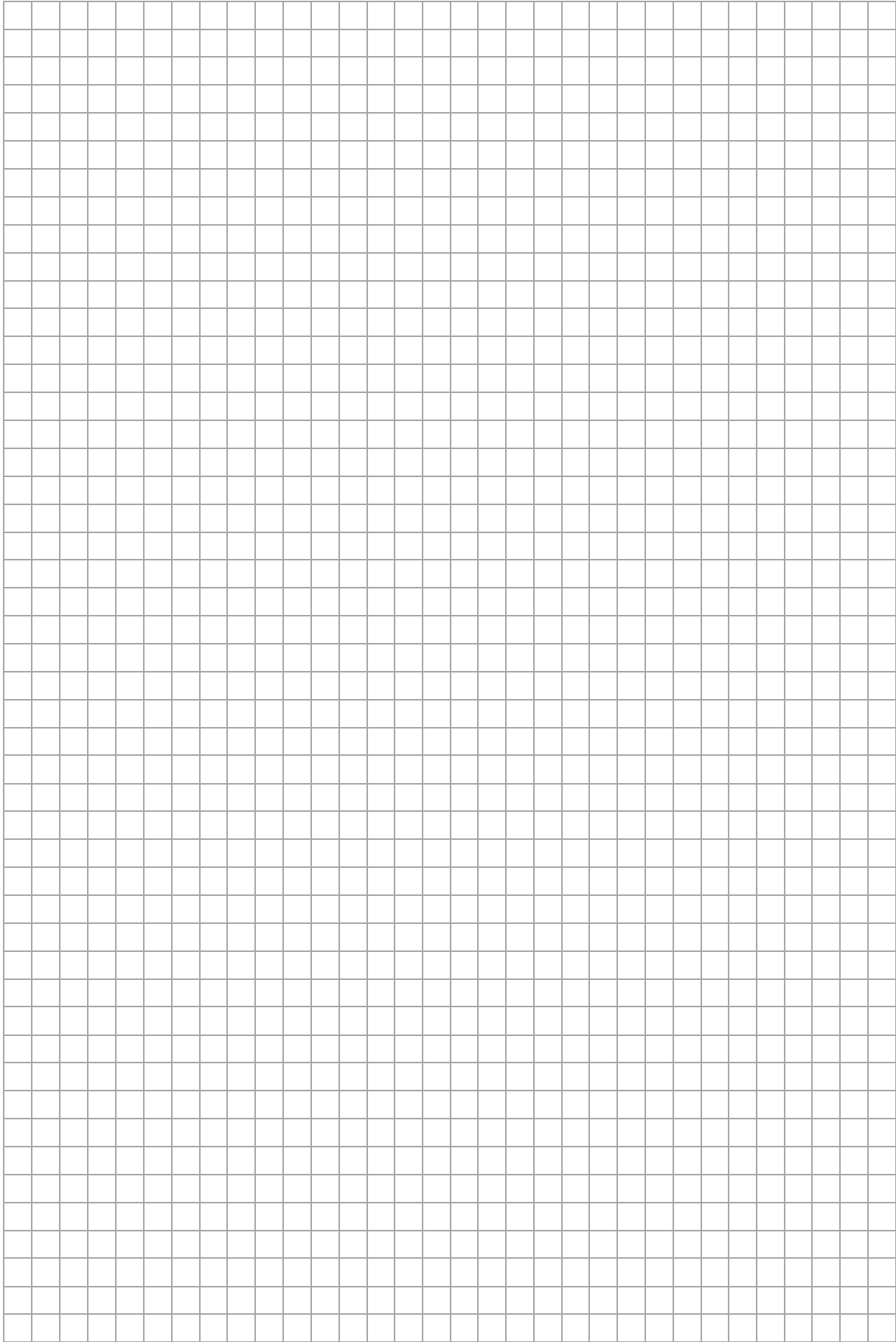
**Podaj numery donic, w których liczba wykiełkowanych nasion mieści się w przedziale określonym przez jedno odchylenie standardowe od średniej.**

**Zapisz obliczenia.**



**BRUDNOPIS (nie podlega ocenie)**













# MATEMATYKA

Poziom podstawowy

*Formuła 2023*



# MATEMATYKA

Poziom podstawowy

*Formuła 2023*



# MATEMATYKA

Poziom podstawowy

*Formuła 2023*

