

**WYPEŁNIA ZDAJĄCY**

**KOD**

--	--	--

**PESEL**

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

**Miejsce na naklejkę.**

Sprawdź, czy kod na naklejce to  
**M-300.**

Jeżeli tak – przyklej naklejkę.  
Jeżeli nie – zgłoś to nauczycielowi.

**EGZAMIN MATURALNY Z MATEMATYKI**  
**POZIOM PODSTAWOWY**

**ARKUSZ POKAZOWY**

TERMIN: **4 marca 2022 r.**

CZAS PRACY: **do 200 minut**

LICZBA PUNKTÓW DO UZYSKANIA: **46**




**WYPEŁNIA ZESPÓŁ NADZORUJĄCY**

Uprawnienia zdającego do:

- dostosowania zasad oceniania
- dostosowania w zw. z dyskalkulią
- nieprzenoszenia zaznaczeń na kartę.

MMA-P0-**300**-2203


**Instrukcja dla zdającego**

1. Sprawdź, czy arkusz egzaminacyjny zawiera 31 stron (zadania 1–30).  
Ewentualny brak zgłoś przewodniczącemu zespołu nadzorującego egzamin.
2. Na tej stronie oraz na karcie odpowiedzi wpisz swój numer PESEL i przyklej naklejkę z kodem.
3. Nie wpisuj żadnych znaków w części przeznaczonej dla egzaminatora.
4. Rozwiązania zadań i odpowiedzi wpisuj w miejscu na to przeznaczonym.
5. Symbol  zamieszczony w nagłówku zadania oznacza, że rozwiązanie zadania zamkniętego musisz przenieść na kartę odpowiedzi.
6. Odpowiedzi do zadań zamkniętych zaznacz na karcie odpowiedzi w części karty przeznaczonej dla zdającego. Zamaluj  pola do tego przeznaczone. Błędne zaznaczenie otocz kółkiem  i zaznacz właściwe.
7. Pamiętaj, że pominięcie argumentacji lub istotnych obliczeń w rozwiązaniu zadania otwartego może spowodować, że za to rozwiązanie nie otrzymasz pełnej liczby punktów.
8. Pisz czytelnie i używaj tylko długopisu lub pióra z czarnym tuszem lub atramentem.
9. Nie używaj korektora, a błędne zapisy wyraźnie przekreśl.
10. Pamiętaj, że zapisy w brudnopisie nie będą oceniane.
11. Możesz korzystać z zestawu wzorów matematycznych, cyrkla i linijki oraz kalkulatora prostego.







**Zadanie 6. (0–1)** 


Dany jest wielomian

$$W(x) = 3x^3 + kx^2 - 12x - 7k + 12$$

gdzie  $k$  jest pewną liczbą rzeczywistą. Wiadomo, że liczba  $(-2)$  jest pierwiastkiem tego wielomianu.

**Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**Liczba  $k$  jest równa**A. 2****B. 4****C. 6****D. 8***Brudnopis*

<i>Brudnopis</i>																			

**Zadanie 7. (0–1)** **Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**


Równanie

$$\frac{(4x - 6)(x - 2)^2}{2x(x - 1,5)(x + 6)} = 0$$

ma w zbiorze liczb rzeczywistych

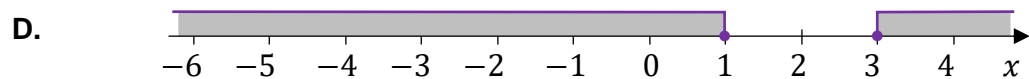
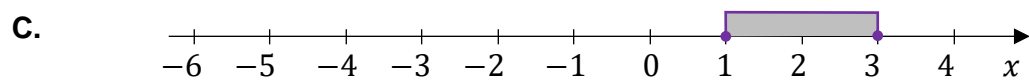
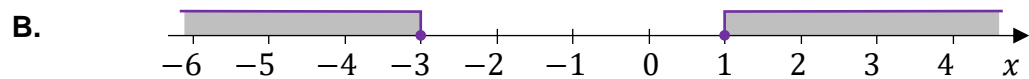
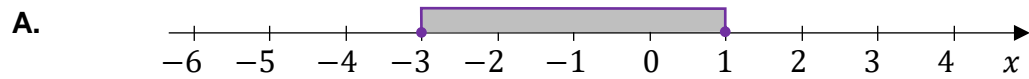
**A.** dokładnie jedno rozwiązanie:  $x = 2$ .**B.** dokładnie dwa rozwiązania:  $x = 1,5$ ,  $x = 2$ .**C.** dokładnie trzy rozwiązania:  $x = -6$ ,  $x = 0$ ,  $x = 2$ .**D.** dokładnie cztery rozwiązania:  $x = -6$ ,  $x = 0$ ,  $x = 1,5$ ,  $x = 2$ .*Brudnopis*

<i>Brudnopis</i>																			

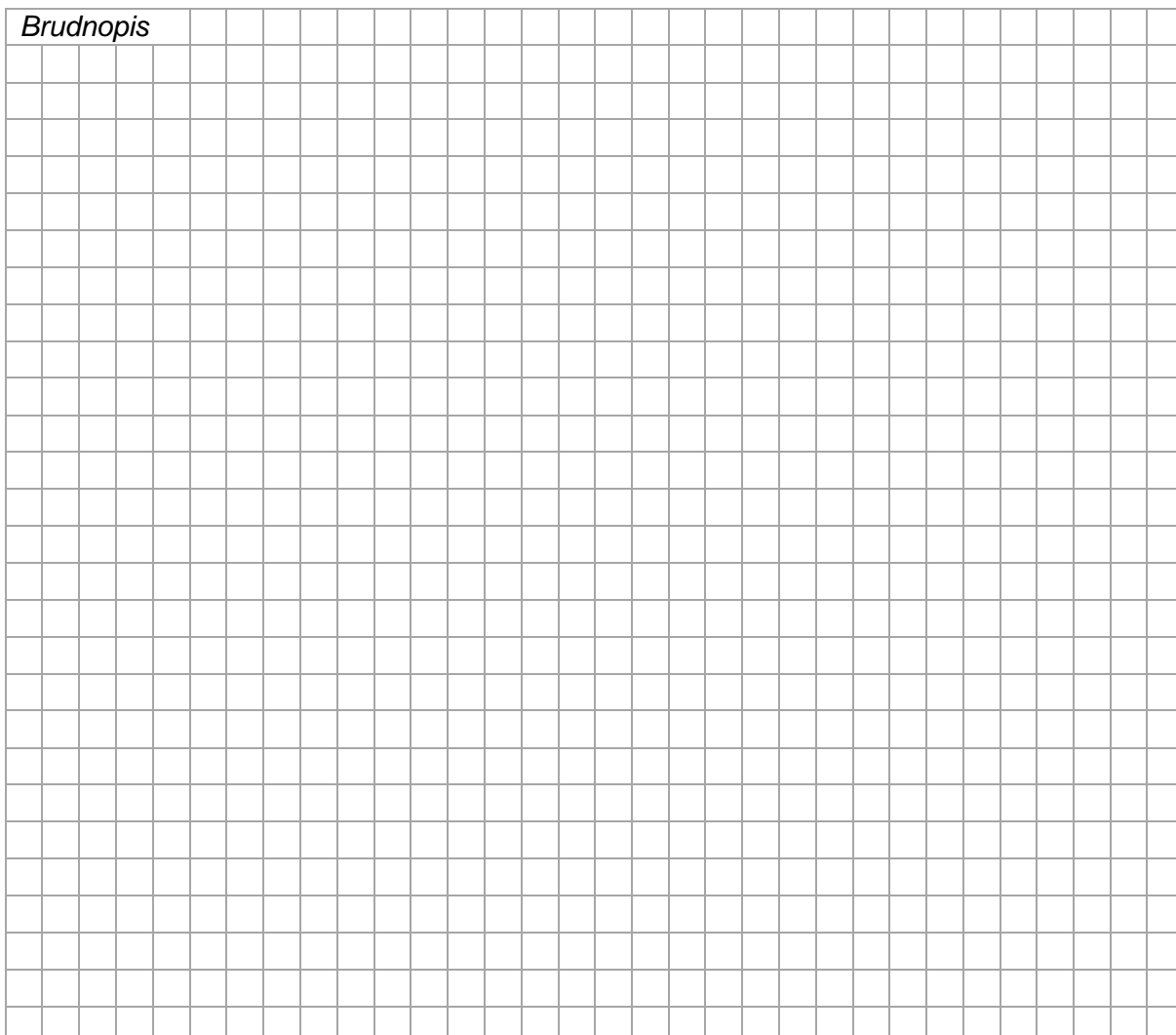
Zadanie 8. (0–1) 

Spośród rysunków A–D wybierz ten, na którym prawidłowo zaznaczono na osi liczbowej zbiór wszystkich liczb rzeczywistych spełniających nierówność:

$$|x + 1| \leq 2$$

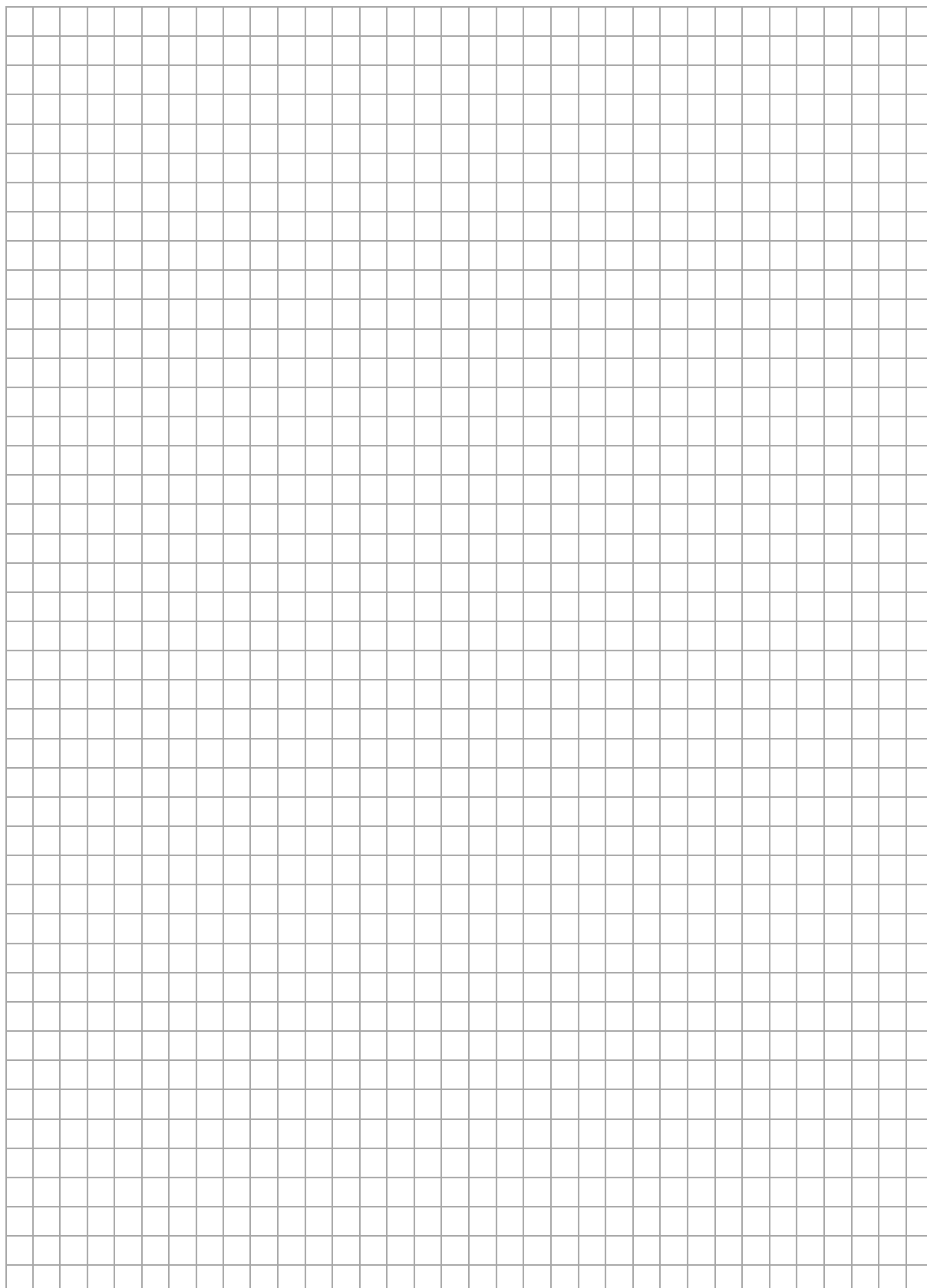


Brudnopis



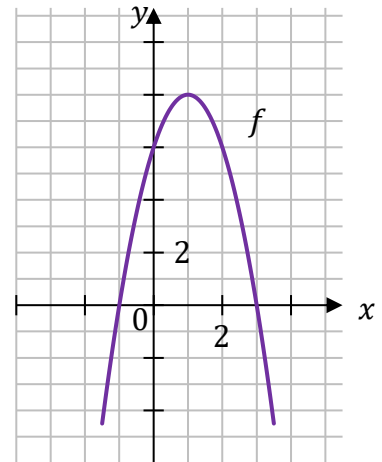
**Zadanie 9. (0–2)**

Wykaż, że dla każdej liczby całkowitej nieparzystej  $n$  liczba  $n^2 + 2023$  jest podzielna przez 8.



**Zadanie 10.**

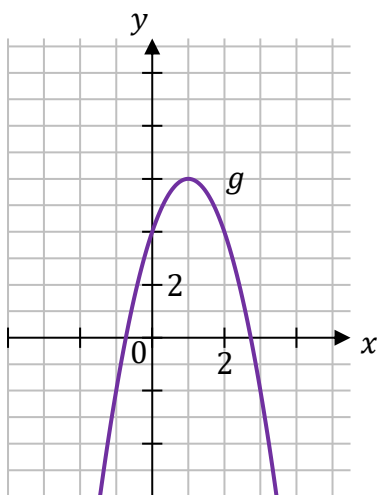
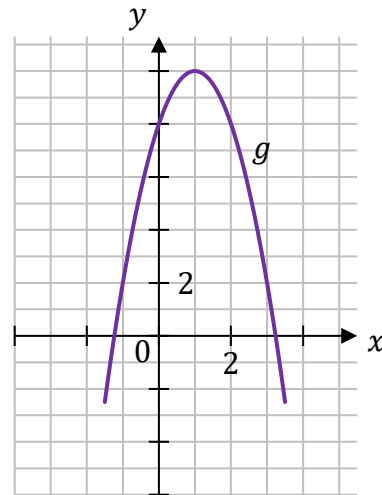
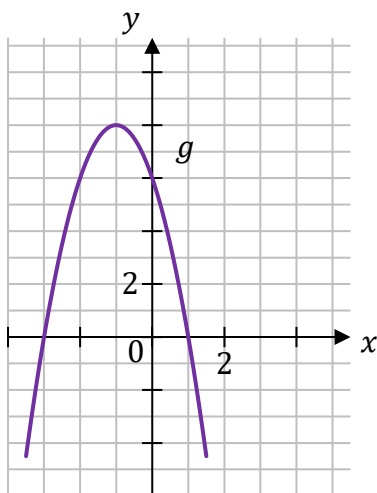
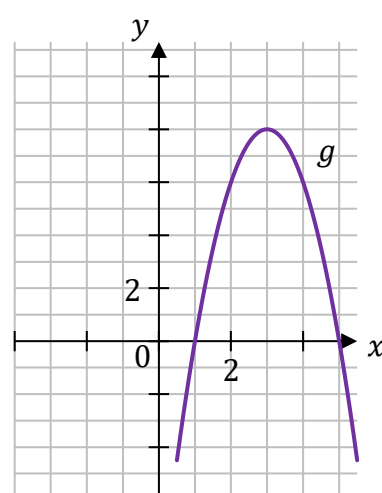
Dana jest funkcja kwadratowa  $f$ , której fragment wykresu przedstawiono w kartezjańskim układzie współrzędnych  $(x, y)$  na rysunku obok. Wierzchołek paraboli, która jest wykresem funkcji  $f$ , oraz punkty przecięcia paraboli z osiami układu współrzędnych mają współrzędne całkowite.

**Zadanie 10.1. (0-1)**

Funkcja  $g$  jest określona za pomocą funkcji  $f$  następująco:  $g(x) = f(x - 2)$ .

**Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

Wykres funkcji  $g$  przedstawiono na rysunku

**A.****B.****C.****D.**



**Zadanie 10.2. (0–1)**

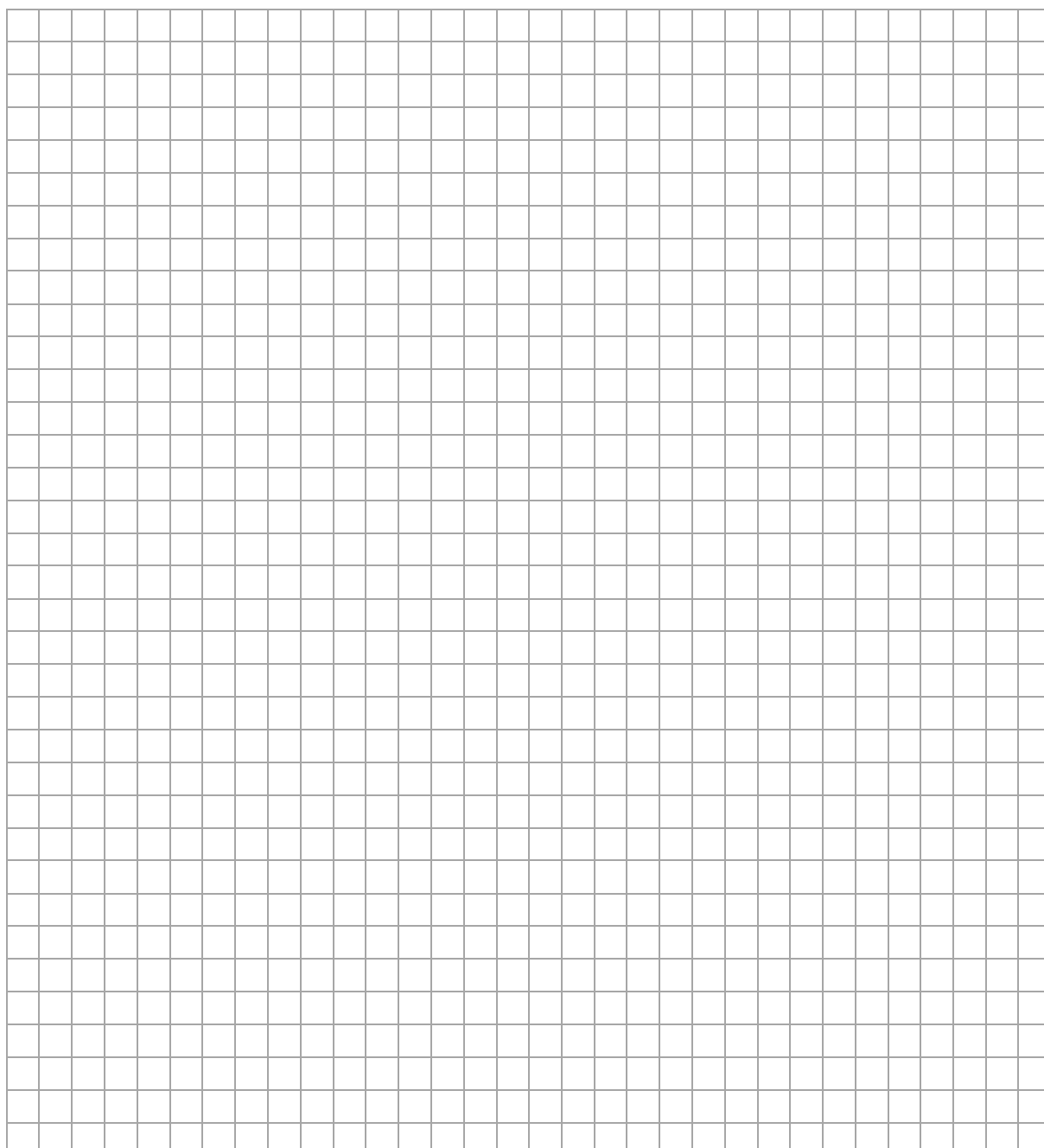
Wyznacz i zapisz w miejscu wykropkowanym poniżej zbiór wszystkich rozwiązań nierówności:

$$f(x) \leq 0$$

.....

**Zadanie 10.3. (0–3)**

Wyznacz wzór funkcji kwadratowej  $f$  w postaci kanonicznej.  
Zapisz obliczenia.







### Zadanie 13.

Czas  $T$  półtrwania leku w organizmie to czas, po którym masa leku w organizmie zmniejsza się o połowę – po przyjęciu jednorazowej dawki.

Przyjmij, że po przyjęciu jednej dawki masa  $m$  leku w organizmie zmienia się w czasie zgodnie z zależnością wykładniczą

$$m(t) = m_0 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{t}{T}}$$

gdzie:

$m_0$  – masa przyjętej dawki leku

$T$  – czas półtrwania leku

$t$  – czas liczony od momentu przyjęcia dawki.

W przypadku przyjęcia kilku(nastu) dawek powyższa zależność pozwala obliczyć, ile leku pozostało w danym momencie w organizmie z każdej poprzednio przyjętej dawki. W ten sposób obliczone masy leku z przyjętych poprzednich dawek sumują się i dają informację o całkowitej aktualnej masie leku w organizmie.

Pacjent otrzymuje co 4 dni o tej samej godzinie dawkę  $m_0 = 100$  mg leku L. Czas półtrwania tego leku w organizmie jest równy  $T = 4$  doby.

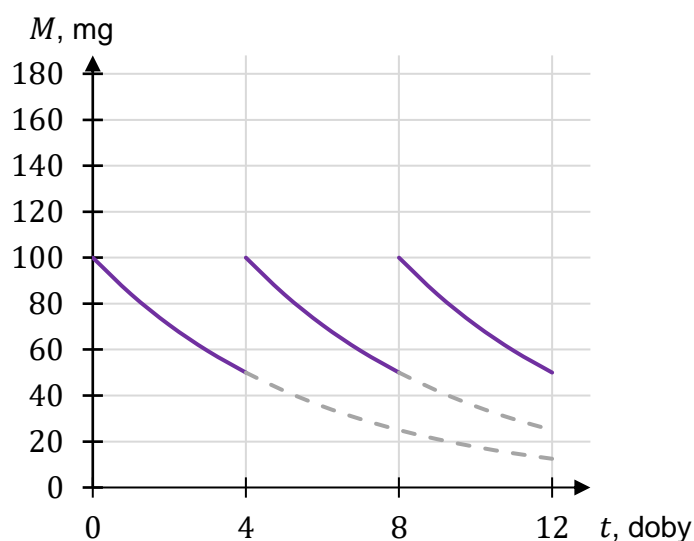
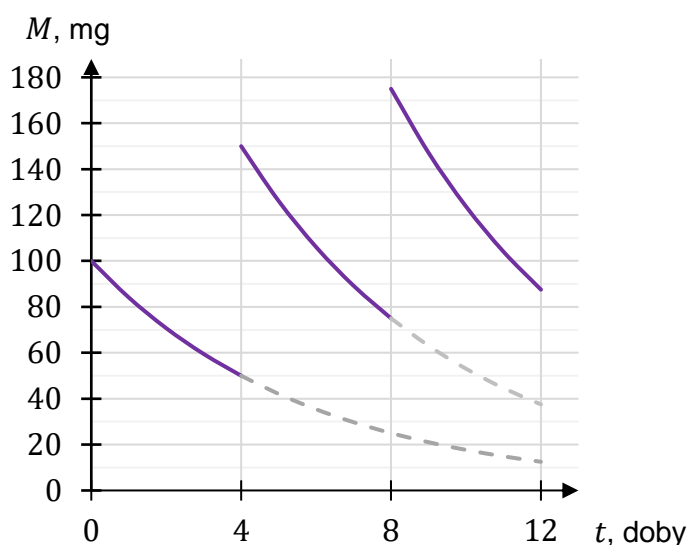
### Zadanie 13.1. (0–1)

**Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

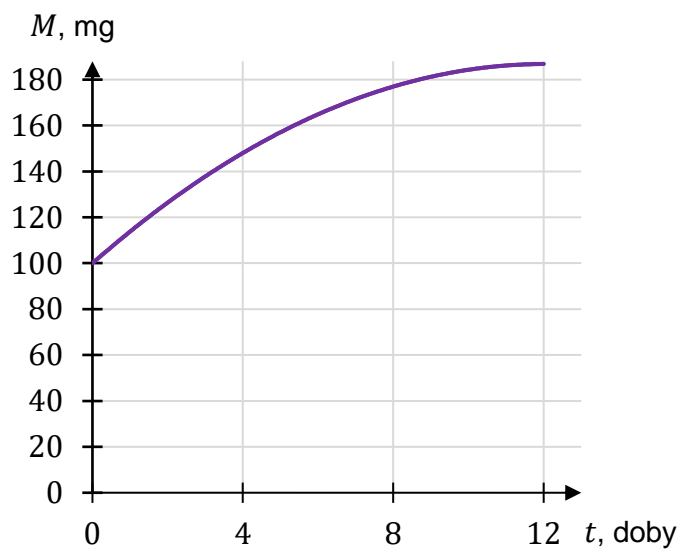
Wykres zależności masy  $M$  leku L w organizmie tego pacjenta od czasu  $t$ , liczonego od momentu przyjęcia przez pacjenta pierwszej dawki, przedstawiono na rysunku

A.

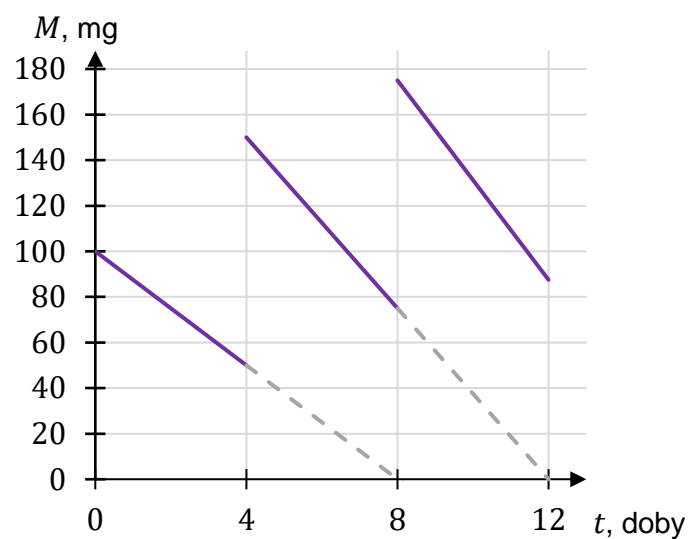
B.



C.

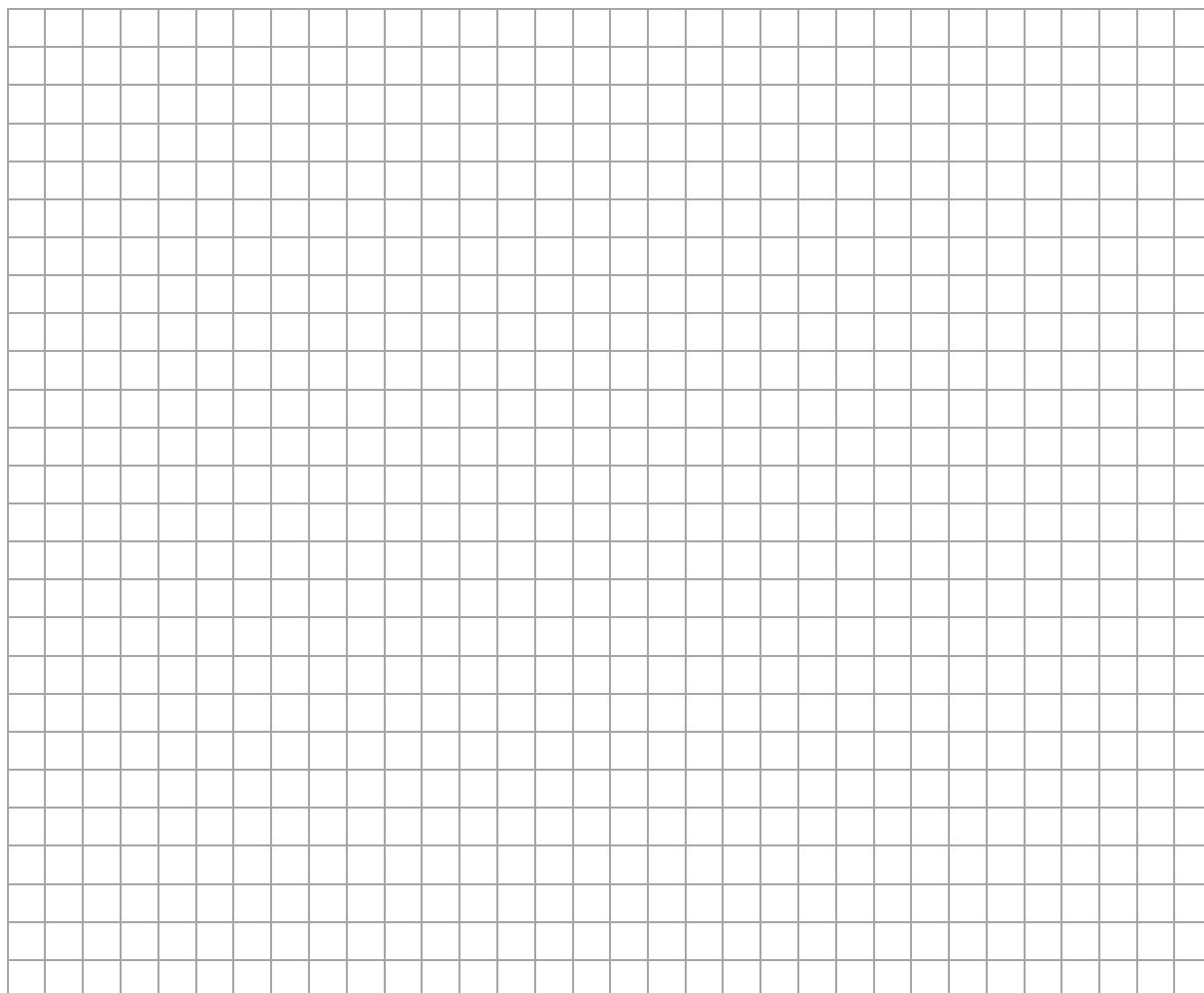


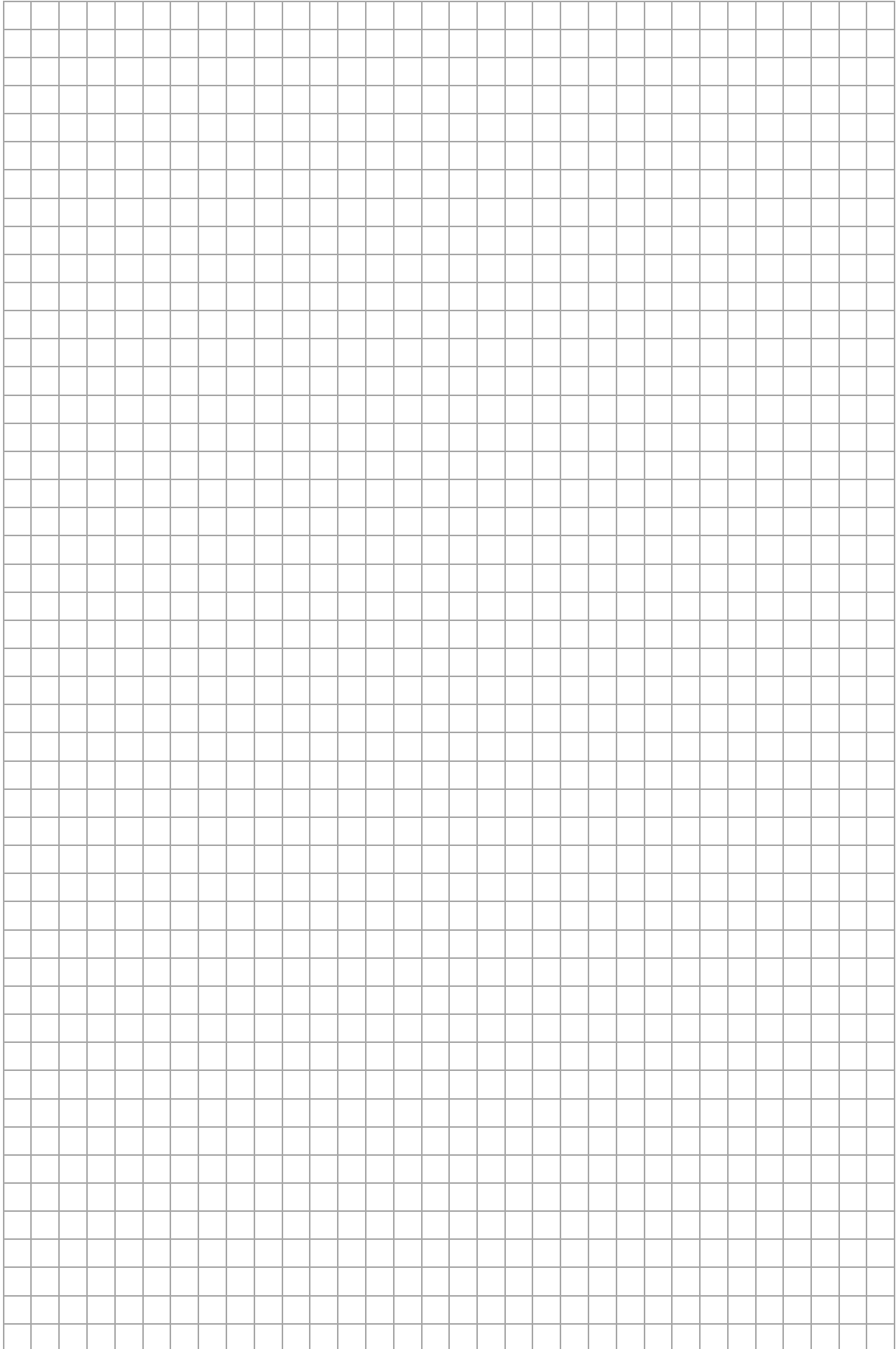
D.



**Zadanie 13.2. (0–3)**

Oblicz masę leku  $L$  w organizmie tego pacjenta tuż przed przyjęciem jedenastej dawki tego leku. Wynik podaj w zaokrągleniu do 0,1 mg. Zapisz obliczenia.





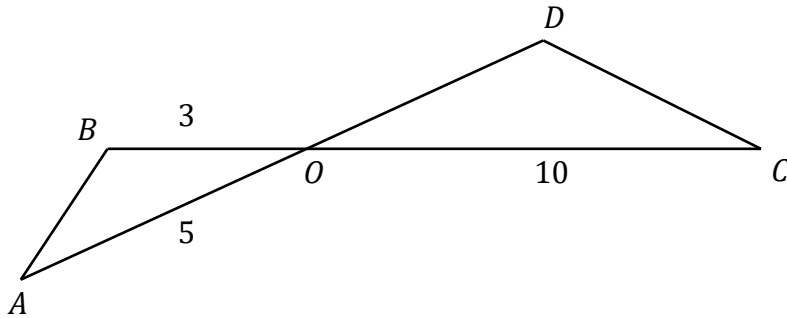




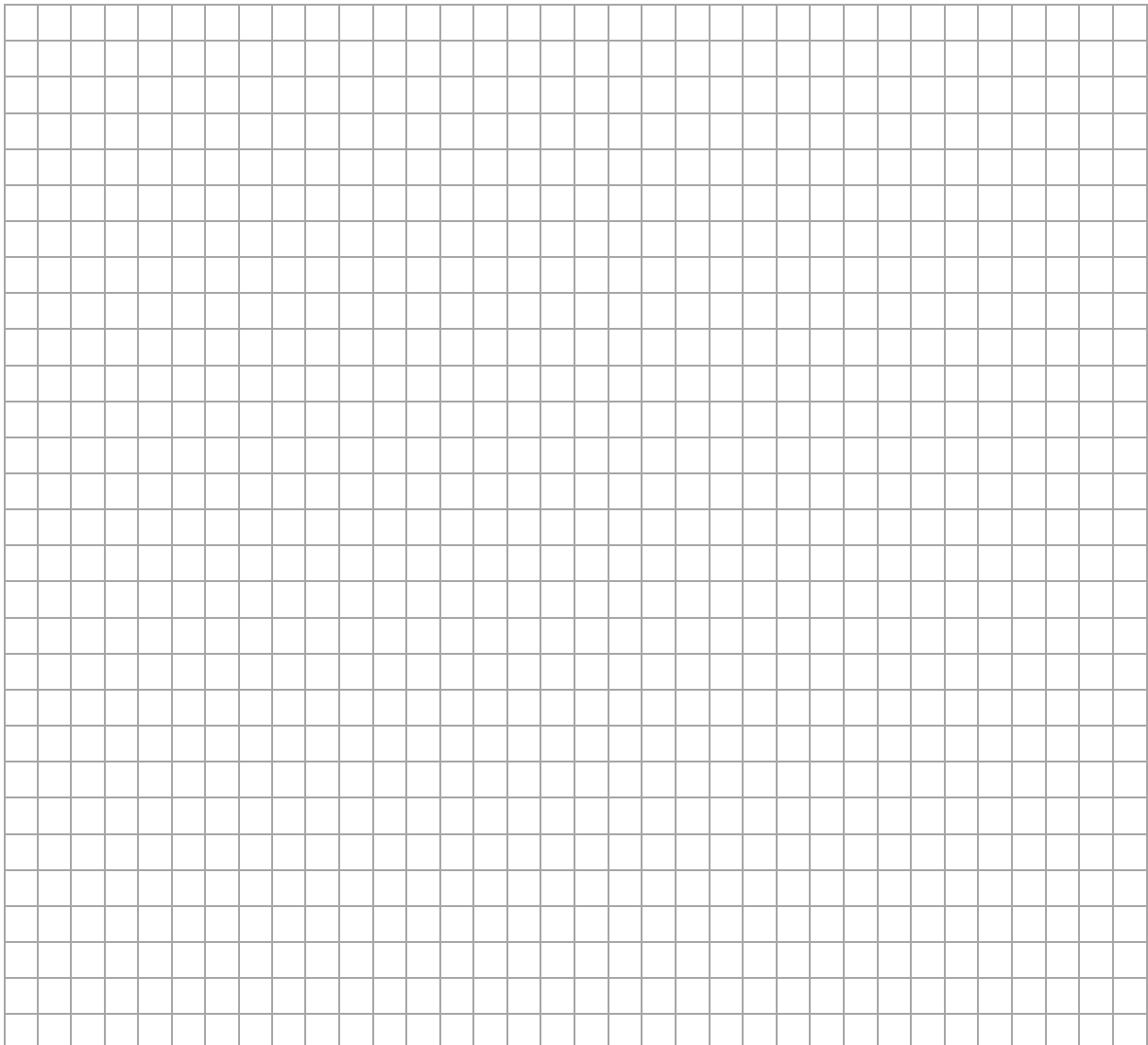


**Zadanie 18. (0–1)**

Odcinki  $AD$  i  $BC$  przecinają się w punkcie  $O$ . W trójkątach  $ABO$  i  $ODC$  zachodzą związki:  $|AO| = 5$ ,  $|BO| = 3$ ,  $|OC| = 10$ ,  $|\sphericalangle OAB| = |\sphericalangle OCD|$  (zobacz rysunek).



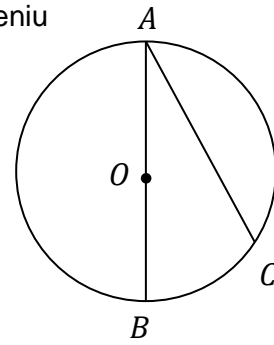
Oblicz długość boku  $OD$  trójkąta  $ODC$ .  
Zapisz obliczenia.





**Zadanie 21. (0–1)**

Odcinek  $AB$  jest średnicą okręgu o środku w punkcie  $O$  i promieniu  $r = 8$  (zobacz rysunek). Cięciwa  $AC$  ma długość  $8\sqrt{3}$ .



**Dokończ zdanie.**

**Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

Miara kąta  $BAC$  jest równa

A.  $30^\circ$

B.  $45^\circ$

C.  $15^\circ$

D.  $60^\circ$

*Brudnopis*

**Zadanie 22. (0–1)**

Kąt  $\alpha$  jest ostry oraz  $4 \operatorname{tg} \alpha = 3 \sin^2 \alpha + 3 \cos^2 \alpha$ .

**Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

Tangens kąta  $\alpha$  jest równy

A.  $\frac{3}{4}$

B.  $\frac{4}{3}$

C.  $\frac{1}{4}$

D. 4

*Brudnopis*





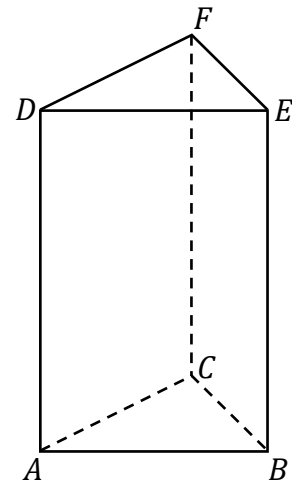




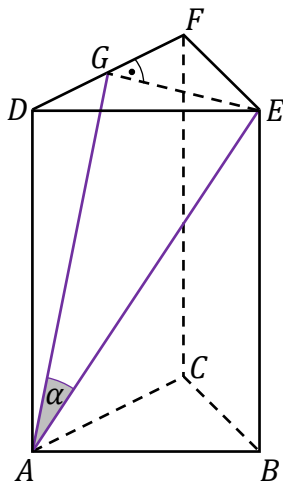
**Zadanie 27. (0–1)**

Dany jest graniastosłup prawidłowy trójkątny  $ABCDEF$  (zobacz rysunek obok).

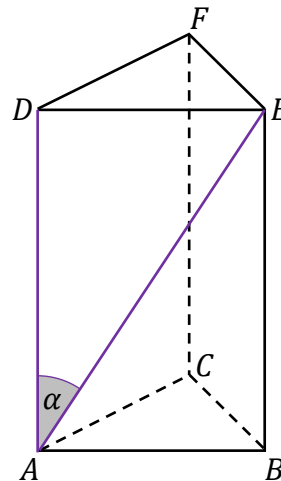
Na którym z rysunków prawidłowo narysowano, oznaczono i podpisano kąt  $\alpha$  pomiędzy ścianą boczną  $ACFD$  i przekątną  $AE$  ściany bocznej  $ABED$  tego graniastosłupa? Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.



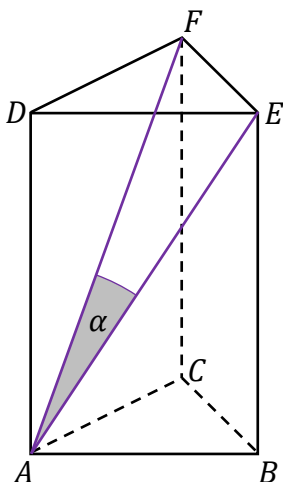
A.  $\alpha = \sphericalangle EAG$



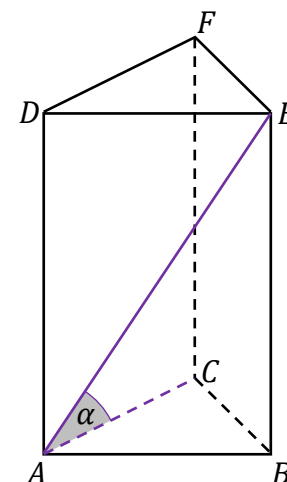
B.  $\alpha = \sphericalangle EAD$



C.  $\alpha = \sphericalangle EAF$



D.  $\alpha = \sphericalangle EAC$

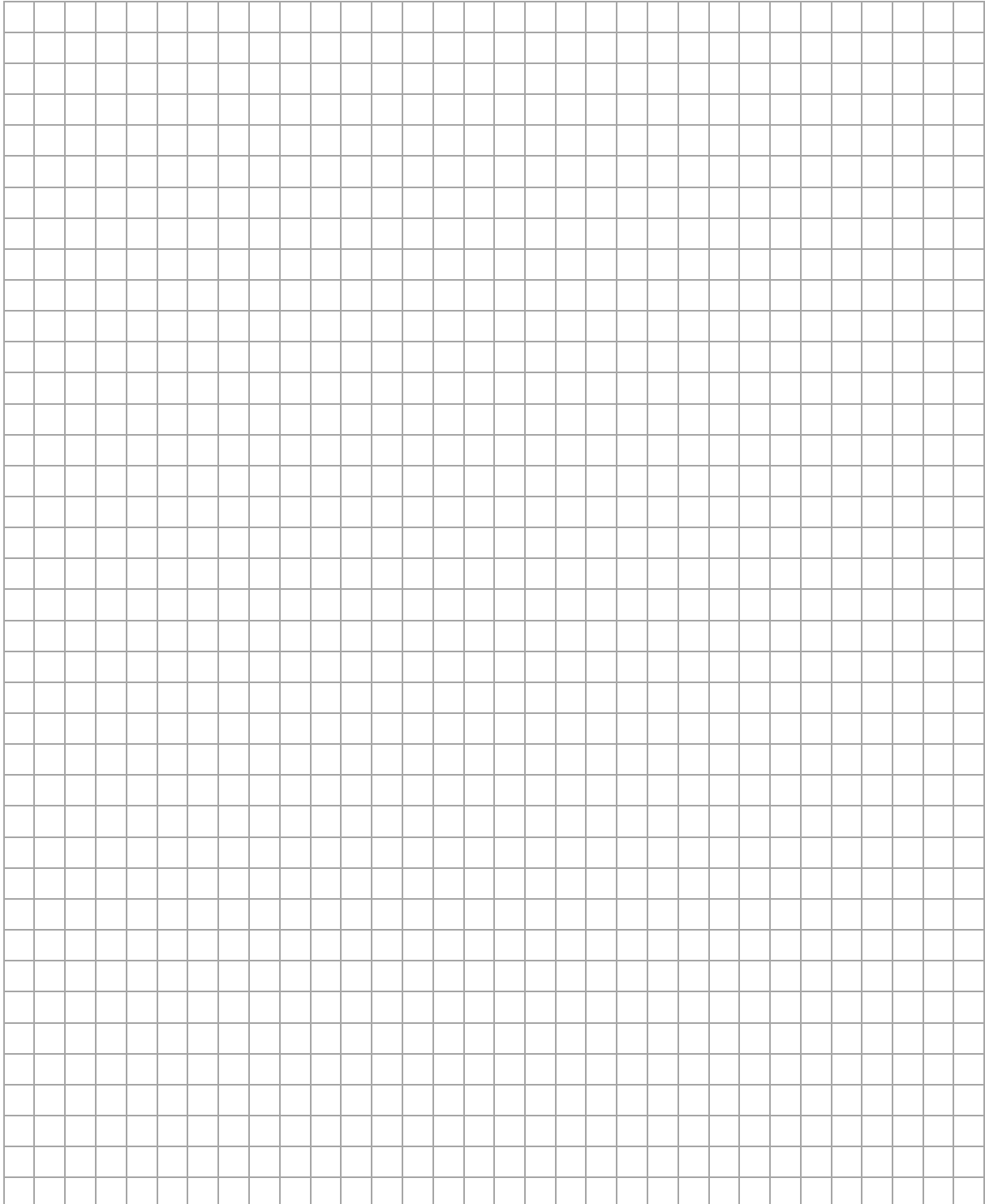




**Zadanie 28. (0–3)**

W pojemniku znajdują się losy loterii fantowej ponumerowane kolejnymi liczbami naturalnymi od 1000 do 9999. Każdy los, którego numer jest liczbą o sumie cyfr równej 3, jest wygrywający. Uczestnicy loterii losują z pojemnika po jednym losie.

**Oblicz prawdopodobieństwo zdarzenia polegającego na tym, że pierwszy los wyciągnięty z pojemnika był wygrywający.  
Zapisz obliczenia.**



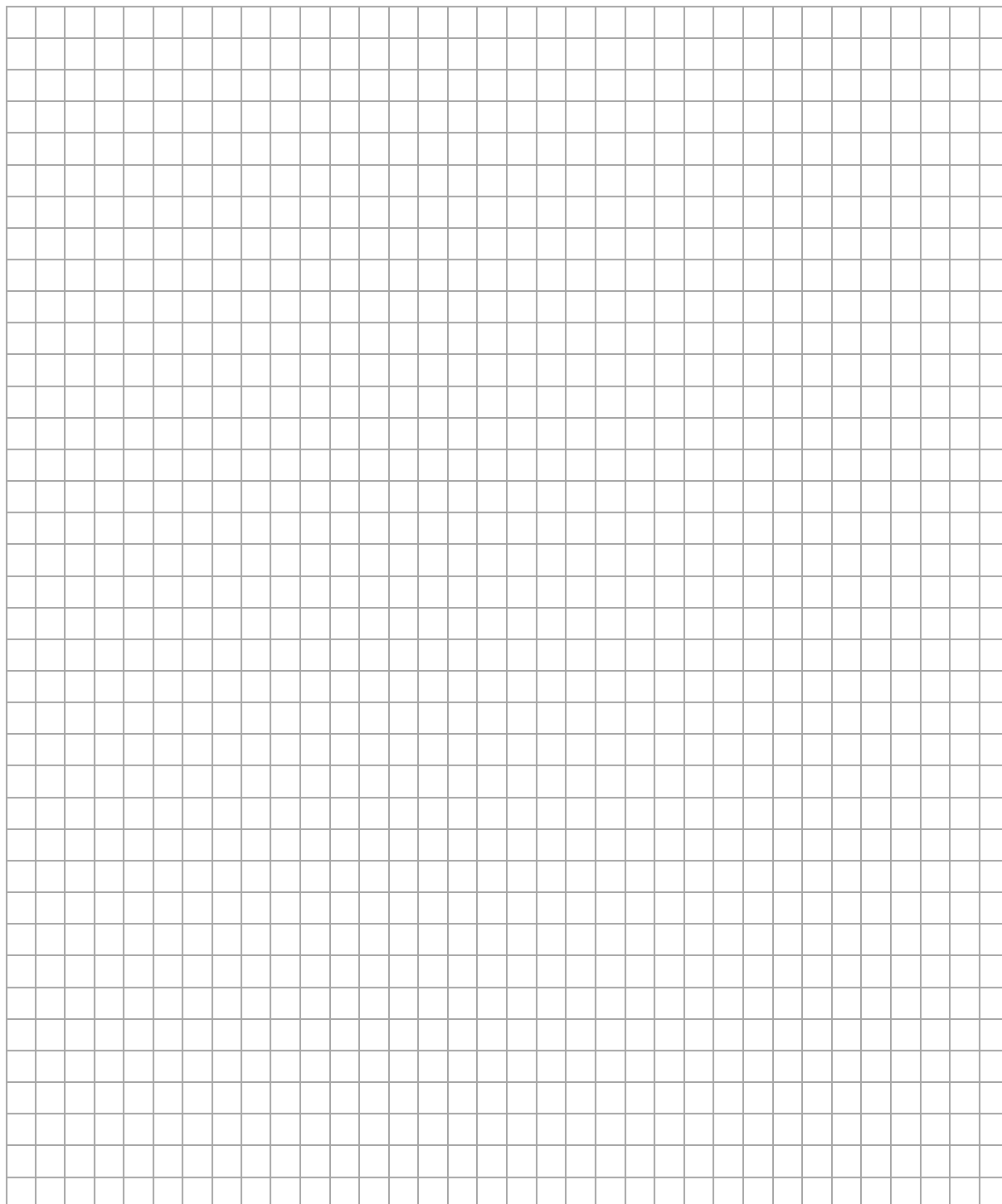
**Zadanie 29. (0–4)**

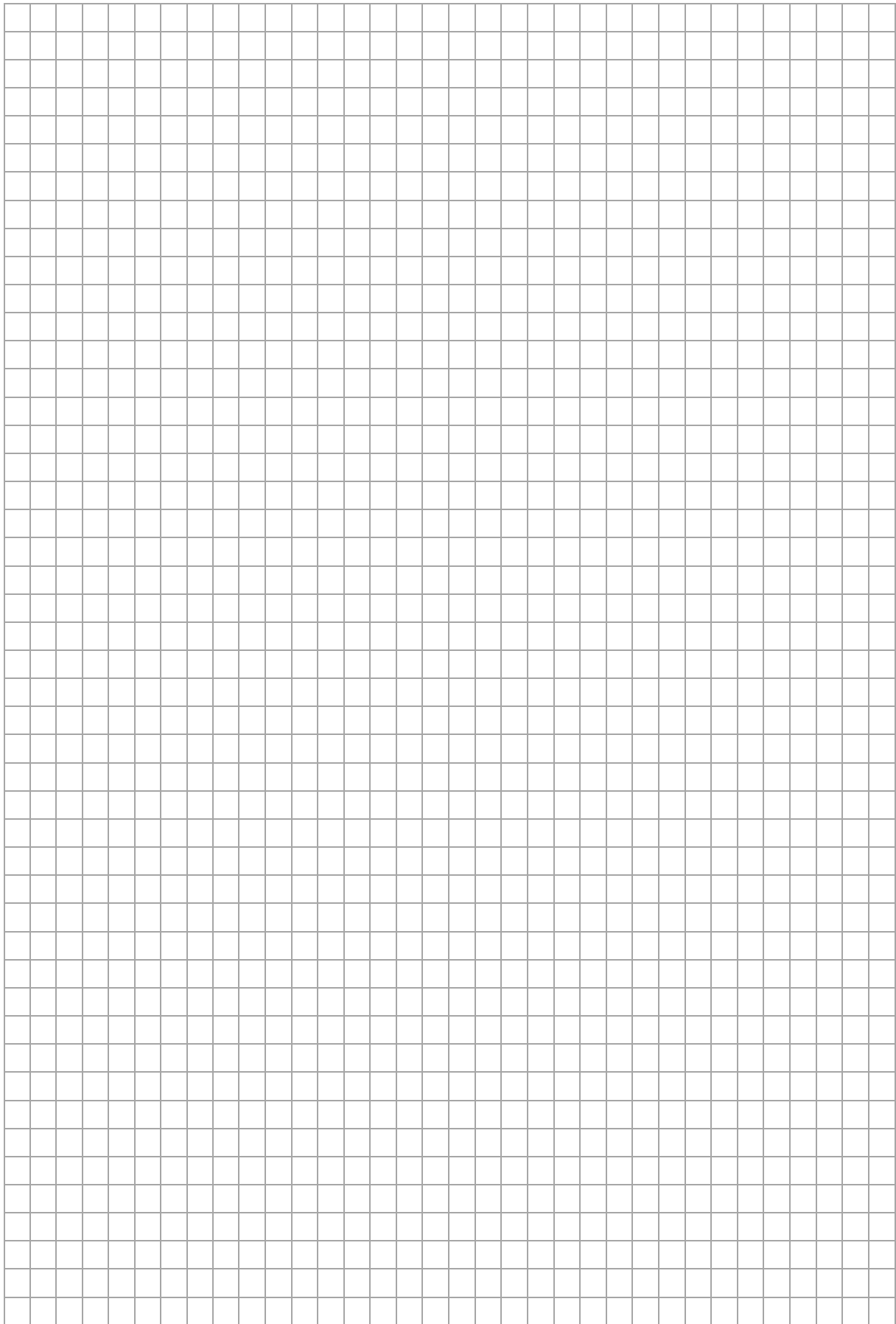
Rozważamy wszystkie równoległoboki o obwodzie równym 200 i kącie ostrym o mierze  $30^\circ$ .

**Podaj wzór i dziedzinę funkcji opisującej zależność pola takiego równoległoboku od długości  $x$  boku równoległoboku.**

**Oblicz wymiary tego z rozważanych równoległoboków, który ma największe pole, i oblicz to największe pole.**

**Zapisz obliczenia.**









**BRUDNOPIS (nie podlega ocenie)**

